

# فرهنگ اصطلاحات

## فرهنگ اصطلاحات ریاضی در قدیم

### الف

- استوانه مضلع: منشوری که قاعده آن چندضلعی باشد. (کنزالحساب، ص ۱۴۳)
- استوانه مثلث: منشور با قاعده مثلث (کنزالحساب، ص ۱۴۳)
- استوانه مخمس: منشور با قاعده پنج ضلعی (کنزالحساب، ص ۱۴۳)
- استوانه مسدس: منشور با قاعده شش ضلعی (کنزالحساب، ص ۱۴۳)
- استوانه مستدیر: استوانه قائم (کنزالحساب، ص ۱۴۱)
- ارثماطیقی: نظریه مقدماتی اعداد علم حساب (شمارنامه، ص ۱۲)
- حساب نظری (زندگینامه ریاضیدانان دوره اسلامی، ص ۳۱)
- اصناف: معادلات

استخراج مجهول: تناسب و جبر و مقابله

اهلیجی: عبارت است از سطح محصور بین دو قوس متساوی کوچکتر از نیم دایره و

متعلق به دو دایره متساوی (کاشانی‌نامه، ص ۱۲۹) (نفایس‌الفنون، ج ۳، ص ۴۳۷)

اصحاب معاملات: محاسبات معمولی

آحاد: یکان ۱ و ۲ و ۳ و ۴ و ۵ و ۶ و ۷ و ۸ و ۹

الوف: هزارگان ۱۰۰۰ تا ۹۰۰۰

الوف الوف: ۱۰۰۰۰۰ تا ۹۰۰۰۰۰۰ (شمارنامه، ص ۴)

اُگز: کره‌ها

إصبع: به معنی انگشت واحد طولی تقریباً ۲ سانتیمتر (غیاث‌الدین جمشید کاشانی، ص ۲۱۱)

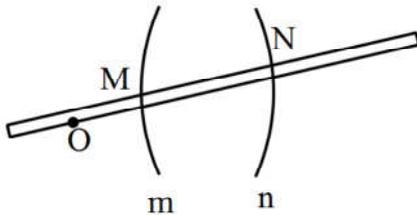
اصل درج: فرض کنید دو منحنی  $m$  و  $n$  و یک نقطه مانند  $O$  مفروض باشد، فرض کنید

که خود را مجاز بدانیم که بر یک خط کش، قطعه خطی مانند  $MN$  جدا کرده و سپس خط

کش را چنان میزان کنیم که از نقطه  $O$  گذشته و منحنی‌های  $m$  و  $n$  را در  $M$  و  $N$  قطع کند.

در این صورت گفته می‌شود که خط رسم شده در امتداد خط کش بنابر «اصل درج» رسم

شده است. (آشنایی با تاریخ ریاضیات)



(آشنایی با تاریخ ریاضیات، ج ۱، ص ۱۲۳)

آپولونیوس

اندازه‌گیری دایره: محاسبه عدد  $\pi$

اصل منزل قوه دوم: ضرب عددی  $ab$  در بسط  $(a+b)^2$

اصل منزل قوه سوم: ضرایب عددی  $a^2b$  و  $ab^2$  در بسط  $(a+b)^3$  (کاشانی‌نامه، ص ۸۹)

ارقام سِتّینی: شصتگانی (درجه‌ها، دقیقه‌ها، ثانیه‌ها، ثالثه‌ها، رابعه‌ها، خامسه‌ها)

استخراج ضلع اول از مضلّعات: استخراج ریشه  $n$ ام

امثال عدد: ضرب‌های عدد

ابدال نسبت: در هر تناسب نسبت جمله اول به جمله سوم مساوی با نسبت جمله دوم

به جمله چهارم است. به عبارت دیگر از تناسب  $\frac{a}{b} = \frac{c}{d}$  می‌توان نتیجه گرفت  $\frac{a}{c} = \frac{b}{d}$  و این

را ابدال نسبت می‌گویند. (التفهیم، ص ۲۱) (فارسی‌نامه، ص ۱۰۰) (اصول اقلیدس، ص ۱۷۱)

اجزای عدد: مقصود از اجزای یک عدد صحیح مثبت شمارنده‌های آن عدد است

(مقسوم‌علیه‌های آن عدد) به استثنای خود آن عدد مثلاً اجزای عدد ۸ عبارتند از ۱ و ۲ و ۴

اصطلاح «جزو» به معنای «خارج قسمت» نیز به کار رفته است.

اجسام: احجام (تاریخ علم در فرهنگ و تمدن اسلام و ایران، ک ۲، ج ۲، ص ۶۴۴)

اجسام افلاطونی: چهاروجهی منتظم، شش‌وجهی منتظم، هشت‌وجهی منتظم، دوازده

وجهی منتظم و بیست‌وجهی منتظم، چندوجهی منتظم را می‌توان در کره محاط کرد.

(تاریخ ریاضیات یونان، ص ۱۰۴)

استثناء: جمله منفی (کاشانی‌نامه، ص ۱۴۰)

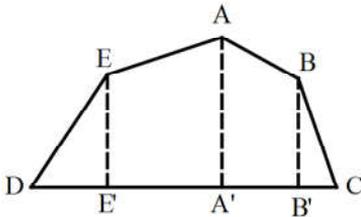
اقدار متناسبه: مقدارهای متناسب، تناسب

اعمال: محاسبات (کاشانی‌نامه، ص ۱۷۴)

ابعادالمکان: طول و عرض و ارتفاع

ارتفاع شکل: بزرگترین عمودی باشد که از زاویه شکل فرود آید بر قاعده (یا بر امتداد

قاعده)



$AA'$  ارتفاع شکل است

(تحقیق در آثار ریاضی ابوریحان، ص ۳۴۰)

$$\frac{a}{b} = \frac{c}{d} \quad \frac{۲}{۶} = \frac{۳}{۹} \quad \text{اربعه متناسبه: دو نسبت که با هم مساویند: تناسب}$$

(کشاف اصطلاحات الفنون، ج ۲، ص ۱۳۷۲)

حاصلضرب طرفین = حاصلضرب وسطین

یا

$$ad=bc \quad \text{مضروب اول در چهارم = مضروب دوم در سوم}$$

(نفایس الفنون، ص ۴۲۵) (لطایف الحساب، ص ۵)

استخراج ضلع اول به فرض آنکه عدد مال کعب باشد: استخراج ریشه پنجم یک عدد

"الا": به جای علامت تفریق و "و": به جای علامت جمع (کاشانی نامه، ص ۱۴۲)

اجناس: قدا عدد  $(a)$ ، یعنی جمله ثابت در معادله، شی  $(x)$  و مال  $(x^۲)$  و کعب  $(x^۳)$  و مال مال  $(x^۴)$  و غیره را اجناس می نامیدند مثلاً در معادله  $ax^۳ = x^۲$  دو جنس و در معادله  $a + cx^۲ = x^۳$  سه جنس و در معادله  $ax^۴ + bx^۳ = cx^۲ + dx + e$  پنج جنس وجود دارد و اگر عده اجناسی که بعضی از آنها یا همه آنها در معادله داخل می شوند پنج باشد معادله از درجه اول یا دوم یا سوم یا چهارم خواهد بود و چون قدا اعداد منفی را به کار نمی بردند،

ناچار معادلاتی از قبیل  $x^2 + bx = a$  و  $x^2 + a = bx$  و  $bx + a = x^2$  را سه صنف مختلف از معادله درجه دوم محسوب می‌داشتند.

(کاشانی‌نامه، ص ۱۴۵)

اجناس هر عدد: توان‌های مختلف آن عدد

(فارسی‌نامه، ص ۶۷)

**اعمال رد و تکمیل:** اگر در یکی از دو طرف معادله ضریب جمله بزرگترین درجه بزرگتر از یک (یا کوچکتر از یک) باشد دو طرف معادله را به آن ضریب تقسیم می‌کنند (یا در عکس آن ضریب، ضرب می‌کنند) تا ضریب بزرگترین درجه مساوی با یک شود. اگر ضریب مذکور بزرگتر از یک باشد عمل را رد و اگر کوچکتر از یک باشد عمل را تکمیل گویند.

**مثال:** در معادله  $5x^2 + 10x = 30$  پس از انجام عمل رد چنین می‌شود  $x^2 + 2x = 6$ ،

**مثال:** در معادله  $\frac{1}{4}x^2 + 5x = 7$  پس از عمل تکمیل چنین می‌شود  $x^2 + 10x = 14$

(کاشانی‌نامه، ص ۱۴۱)

### اصناف مفرد شش‌گانه معادلات:

$$a = x, a = x^2, a = x^3, bx = x^2, bx = x^3, cx^2 = x^3$$

(حکیم عمر خیام بعنوان عالم جبر، ص ۱۴۵)

اصفار: جمع صفر

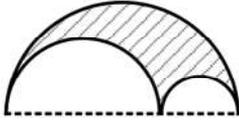
افراد: تبدیل

افراد کسرهای مرکب: تبدیل کسرهای مرکب

الصاح و الکسور: عدد صحیحی که کسر همراه داشته باشد مثل  $\frac{3}{5}$

(نسوی‌نامه، ص ۱۶۶)

**آربلوس (Arbelos):** گزنه (آلتی که کفشان برای بریدن و تراشیدن چرم به کار می‌برند).  
(نسوی نامه، ص ۱۶۶)



**اصل منزل قوه دوم:** ضریب  $ab$  در بسط  $(a + b)^2$  که ۲ می‌باشد.

**اصول منزل قوه سوم:** ضرایب عددی  $ab^2$  و  $ab^2$  در بسط  $(a + b)^3$  که دو عدد ۳ و ۳ می‌باشد.  
(کاشانی نامه، ص ۸۹)

**اعداد مراتب:** نماینده های قوای ۶۰ وقتی که عدد شصتگانی به صورت زیر نوشته شود:

$$a_n \times (60)^n + \dots + a_4 \times (60)^4 + a_3 \times (60)^3 + a_2 \times (60)^2 + a_1 \times (60)^1 + a_0 \times (60)^0 + a_{-1} \times (60)^{-1} + a_{-2} \times (60)^{-2} + \dots + a_{-m} \times (60)^{-m}$$

ثانیه      دقیقه      درجه      یکبار مرفوع      دوبار مرفوع

(کاشانی نامه، ص ۱۲۱)

**اعمال: محاسبات** (کاشانی نامه، ص ۱۷۴)

**آئین:** توان - اس  $X$  را یک واس  $x^2$  را دو واس  $x^n$  را  $n$  می‌گیرند. (جبر و مقابله خوارزمی، ص)

**اعداد ضلعی:** اعدادی که در قضیه فیثاغورس صدق می‌کند. (سه تایی های فیثاغورثی)

**استثناء:** در جبر و مقابله به معنی جمله منفی می‌باشد. (کاشانی نامه، ص ۱۴۰)

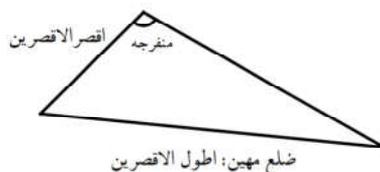
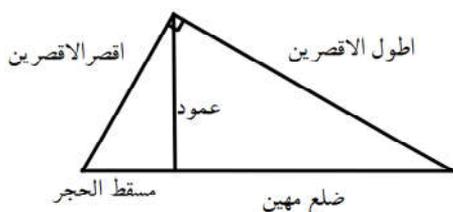
**آئینه سوزان:** آئینه ای که اگر آن را در مقابل شعاع آفتاب نگاه داریم، جسمی را که در

فاصله معینی واقع است بسوزاند. (بوزجانی نامه، ص ۴۰)

**اَزَلَه:** واحدی برای حجم که مساوی با ۱۰۰ ذراع مکعب (بوزجانی نامه، ص ۲۰۲)

**اصغراالصغرین:** کوچکترین ضلع هر مثلث قائم الزاویه یا منفرجه

اطول الاصغرین: ضلع متوسط هر مثلث قائم الزاویه یا منفرجه



(التفهیم، ص ۱۱)

اعداد صحاح: اعداد درست

اعداد اصلی: ارقام هندی ۱ تا ۹

اعداد مال: عددی که می‌خواهیم جذر بگیریم (شمارنامه، ص ۳۴)

اعداد مصور: اعدادی مثلثی، مربعی، مخمسی، مستطیلی (تاریخ ریاضیات یونان، ص ۴۹-۴۴)

اصم: عددی که جذر ندارد (شمارنامه، ص ۲۸)

ابعض: پاره پاره‌ها، بهره

ایستاده: در هندسه به معنی قائم (التفهیم، مقدمه)

ارباب مساحت: بنایان (النجارة، ص ۴۴)

اخراج اقامت کردن: عمود رسم کردن (النجارة، ص ۶۴)

اهل عمل: صنعتگران (النجارة، ص ۴۳)

اصحاب صنایع: صنعتگران (النجارة، ص ۴۳)

اعداد مجسمه: اعداد هرمی (نفایس الفنون، ج ۳، ص ۶۹)

أشل: ریسمانی است به طول ۸۰ ذراع ید = ۶۰ ذراع هاشمی (نفایس الفنون، ج ۳، ص ۴۴۰)

ارزش نسبی عدد: مرتبه آن عدد است مثلاً در عدد ۳۲ ارزش نسبی رقم ۲ (مرتبه یکان) ۲ واحد است ولی ارزش نسبی رقم ۳ (دهگان) ۳۰ واحد می باشد. (نسوی نامه، ص ۳۵)  
 اوتار: جمع وتر - وترها

اربعه متوالیه: هر گاه چند نسبت با هم برابر باشند و مخرج کسر اول با صورت کسر دوم و مخرج کسر دوم با صورت کسر اول برابر باشد  $\frac{a}{b} = \frac{b}{c} = \frac{c}{d}$  یا بر عکس  $\frac{b}{a} = \frac{c}{b} = \frac{d}{c}$  آن را اربعه متوالیه گویند. (لب الحساب، ص ۵۳) (لطایف الحساب، ص ۵)

اربعه غیر متوالیه: هر گاه دو نسبت با هم برابر باشند (تناسب) به طوری که اعداد صورت و مخرج متفاوت باشند اربعه غیر متوالیه گویند. (لطایف الحساب، ص ۵) (لب الحساب، ص ۵۴)  
 أُسْطُقْسُ: اصل

أسطقسات: اصول اقلیدس، عناصر اربعه (آب و خاک - آتش و هوا)

(حکیم عمر خیام بعنوان عالم جبر، ص ۱۷۱)

استقرا: جستجوی مقداری مناسب که در معادله ای صدق می کند

(حکیم عمر خیام بعنوان عالم جبر، ص ۳۰۳)

الیپس: قطع ناقص: بیضی

الکافی فی الحساب: بسنده در حساب

اصول موضوعه (اقلیدس)

۱- از هر نقطه به نقطه دیگری می توان یک خط مستقیم عبور داد.

۲- خط راست محدود را می توان تا به هر اندازه که بخواهیم ادامه دهیم.

۳- با هر مرکز می توان دایره ای به شعاع دلخواه رسم کرد.

۴- تمام زوایای قائمه با هم برابرند.

۵- اگر دو خط راست بوسیله یک خط سوم قطع شوند، در همان طرفی از خط سوم که زوایای داخلی به مجموع کوچکتر از دو قائمه تشکیل می‌دهند، یکدیگر را قطع می‌کنند.

(تاریخ ریاضیات یونان، ص ۲۰۰) (هندسه در گذشته و حال، ص ۲۴)

### اصول متعارفی:

۱- دو مقدار مساوی با مقدار سوم با هم برابرند

۲- اگر به دو مقدار مساوی، مقادیر مساوی بیفزائیم، حاصل جمع‌ها با هم مساویند

۳- اگر از دو مقدار مساوی، مقادیر مساوی کم کنیم باقیمانده‌ها با هم برابرند.

۴- دو چیز قابل انطباق با هم برابرند.

۵- کل از جزء بزرگ‌تر است.

(تاریخ ریاضیات یونان، ص ۲۰۰) (هندسه در گذشته و حال، ص ۲۵)

اعداد مسطح: اعدادی به صورت  $a \times b$  (لطایف الحساب، ص ۱۲)

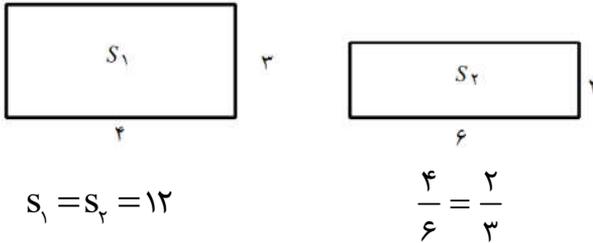
اعداد مجسم: اعدادی به صورت  $a \times b \times c$  (لطایف الحساب، ص ۱۲)

اصحاب تخوت: کسانی که به وسیله تخت و تراپ حساب می‌کنند.

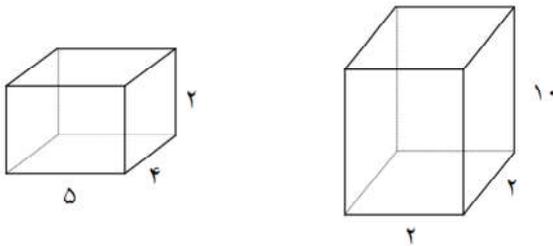
اثبات تقطیعی: روشی که با برش یک شکل می‌توان آن را به شکل دیگری که مساحت آن با مساحت شکل اول برابر باشد تبدیل نمود. مثلاً می‌توان دو مربع مختلف را با برش، تبدیل به یک مربع نمود.

(آشنایی با تاریخ ریاضیات، ج ۱، ص ۸۶)

**اشکال متکافیه الاضلاع:** شکل‌هایی که اضلاع آنها متکافی‌اند، یعنی به نسبت عکس یکدیگرند. مثلاً اگر مساحت دو مستطیل برابر باشد، نسبت طول مستطیل اول به طول مستطیل دوم برابر است با عرض مستطیل دوم به عرض مستطیل اول. همچنین اگر حجم دو مکعب مستطیل برابر باشد، نسبت مساحت قاعده مکعب مستطیل اول به مساحت قاعده مکعب مستطیل دوم برابر است با نسبت ارتفاع مکعب مستطیل دوم به ارتفاع مکعب مستطیل اول.



(حکیم عمر خیام بعنوان عالم جبر، ص ۱۵۶)



$$S_1 = 20 \text{ قاعده}$$

$$S_2 = 4 \text{ قاعده}$$

$$V_1 = 40$$

$$V_2 = 40$$

$$\Rightarrow \frac{20}{4} = \frac{10}{2}$$

**اشکال مجسمه: احجام**

(مجله تاریخ علم شماره دوم پاییز ۸۳، مقاله سیر هندسه...، ص ۱۲۶)

**اصول التقدير: اصول هندسه، بدیهیات**

(مجله تاریخ علم شماره دوم پاییز ۸۳، مقاله سیر هندسه...، ص ۱۲۵)

**آرش:** از انتهای آرنج تا نوک انگشت میانی: حدود ۰/۵ متر (تا ۶۵ سانتیمتر)

**اصل:** اصل در هندسه به حکمی گفته می شود که بدون اثبات پذیرفته شود در واقع درستی

آن با تجربه سالهای متوالی تأیید می شود. (تاریخ ریاضیات، ص ۷۸)

**اعداد انگشتی:** روشی بود که برای بعضی محاسبات ساده بوجود آمدند. یکی از این

روش ها که حاصل ضرب دو عدد بین ۵ و ۱۰ را می دهد برای تقلیل کار حافظه در ارتباط با

جداول ضرب به کار می رفت. مثلاً برای ضرب ۷ در ۹،  $۷-۵=۲$  انگشت در یک دست و

$۹-۵=۴$  انگشت دست دیگر را بلند کنید. حال انگشتان بلند شده را جمع کنید  $۲+۴=۶$  که رقم

دهگان حاصل ضرب است و انگشتان بسته را در هم ضرب کنید  $۳ \times ۱=۳$  که رقم یکان حاصل

ضرب است و نتیجه ۶۳ بدست می آید.

(آشنایی با تاریخ ریاضیات، ج ۱، ص ۲۲)

**اوسطین:** در تناسب  $\frac{a}{b} = \frac{c}{d}$ ،  $b$  و  $c$  را اوسطین گویند.

(فرهنگ ایران زمین، ص ۱۷۸)

**انواع عدد صحیح مثبت (طبیعی)**

دو نوع اند:

۱- مربع کامل اند مثل ۴ و ۳۶

۲- مربع کامل نیستند (دو قسم است)

۳- می توان آنها را به صورت مجموع دو مربع کامل نوشت مثل  $۵ = ۲^۲ + ۱^۲$  یا

$$۱۳ = ۳^۲ + ۲^۲$$

۴- نمی تون آنها را به صورت دو مربع کامل نوشت مثل ۷ و ۶ و ۱۱

(بوزجانی نامه، ص ۸۶)

اشکال القائمة: قائم الزاویه و مستطیل گونه

(تاریخ علم در فرهنگ و تمدن اسلام و ایران، ک ۲، ج ۲، ص ۱۹۱)

اعداد بسیط: یک جمله ای

(تاریخ علم در فرهنگ و تمدن اسلام و ایران، ک ۲، ج ۲، ص ۳۰۸)

اعداد مرکب: چند جمله ای

(تاریخ علم در فرهنگ و تمدن اسلام و ایران، ک ۲، ج ۲، ص ۳۰۸)

الگوریتم: تحریف نام الخوارزمی است

اتصال دو نسبت: صورت یک کسر با مخرج کسر دیگر برابر است  $\frac{A}{B} \times \frac{C}{A} = \frac{C}{B}$  یا دو

صورت با دو مخرج مساویند. (دایرة المعارف بزرگ اسلامی، ج ، ص ۷۴۸)

احد المخرجین: یکی از دو مخرج کسر ها

(فرهنگ ایران زمین، ص ۱۷۸)

أیمن: ایمن و یمین به جای عدد راست به کار رفته است.

(فرهنگ ایران زمین، ص ۱۷۸)

استخراج الکعب و اضلاع ماورائه: گرفتن ریشه سوم و بالاتر

(تاریخ علم در فرهنگ و تمدن اسلام و ایران، ک ۲، ج ۲، ص ۴۰۴)

## ب

برکار: پرگار

برکار تام: پرگاری که با آن می توان مقاطع مخروطی مانند دایره، بیضی، سهمی، هذلولی

رسم نمود.

(التفهیم، مقدمه)

بسیار پهلوی: چندضلعی، کثیرالاضلاع

برداشتن عدد: رفع العدد: تبدیل عددی که در دستگاه شمار دهگانی نوشته شده به

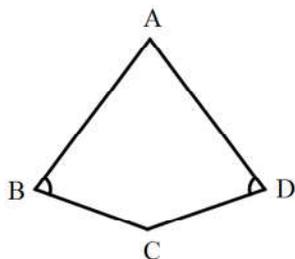
معادل آن در دستگاه شمار شصتگانی مثلاً ۱۱۰۴۵ ثانیه می شود ۳ درجه و ۴ دقیقه و ۵ ثانیه

بعدهای جایگاه: ابعاد المکان

باطیه: چهارضلعی محدبی که دو ضلع مجاور آن با هم مساوی و دو ضلع دیگر آن نیز با

هم مساوی ولی با دو ضلع اول مختلف باشند (کایت) و دو زاویه B و D حاده

باشند (کاشانی نامه، ص ۱۲۶).



$$AB=AD$$

$$BC=CD$$

$$\hat{B} = \hat{D} \text{ حاده}$$

(التفهیم، مقدمه)

بالا: سَمَك: در هندسه به معنی بلندی ارتفاع

(التفهیم، مقدمه)

به بالا: مستطیل

(التفهیم، مقدمه)

به جای آمدن: حاصل شدن

(التفهیم، مقدمه)

بخش و بخشش: قسمت در عدد و جزء عدد

**بخش راست:** بخشش راست: قسمت‌های متساوی در عدد و جزء عدد

(التفهیم، مقدمه)

**بخشش ناراست:** قسمت‌های نامتساوی در عدد و جزء عدد

(التفهیم، مقدمه)

**برخ:** پاره و قسمت. و دو برخ: دو ثلث

(التفهیم، مقدمه)

**بر خم نهاده:** به شکل قوس قرار گرفته

(التفهیم، مقدمه)

**بر خم کشیده:** به شکل خط محنی و مقوس

(التفهیم، مقدمه)

**برداشته:** عدد رفع شیوه در اصطلاح حساب

(التفهیم، مقدمه)

**بریدن:** قطع کردن و قطع شدن همچون قطع مخروط در هندسه

(التفهیم، مقدمه)

**بهم کردن نسبت:** تألیف نسبت در اصطلاح ریاضی

(التفهیم، مقدمه)

**بسیط:** اعمال حساب در پایه دهدهی

(اصول حساب هندی، ص ۲۰)

**برکار:** پرکار (جمع مکسر آن براکیر می‌شود)

(النجارة، ص ۳۸)

**بیست و نه دو خمس و نصف سدس:**  $۲۹ \times \frac{۲}{۵} \times \frac{۱}{۲} \times \frac{۱}{۶}$  (نفایس الفنون، ج ۳، ص ۴۲۳)

**باع:** طول سرانگشت میانی دست راست تا سر انگشت میانی دست چپ در حالی که دو

دست به طرفین کشیده شده باشد (طاق و ازج، ص ۷)

**بیست وجهی:** شکلی است فضائی که از بیست مثلث متساوی‌الاضلاع متساوی حاصل

شده باشد. (اصول اقلیدس، ص ۳۷۹)

**بسیط:** در اصطلاح هندسی به معنی سطح و آن چیزی است که دارای طول و عرض است.

(جهان دانش، ص ۵)

**بسیط مسطح:** سطح صاف: سطح مستوی

(جهان دانش، ص ۵)

بسانط: سطح‌های جانبی

(مجله تاریخ علم، شماره دوم، پاییز ۸۳، مقاله سیر هندسه...، ص ۱۲۶)

به دست = وجب = ۲ درجه و ۱۰ دقیقه در اندازه‌گیری فواصل ستاره‌ها (صورالکواکب)

برش: مقطع

بداية الحساب: حساب مقدماتی

بداية الجبر: جبر مقدماتی

بديع في الحساب: نوآوری در حساب

برهان خلف (روش غیر مستقیم): در این روش برای آنکه ثابت کند قضیه‌ای درست

است ثابت می‌کنند که خلاف آن قضیه، یعنی نقیض آن نادرست و چنین فرضی منجر به

تناقض است به عبارت دیگر به جای آن که مستقیماً از فرض شروع کنیم و به حکم برسیم،

فرض می‌کنیم حکم درست نباشد و با استفاده از فرض این برهان خلف (نادرست بودن

حکم) به یک تناقض یا نتیجه غیر ممکن می‌رسیم.

ب م م: بزرگترین مقسوم علیه مشترک

## پ

**پهلوی ستون راست:** مولد استوانه دوار

**پیمایش:** مساحی و اندازه گرفتن

**پیمودن:** مساحت کردن و اندازه گرفتن و وزن کردن و پیمودن به ترازو و ارش و پیمان

**پرگار تام:** پرگاری است که بتوان با آن خط راست و دایره و سهمی و هذلولی و بیضی را با

حرکت اتصالی رسم کرد. (زندگینامه ریاضیدانان دوره اسلامی، ص ۴۲۳)

**پرگار تام:** پرگار قطوع (حکیم عمر خیام به عنوان عالم جبر، ص ۱۰۶)

**پرگار کروی:** برای کشیدن دایره روی سطح کره به کار می‌رود.

(النجارة، ص ۱۲۳)

**پرگار اقلیدسی:** پرگار فروریختنی: با این پرگار می‌توانیم دایره‌ای رسم کنیم که مرکز آن

یک نقطه مفروضی باشد و دایره از نقطه مفروض دیگری بگذرد اگر یک ساق پرگار را از روی

کاغذ برداریم دهانه آن بهم می‌ریزد.

(آشنایی با تاریخ ریاضیات، ص ۱۰۳) (گوشه‌هایی از ریاضیات دوره اسلامی، ص ۸۶)

**پرگار زنگار گرفته:** پرگار با دهانه ثابت (بوزجانی‌نامه)

$$\text{پنج و نیم و نیم دانگ: } 5\frac{7}{12} = 5 + \frac{7}{12} = 5 + \frac{6}{12} + \frac{1}{12} = 5 + \frac{1}{2} + \frac{1}{12} \times \frac{1}{6}$$

(شمارنامه، ص ۶۰)

(شمارنامه، ص ۴۸)

**پنج شش یک:**  $\frac{5}{6}$

(التفهیم، مقدمه)

**پنج سو:** مخمس: پنج ضلعی منتظم

## پهلوی: ضلع

پنج پهلوی: مخمس در اصطلاح هندسه (التفهیم، مقدمه)

پهلوی کردن: تضلیع به اصطلاح حساب و جبر (التفهیم، مقدمه)

پهنای: عرض مقابل طول

پاره: کسر مقابل عدد صحیح و به معنی جزء و بخش مطلق (التفهیم، مقدمه)

پنج گوشه: مخمس: پنج ضلعی منتظم

پنج سوی یک اندازه پهلوی و زاویه: پنج ضلعی منتظم (النجارة، ص ۴۵)

پنج نصف سدس:  $\frac{5}{12} = 5 \times \frac{1}{2} \times \frac{1}{6}$  (نفايس الفنون، ج ۳، ص ۴۲۳)

پارابولا: قطع مکافی: سهمی (تاریخ ریاضیات یونان، ص ۱۰۲)

پاره خط‌های دهگانه: ضلع، ساق، عمود، قاعده، جانب، قطر، وتر، سهم، ارتفاع، مسقط

## حجر

پارادوکس‌های زنون: زنون می‌خواست عدم امکان حرکت را اثبات کند.

۱- هرگز عقربه دقیقه‌شمار به عقربه ساعت‌شمار نمی‌رسد (مسابقه آشیل و لاک‌پشت)

۲- هرگز قطعه خط AB را نمی‌توان پیمود: زیرا برای پیمودن آن باید نخست از نقطه

M وسط AB گذشت و برای پیمودن AM باید از وسط آن یعنی N عبور گردد یعنی

باید در زمان محدود از بی‌نهایت نقطه خط عبور کرد و این غیر ممکن است.

۳- تیری که به طرف مقصد رها می‌شود همیشه ساکن است زیرا این تیر در هر لحظه

احتیاج به مکانی دارد و لازمه وجود در یک مکان در لحظات متوالی سکون است.

(تاریخ حساب، صص ۱۶ و ۱۷)

توضیح مسابقه آشیل و لاک پشت: اگر لاک پشت قبل از آشیل به راه بیفتد و بعد آشیل به دنبال او برود هرگز به لاک پشت نمی‌رسد زیرا در حقیقت آشیل باید اول به محلی برسد که لاک پشت از آنجا به راه افتاده است و چون این عمل باید تکرار شود هیچ وقت به لاک پشت نمی‌رسد. (معماهای ریاضی، صص ۱۱۷ و ۱۲۰)

## ت

**تضعیف:** دو برابر کردن، عمل تضعیف در حقیقت همان عمل جمع است ولی جمع دو عدد متماثل می‌باشد (جمع عددی با خودش) (کنزالحساب، ص ۱۵)

**تنصیف:** نصف کردن

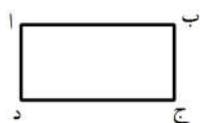
**تکسیر:** مساحت (جبر و مقابله، ص ۹۵)

**تجدیر:** جذر گرفتن (استخراج- جذر)

**تکسیر دایره:** عبارت است از دانستن نسبت عددی قطر دایره به محیط آن

(جبر و مقابله، ۹۷) (کشاف اصطلاحات الفنون، ج ۲، ص ۱۲۵۱)

**تسطیح:** تسطیح در اصطلاح ریاضی عبارت است از ضرب عددی در عددی یا ضرب خطی در خطی که محیط به سطحی‌اند هر یک از عدد و خط را ضلع می‌نامند، در صورتی که آن سطح متوازی را اضلاع قائم‌الزویا باشد مثلاً در شکل مقابل



ا ب ج د مسطح ا ب در ب ج یعنی حاصل ضرب آن در این مساوی سطح ا ب ج د است.

**تابع سکانت:** (قطر ظل، یعنی وتر سایه)

**تلخیص:** خلاصه کردن

**تسطیح کره:** تصویر کردن دایره‌هایی که متعلق به سطح کره هستند روی یک صفحه (در

ترسیم نقشه‌های جغرافیایی و نجومی به کار می‌رود)

**تابع ظل:** کتانژانت

**تفاضل ثابت:** قدر نسبت

**تفاضل مشترک:** قدر نسبت

**تضلیع:** کعب گرفتن - ریشه سوم گرفتن

**تکعب:** مکعب کردن - به توان ۳ رساندن

**تمام قوس:** متمم قوس

**تناسب:** مساوی بودن دو یا چند نسبت  $\frac{1}{5} = \frac{5}{25} = \frac{25}{125}$

امروزه اصطلاح تناسب را در مورد دو نسبت متساوی به کار می‌برند.  $\frac{a}{b} = \frac{c}{d}$  قدا این

تناسب را «اربعه متناسبه» می‌نامیدند.

**تفضیل تناسب:** یعنی تناسب  $\frac{a}{b} = \frac{c}{d}$  را به فرض  $a > b$  به صورت  $\frac{a-b}{b} = \frac{c-d}{d}$

نوشتن که امروزه تفضیل در صورت گرفته می‌شود.

**تمویل:** به توان دو رساندن - مربع کردن یا مجذور کردن

**تام:** به معنی کامل کننده یا تمام کننده و متمم آمده است در عبارت «تام پنجاه تا نود»

منظور ۴۰ است.

(شمارنامه، ص ۱۴۴)

(رسائل راشیکات الهند)

**تألیف:** نسبت

**تفاوت بین دو مربع متوالی:** یعنی  $(a+1)^2 - a^2$

تفاضل بین یک قوه از دو عدد صحیح متوالی:  $(a+1)^n - a^n$  مثلاً  $4^3 - 3^3$

(کاشانی‌نامه، ص ۹۱)

تفاضل بین یک قوه از دو عدد صحیح غیر متوالی:  $a^n - b^n$  مثلاً  $4^5 - 7^5$

(کاشانی‌نامه، ص ۹۲)

**تاسعه کامل:**  $\frac{1}{6.9}$  (در رابطه با کسرهای شصتگانی) (کاشانی‌نامه، ص ۱۹۲)

**تثلیث زاویه:** تقسیم یک زاویه به سه قسمت مساوی با خط‌کش و پرگار

(آشنایی با تاریخ ریاضیات، ج ۱، ص ۱۰۱) (بوزجانی‌نامه، ص ۳۸)

**ترییع دایره:** رسم مربعی است با خط‌کش و پرگار که اندازه سطح آن برابر با اندازه سطح دایره مفروض باشد.

(آشنایی با تاریخ ریاضیات، ج ۱، ص ۱۰۱) (مهندس‌الممالک، ص ۳۱۲)

**تضعیف مکعب:** تعیین ضلع مکعبی است با خط‌کش و پرگار که حجم آن دو برابر حجم مکعب مفروض باشد.

(آشنایی با تاریخ ریاضیات، ج ۱، ص ۱۰۱) (بوزجانی‌نامه، ص ۳۹)

**تیر: سهم، سهم مخروط، سهم قوس** (التفهیم، مقدمه)

**تیر مخروط: سهم مخروط** (التفهیم، مقدمه)

**تسبیح دایره:** رسم هفت ضلعی منتظم در دایره

**تیر ستون:** پاره خطی که مرکزهای دو دایره استوانه را به هم وصل می‌کند.

(التفهیم، ص ۲۶)

**تنصیف زاویه:** نصف کردن زاویه

**تتسیع دایره:** رسم نه ضلعی منتظم در دایره

**تألیف مربعی از مربعاتی که عددش از دو مربع مؤلف بود:** ساختن مربعی از چند مربع متساوی به طوری که عده آنها مجموع دو عدد مربع متساوی باشد.

(النجارة، ص ۱۰۸)

**تخت و تراب یا تخت و میل، حساب غبار و محو و اثبات:** برای انجام دادن اعمال

حساب مقداری خاک یا شن نرم روی تخته یا لوح مسطحی می‌گسترده و ارقام را به وسیله

نوک میله‌ای روی آن می‌نوشتند و اعمال فرعی را در ذهن انجام می‌دادند. هر وقت لازم می‌شد رقمی را با دست محو و رقم دیگری را به جای آن ثبت می‌کردند.

(نسوی‌نامه، ص ۳۵)

**تمام:** در اصطلاح ریاضیدانان قدیم اسلامی همان است که امروز «متمم» گفته می‌شود بنابراین ظل‌التمام (یا ظل تمام کنونی) زاویه  $\alpha$  یعنی ظل زاویه متمم  $\alpha$  یعنی ظل زاویه  $(90-\alpha)$

(تاریخ نجوم اسلامی، ص ۲۹۳)

**تحلیل یا تعاکس:** بیان استخراج مجهولات عددی از طریق عمل به عکس به این طریق است که مسأله را در نظر می‌گیریم و از آخر هر چه پرسیده شده عکس آن را عمل می‌کنیم. اگر مسأله گفته عددی را دو برابر می‌کنیم ما آن را نصف می‌کنیم، اگر جمع نموده ما تفریق می‌کنیم، اگر ضرب کرده ما تقسیم می‌کنیم و اگر جذر گرفته ما به توان دو می‌رسانیم.

$$\frac{12^\circ}{3^\circ} = \left( \frac{12}{3} \right)^\circ = 4^\circ$$

تقسیم درجه به درجه: درجه

تقسیم دقیقه به دقیقه: درجه

$$\frac{8'}{2'} = \frac{\left( \frac{8}{60} \right)^\circ}{\left( \frac{2}{60} \right)^\circ} = \left( \frac{8}{2} \right)^\circ = 4^\circ$$

تقسیم ثانیه به ثانیه: درجه

$$\frac{۱۵''}{۳''} = \frac{\left(\frac{۱۵}{۶۰}\right)^\circ}{\left(\frac{۳}{۶۰}\right)^\circ} = ۵^\circ$$

تقسیم درجه به ثانیه: درجه دوبار مرفوع

$$\frac{۱۰^\circ}{۵''} = \frac{۱۰^\circ}{\left(\frac{۵}{۶۰}\right)^\circ} = ۲ \times (۶۰)^\circ$$

تقسیم ثانیه به دقیقه: ثانیه

$$\frac{۲۴'}{۶^\circ} = \frac{\left(\frac{۲۴}{۶۰}\right)^\circ}{۶^\circ} = \left(\frac{۲۴}{۶۰} \times \frac{۱}{۶}\right)^\circ = ۴ \times \frac{۱}{۶۰} \times ۶۰ = ۴''$$

تقسیم رابعه به درجه: رابعه

تقسیم ثالثه به دقیقه: ثانیه

تقسیم رابعه به دقیقه: ثالثه

(اصول حساب هندی، صص ۴۱ و ۴۲)

تضاعیف بیوت شطرنج: دو برابر کردن خانه‌های شطرنج: محاسبه

$$\sum_{k=0}^{۶۳} ۲^k = ۱ + ۲^1 + ۲^2 + ۲^3 + \dots + ۲^{۶۳} = \sum_{k=1}^{۶۴} ۲^{k-1} = ۱۸۴۴۶۷۴۴۰۷۳۷۰۹۵۵۱۶۱۵$$

(زندگینامه ریاضیدانان دوره اسلامی، صص ۱۳۳)

**تنويع نسبت:** عبارت است از آنکه اعداد اربعه متناسبه متوالی و غیر متوالی به ۷ نوع

تقسیم می‌شوند.

۱- ابدال نسبت

۲- ترکیب نسبت

۳- تفضیل نسبت

۴- قلب نسبت

۵- نسبت مساوات

۶- مساوات منتظمه

۷- نسبت مساوات مضطربه

(لب الحساب، صص ۵۳ و ۵۴)

**تخطیط:** ترسیم

**تخطیط الساعات:** خط کشی ساعت

(تاریخ علم در فرهنگ و تمدن اسلام و ایران، ک ۲، ج ۲، ص ۱۸۹)

تسو:  $\frac{1}{4}$  دانگ =  $\frac{1}{34}$  دینار (کاشانی‌نامه، ص ۱۰۸)

**تجنیس در مورد کسره‌های متعارفی:** بردن عدد صحیح قبل از کسر به داخل کسر بدین

صورت عمل می‌کنیم: عدد صحیح قبل از کسر را در مخرج کسر ضرب کرده و با صورت کسر

جمع می‌کنیم و حاصل را در صورت کسر قرار می‌دهیم و مخرج را همان مخرج می‌نویسیم.

مثال:  $۳\frac{۱}{۴}$  و  $۶\frac{۳}{۵}$  را تجنیس کنید:

$$۳\frac{۱}{۴} = \frac{۳ \times ۴ + ۱}{۴} = \frac{۱۳}{۴}$$

$$۶\frac{۳}{۵} = \frac{۶ \times ۵ + ۳}{۵} = \frac{۳۳}{۵}$$

(التفهیم، ص ۴۴) (کنزالحساب، ص ۸۷)

**تجنیس در مورد جمع کسرها:** ابوریحان بیرونی جمع کسرها را نیز تجنیس نامیده است.

مثال:  $\frac{۲}{۷} + \frac{۳}{۵}$  را تجنیس کنید.

$$\frac{۲}{۷} + \frac{۳}{۵} = \frac{۱۰}{۳۵} + \frac{۲۱}{۳۵} = \frac{۳۱}{۳۵}$$

(التفهیم، ص ۴۴)

**تجنیس در مورد اعداد مرکب:** ابوریحان تبدیل اعداد مرکب را به پائین‌ترین مرتبه نیز

تجنیس نامیده است.

مثال: عدد مرکب  $۳'$  و  $۴''$  و  $۵'''$  را تجنیس کنید.

$$۳ \times ۶۰ = ۱۸۰''$$

$$۱۸۰ + ۴ = ۱۸۴''$$

$$۱۸۴ \times ۶۰ = ۱۱۰۴۰'''$$

$$۵ + ۱۱۰۴۰ = ۱۱۰۴۵'''$$

**تبرزین:** گالک: وسیله‌ای که با آن تثلیث زاویه می‌کردند.

(آشنایی با تاریخ ریاضیات، ج ۱، ص ۱۰۹)

**تقدیر:** اندازه گرفتن

**تقدیر خط مستقیم:** مقیاسی است که با آن خط را اندازه می‌گیرند.

**تقدیر سطح به سطح:** معین می‌شود که این سطح مشتمل است بر چند مربع که اضلاع آن مربع‌ها مساوی همان واحد خطی باشد که مقیاس قرار داده‌ایم.

**تقدیر جسم به خط:** یعنی جسم مشتمل بر چند مکعب است که اضلاع آن مکعبات یعنی ابعاد آنها از هر طرف مساوی آن خط مقیاس باشد که به منزله واحد در نظر می‌گیرند.

(شرح اصول اقلیدس، مقاله دهم، ص ۴۰)

$$\frac{a}{b} = \frac{b}{c} = \frac{c}{d} \quad \frac{1}{4} = \frac{4}{8} = \frac{8}{16} \quad \text{تناسب پیوسته:}$$

$$\frac{a}{b} = \frac{c}{d} = \frac{e}{f} \quad \frac{2}{4} = \frac{3}{6} = \frac{5}{10} \quad \text{تناسب ناپیوسته:}$$

تحقیق مبادی هندسه: تحقیق اصول هندسه (شفاء الرياضیات، ص )

تهذیب التعالیم: آموزش ریاضی

(تاریخ علم در فرهنگ و تمدن اسلام و ایران، ک ۲، ج ۲، ص ۲۹۱)

**تسطیح الصور و تبطیخ الکور:** تصویر کردن صورت‌های فلکی در روی سطح و نمایش کره

در سطح (تاریخ علم در فرهنگ و تمدن اسلام و ایران، ک ۲، ج ۲، ص ۴۰۱)

**تسطیح الصور و تبطیخ الکور:** تصویر کردن شکل‌های روی کره بر روی سطح مستوی

(دائرة المعارف بزرگ اسلامی، ج ۱۳، ص ۳۹۷)

تبصره فی علم الحساب: مقدمه در علم حساب

**تعریف نقطه:** نقطه نه طول است و نه عرض و نه عمق

(التفهیم، ص ۶)

**تعریف خط:** خط طولی باشد بی عرض - چون خط (پاره خط) را نهایت باشد، نهایت او

نقطه بود.

(التفهیم، ص ۶)

**تعریف خط راست:** کوتاه ترین خط است اندر میان دو نقطه که نهایت اویند.

(التفهیم، ص ۶)

**تعریف سطح راست:** کوتاه ترین سطح است اندر میان دو خط که نهایت اویند.

(التفهیم، ص ۶)

**تعریف سطح:** جسم ناچار بینهایت نبود به همه سوها و نهایت او سطح است و سطح طول است و عرض بس. اگر بسیط را نهایت باشد، آن نهایت او ناچار خطی باشد و آن خط طولی باشد بی عرض. (التفهیم، مقدمه)

**تسطیح التام:** درباره چگونگی تصویر کردن سطح کروی بر سطح صاف

(۱۰۰ دانشمند ایران و اسلام، ص ۵۹)

**تقسیم ناپذیرها:** بینهایت کوچک های ثابت

(تاریخ ریاضیات یونان)

**تصاعد حسابی:** تصاعد عددی، دنباله عددی

**تفکر اصل موضوعی:** استنتاج های دقیق از چندفرض آغازین

(آشنایی با تاریخ ریاضیات، ج ۱، ص ۸۲)

## ث

$$\frac{1}{3} \times \frac{1}{5} = \frac{1}{15}$$

ثلث خمس:

$$\frac{1}{3} \times \frac{1}{5} \times \frac{1}{7}$$

ثلث خمس سبع:

$$\frac{1}{3} \times \frac{1}{7} = \frac{1}{21}$$

ثلث سبع:

$$\frac{1}{3} \times \frac{1}{8} = \frac{1}{24}$$

ثلث ثمن:

(کاشانی نامه، ص ۵۵)

ثلثة من الخمسة:  $\frac{3}{5}$ ثلثان:  $\frac{2}{3}$ 

ثوانی: جمع ثانیه

ثمارالعدد: نتیجه علم درباره اعداد

(تاریخ علم در فرهنگ و تمدن اسلام و ایران، ک ۲، ج ۲، ص ۳۱۴)

ثلاثة وتسع:  $3\frac{1}{7}$  : عدد  $\pi$  می باشد.

ج

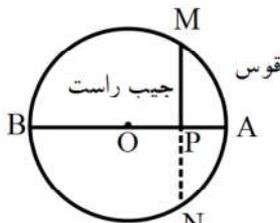
جیب: جیب المعکوس: سینوس،

جیب الزاویه: نصف وتر قوس  $\sin \alpha$

جیب التمام: جیب المبسوط: کسینوس

جیوب: جمع جیب

جیب بزرگتر: جیب کلی، جیب اعظم

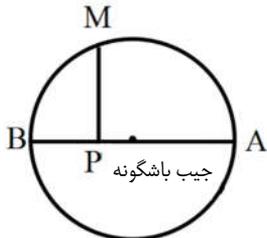


شعاع  $PA <$

جیب مستوی = جیب راست =  $MP$

جیب معکوس = جیب باشگونه =  $PA$

$PA$  را سهم قوس  $MN$  و  $OP$  را جیب تمام قوس  $AM$



شعاع  $PA >$

جیب کلی

بزرگترین جیب‌های باشگونه قطر است. بزرگترین جیب راست شعاع دایره است.

$PM$  جیب کمان  $AM$  است. جیب در اصطلاح قدما یک پاره خط است و نه مانند اصطلاح

«سینوس» که امروزه به کار می‌بریم و یک نسبت است.

(بوزجانی نامه، ص ۱۸۴) (التفهیم، ص ۹) (التفهیم، مقدمه)

جزء کعب:  $\frac{1}{x^3}$ جزء مال:  $\frac{1}{x^2}$ جزء شی:  $\frac{1}{x}$ جزء کعب الکعب:  $\frac{1}{x^6}$ جزء مال الکعب:  $\frac{1}{x^5}$ جزء مال مال:  $\frac{1}{x^4}$ جزء مال مال الکعب:  $\frac{1}{x^7}$  جزء مال کعب الکعب:  $\frac{1}{x^8}$ جزء کعب کعب الکعب:  $\frac{1}{x^9}$ 

(کنزالحساب، ص ۱۹۰)

جرم: مساحت

جذر: عدد  $x$  را در مقایسه با  $x^2$  جذر می‌گفتند.

جذور: جمع جذر به معنی اصل و ریشه

جذر ذوات الاسماء: یعنی محاسبه  $\sqrt{\sqrt{a} \pm \sqrt{b}}$ 

(زندگینامه ریاضیدانان دوره اسلامی، ص ۳۵۷)

جنس: مرتبه

جبر نامعین: معادلات سیاله

جبر هندسی: اثبات مسائل جبری به کمک شکل‌های هندسی

(آشنایی با تاریخ ریاضیات، ج ۱، ص ۸۹)

جیب نصف وتر یک قوس: جیب نصف آن قوس می‌نامند.

چون اکثر ریاضیدانان دوره اسلامی شعاع دایره را ۶۰ می‌گرفتند بنابراین در آثار آنان جیب

کمان مساوی با شصت برابر سینوس آن است.

جیب قوس  $a$   $Sina = 60 \cdot Sina$ 

(نسوی‌نامه، ص ۱۵۱) (بوزجانی‌نامه، ص ۱۸۴)

**جزء الیوق:** اشتراک، خارج قسمت

تقسیم هر یک از دو عدد متوافق را بر وفق آنها جزء الیوق گویند.

مثلاً دو عدد ۱۰ و ۱۵ متشاکر هستند و وفق آنها ۵ است.

جزء الیوق ۱۰ عدد ۲ و جزء الیوق عدد ۱۵ عدد ۳ است.  $۱۰ \div ۵ = ۲$  و  $۱۵ \div ۵ = ۳$

**جبر و مقابله:** مقصود از اصطلاح «جبر» که قدما به کار می‌بردند به زبان کنونی حذف کردن جمله منفی از یک طرف معادله و افزودن همان جمله به علامت + در طرف دیگر بوده است.

مثلاً در معادله  $x^2 - 2x = 10$  پس از عمل «جبر» چنین می‌شود:  $x^2 = 10 + 2x$  اما مقابله یعنی حذف کردن یک جمله مشترک یا یک مقدار مشترک از دو طرف معادله مثلاً معادله  $x + 10 = x^2 + 12$  پس از عمل «مقابله» به صورت  $x = x^2 + 10$  در می‌آید.

**جبر:** هر معادله آمیزه‌ای از حروف و اعداد

**جذر اصم:** آن است که هرگز حقیقت او به زبان در نیاید، چون جذر ۱۰ که هرگز عددی نتوان یافتن که او را اندر خویشتن زنی ده آید

(التفهیم، ص ۴۲)

جذری که دارای ریشه صحیح نباشد (مفاتیح‌العلوم، ص ۱۸۶)

**جذر منطق:** آن است که حقیقت او به زبان توان گفتن و او را منطوق به نیز خوانند و مطلق و مفتوح یعنی گشاده همچون سه نه را و چهار شانزده را

(التفهیم، ص ۴۲)

جذری که دارای ریشه صحیح باشد (مفاتیح‌العلوم، ص ۱۸۶)

«اصم کر بود زیرا که جواب ندهد جوینده را تا نیابدش مگر به تقریب»

اصم آن است که جذر صحیح نداشته باشد مثل ۱۳ و ۲۲

(لطایف الحساب، ص ۱۰)

بیرونی در مورد جذر گوید ارقام را از سمت راست یکون و لایکون می‌نامیم و در مورد کعب می‌گوید اعداد را از سمت راست یکون و لایکون و لایکون می‌نامیم یعنی در جذر گرفتن ارقام را از سمت راست دو تا دو تا جدا می‌کنیم و در کعب گرفتن ارقام را از سمت راست سه تا سه تا جدا می‌کنیم.

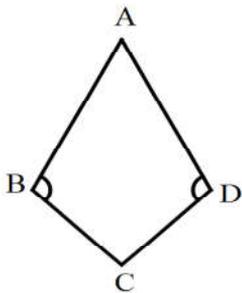
علی بن احمد نسوی در مورد جذر گوید اعداد را از سمت راست منطق و اصم (جذر و لاجذر) و در مورد کعب منطق و اصم و اصم (کعب و لاکعب و لاکعب) جدا می‌کنیم.

جنس: مرتبه (نسوی نامه، ص ۹۸)

مثلاً در جمع اعداد رقم‌های هم جنس را زیر هم می‌نویسیم یعنی یکان زیر یکان، دهگان زیر دهگان و...

درجه هر جنس: منظور مراتب مختلف اعداد صحیح و کسرهای شصتگانی مانند دقیقه، ثانیه، ثالثه و غیره است. در جمع اعداد شصتگانی دقیقه‌ها، زیردقیقه‌ها، ثانیه‌ها و زیرثانیه‌ها و... را می‌نویسیم. (نسوی نامه، ص ۱۰۷)

**چودانه:** چهارضلعی محدبی که دو ضلع مجاور آن با هم مساوی و دو ضلع دیگر آن نیز مساوی ولی با دو ضلع اول مختلف باشند و زوایای B و D منفرجه باشند.



$$AB=AD$$

$$BC=CD$$

$$\hat{B} = \hat{D} \text{ منفرجه}$$

(کاشانی نامه، ص ۱۲۶)

**جوژن:** مقیاس طول معادل سی و دو هزار ذرع: هشت میل، لغت سانسکریت است (التفهیم، مقدمه)

### جیب مجموع دو قوس:

جیب تمام قوس اول  $\times$  جیب قوس دیگر + جیب تمام قوس دیگر  $\times$  جیب قوس اول = جیب مجموع دو قوس

$$\sin(a+b) = \sin a \times \cos b + \sin b \times \cos a$$

(بوزجانی نامه، ص ۶)

### جیب تفاضل دو قوس:

جیب تمام قوس اول  $\times$  جیب قوس دیگر - جیب تمام قوس دیگر  $\times$  جیب قوس اول = جیب تفاضل دو قوس

$$\sin(a-b) = \sin a \times \cos b - \sin b \times \cos a$$

(بوزجانی نامه، ص ۶)

**جذر به اصفار:** منظور پیدا کردن جذر تقریبی است. علت اینکه جذر به اصفار خوانده شده است این است که باید جلوی عدد مفروض تعداد زوجی صفر گذاشت و جذر را حساب کرد.

$$\sqrt{a} = \frac{\sqrt{a \times 10^2}}{10}$$

مثال: جذر ۵ را تا سه رقم اعشار حساب کنید:

$$\sqrt{5} = \frac{1}{1000} \sqrt{5000000} = \frac{1}{1000} \times 2236 = 2 / 236$$

در قدیم قسمت اعشار را به صورت کسرهای شصتگانی می نوشتند:

$$\text{ثالثه } = ۳۶ = ۶ \times ۶ \text{.} \quad \text{ثانیه } = ۹/۶ = ۱۶ \times ۶ \text{.} \quad \text{دقیقه } = ۱۴/۱۶ = ۲۳۶ \times ۶ \text{.}$$

ثالثه ثانیه دقیقه درجه

$$\sqrt{۵} = ۲ \text{ و } ۱۴ \text{ و } ۹ \text{ و } ۳۶$$

(زندگینامه ریاضیدانان دوره اسلامی، ص ۱۳۵) (شمارنامه، ص ۱۰۵) (کاشانی نامه، ص ۲۲۶)

**جفت:** زوج در اعداد فرد و زوج (التفهیم، مقدمه)

**جزو:** کلمه جزو به دو معنی آمده است یکی قطعه، قسمت پاره و بخش مثل بیست و پنج

جزو از سی و نه جزو  $\frac{۲۵}{۳۹}$  و دیگر به معنی صورت در کسر متعارفی

(شمارنامه، ص ۱۴۴)

**جَند = چَند = برابر** (النجارة، ص ۳۲)

**جریب:** ۱۰ قفیز، قفیز: ۱۰ عشیر (نفایس الفنون، ج ۳، ص ۴۴۰)

**جریب:** ۱ اشل در ۱ اشل: ۱۶۱۴ مترمربع (تاریخ علم در ایران، ج ۲، ص ۶۲۵)

**جذر ثانیه:** دقیقه

$$\sqrt{۲۵''} = \sqrt{\left(\frac{۲۵}{۶۰^۲}\right)^{\circ}} = \left(\frac{۵}{۶۰}\right)^{\circ} = \frac{۵}{۶۰} \times ۶۰ = ۵ \text{ دقیقه}$$

**جذر رابعه:** ثانیه

$$\sqrt{۴''''} = \sqrt{\left(\frac{۴}{۶۰^۴}\right)^{\circ}} = \left(\frac{۲}{۶۰^۲}\right)^{\circ} = \frac{۲}{۶۰^۲} \times ۶۰ \times ۶۰ = ۲ \text{ ثانیه}$$

**جذر خامسه:** ثالثه

$$\sqrt{۴'''''} = \sqrt{\left(\frac{۴}{۶۰^۵}\right)^{\circ}} = \frac{۱}{\sqrt{۶۰}} \times \frac{۲}{۶۰^۲} = \frac{۲\sqrt{۶۰}}{۶۰} = (۲\sqrt{۶۰}) \text{ ثالثه}$$

جذر سابعه: رابعه

$$\sqrt[7]{4^{11111}} = \sqrt{\left(\frac{4}{6.7}\right)^{\circ}} = \frac{1}{\sqrt{6.}} \times \frac{2}{6.3} = \frac{\sqrt{6.}}{6.} \times \frac{2}{6.3} = \frac{2\sqrt{6.}}{6.3} = (2\sqrt{6.}) \text{ رابعه}$$

(اصول حساب هندی، صص ۴۱ و ۴۲)

جذر جذر: ریشه چهارم،  $16 = \sqrt[4]{16}$

$$r = \sqrt{\frac{a^2 + b^2}{2}} \text{ جذر میانگین مربعات}$$

(آشنایی با تاریخ ریاضیات، ص ۲۰۶)

جماطریا: هندسه (تاریخ علم در فرهنگ و تمدن اسلام و ایران، ک ۲، ج ۲، ص ۲۱۷)

جمله معلوم: جمله معلوم در جبر مسلمین اسامی مختلفی داشته، ریاضیدانان اسلامی آن را «عدد» «عدد مفروض» «اعداد» «آحاد» و حتی دراهم (جمع درهم) خوانده‌اند.

جسم تعلیمی: جسمی که دارای طول و عرض و عمق قسمت پذیر باشد.

(شرح اصول اقلیدس، مقاله دهم، ص ۳۹)

جمع اضلاع المربعات و المكعبات: اتحادهای جبری درجه دوم و سوم مانند

$$(a + b)^2 = a^2 + b^2 + 2a^2b + 2ab^2 + b^2$$

(دایرة المعارف بزرگ اسلامی، ج ۱۲، ص ۷۳۴)

جزء الذی لا یتجزأ: کمیت‌هایی که تقسیم ناپذیرند.

(تاریخ علم در فرهنگ و تمدن اسلام و ایران، ک ۲، ج ۲، ص ۸۳۲)

جداول الظل: جداول‌های سایه‌ها

## چ

چهار یک:  $\frac{1}{۴}$       چهار خمس: چهار پنجم:  $\frac{۴}{۵}$       چهار سدس:  $\frac{۴}{۶}$   
(شمارنامه، ص ۶۰)

چهار ثلث خمس:  $\frac{۴}{۱۵} = \frac{۱}{۳} \times \frac{۱}{۵}$

(نقایس الفنون، ص ۴۲۳)

چهار ضلعی متساوی الاضلاع: لوزی

(بوزجانی نامه، ص ۶۴)

چهار ضلعی متساوی الاضلاع و متساوی الزوايا: مربع

(بوزجانی نامه، ص ۶۴)

چند ضلعی منتظم: چند ضلعی منتظم را گاهی «متساوی الاضلاع» و گاهی «یک اندازه

پهلو» و گاهی «یک اندازه پهلو و زاویه» و گاهی نیز مثلاً به جای پنج ضلعی منتظم «پنج سو» گفته اند.

(بوزجانی نامه، ص ۴۲)

چهار پهلو: سطح چهار ضلعی همچون مربع

(التفهیم، مقدمه)

چهار بار گفته: مربعة بالتکریر

(التفهیم، مقدمه)

چهار سو: سطح چهار گوشه خواه مربع باشد و خواه مستطیل یا معین و شبه معین

(التفهیم، مقدمه)

چهار سوی یک اندازه پهلو و زاویه: چهار ضلعی منتظم: مربع

(النجارة، ص ۴۵)

چپیره سازی: تبدیل مربع به دایره در گنبد سازی

چگونگی نوشتن کسر بوسیله هندی‌ها: کسر  $\frac{2}{5}$  را به صورت زیر می‌نوشتند:

سطر العدد المطلق: ۳

سطر الاجزاء: ۲

سطر الاصل: ۵

عدد فوقانی را «سطر عدد مطلق» و سطر وسط را «سطر اجزاء» و سطر پائین را «سطر اصل» می‌نامیدند.

(نسوی نامه، ص ۸۴)

**چندوجهی منتظم:** چند وجهی منتظم نامیده می‌شود اگر وجه‌های آن چند ضلعی‌های منتظم بوده و زوایای چند وجهی آن همه مساوی باشند. تنها پنج وجهی منتظم وجود دارد که به چند وجهی‌های افلاطونی مشهورند. پیروان فیثاغورس معتقد بودند هر چیز از چهار عنصر تشکیل شده است:

۱- خاک که اجزای آن به شکل مکعب هستند و به حالتی استوار روی قاعده‌هایشان قرار دارند.

۲- هوا که اجزای آن هشت وجهی‌های منتظم هستند و اگر روی رئوس مخالف قرار بگیرند به آزادی می‌چرخند.

۳- آتش که اجزای آن چهاروجهی منتظم هستند.

۴- آب که اجزای آن بیست وجهی و تقریباً گروی هستند و مانند مایعات می‌توانند روی هم بغلتند.

بعداً اتر نیز به عناصر فوق اضافه شد که اجزای تشکیل دهنده آن دوازده وجهی و بسیار سبک هستند. معتقد بودند تمام اجرام سماوی از ماده سبکی به نام اتر تشکیل شده‌اند و خاصیت چرخندگی دارند.

### چندوجهی‌های دو مربع: دو مجذوری: درجه چهار

(تاریخ علم در فرهنگ و تمدن اسلام و ایران، ک ۲، ج ۲، ص ۳۰۹)

(آشنایی با تاریخ ریاضیات، ج ۱، صص ۸۲-۸۱)

**چندوجهی نیمه منتظم:** چندوجهی‌هایی که در یک کره محاط می‌شوند و وجوه آنها چند ضلعی‌های منتظم‌اند ولی همه وجوه مساوی نیستند. ارشمیدس ۱۳ چندوجهی نیمه منتظم را کشف کرده بود. در میان این ۱۳ وجهی، ۳ چهارده وجهی وجود دارد، یکی با ۸ وجه مثلثی و ۶ وجه مربعی، دومی با ۶ وجه مربعی و ۸ وجه شش ضلعی و سومی با ۸ وجه مثلثی و ۶ وجه هشت ضلعی

(دایرةالمعارف بزرگ اسلامی، ج ص ۷۴۷)

**چرتکه:** قدیمی‌ترین ابزاری بود که برای انجام عملیات معمولی به کار می‌رفت. تخته‌ای بود با شیارها که مهره‌ها در امتداد آن حرکت می‌کردند. این مهره‌ها نمایشگر عددها بودند و هنگام استفاده از محاسبه با عددهای صحیح از دستگاه دهنده استفاده می‌شد.

(تاریخ ریاضیات یونان)

## ح

**حساب:** علم کمیت‌های گسسته

**حساب الدرّج و الدقائق:** حساب درجه‌ها و دقیقه‌ها

**حساب هوایی:** بخشی از علم حساب است نزد مسلمانان که در آن بدون استفاده از کاغذ و قلم یا تخت و تراب و حتی انگشتان و عقود آن بعضی مسائل ریاضی را پاسخ درست دهند. این حساب را ذهنی گویند. و در مقابل حساب با تخت و تراب بوده است.

(لب‌الحساب، ص پنجاه و شش)

**حساب صحاح:** حساب اعداد صحیح

**حد:** تعریف

**حد الکعب:** تعریف کعب - حد القسمة - تعریف تقسیم

**حد ضرب:** تعریف ضرب

**حد القسمة:** تعریف تقسیم

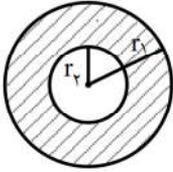
(نسوی‌نامه، ص ۶۵)

**حد الجذر:** تعریف جذر

**حساب درم و دینار:** در حل معادله‌های چند مجهولی همچنان که امروز ما مجهولات را مثلاً  $x, y, z$  و غیره می‌نامیم قدما آن را شیء و درم و دینار می‌نامیدند و گاهی به اسامی دیگری آنها را می‌خواندند. کرجی در حل یک مسأله سه مجهولی، مجهول اول را شیء و مجهول دوم را قسم و مجهول سوم را درهم می‌نامد.

کاشانی مجهول را شیء یا دینار یا درهم یا نصیب یا سهم و یا جزء اینها می‌نامید و بیشتر مرسوم است که آن را شیء بنامند.

حلقه مسطحه: سطح محصور بین دو دایره متحد‌المركز سطح تاج دایره



$$s = \pi(r_2^2 - r_1^2)$$

(کاشانی‌نامه، ص ۱۲۹)

**حساب دور و وصایا:** بخشی از علم حساب در نزد مسلمانان بوده که از جبر و مقابله

سرچشمه گرفته است و مورد استفاده فقیهان در تقسیم ارث بوده است.

(جبر و مقابله، ص ۱۶۳)

**حساب السطوح:** اندازه‌گیری اشکال مسطح

(تاریخ علم در فرهنگ و تمدن اسلام و ایران، ک ۲، ج ۱، ص ۱۳۵)

**حساب کلامی:** حساب جمل: حساب به طریق حروف و کلمات برای نوشتن اعداد

(تاریخ علم در فرهنگ و تمدن اسلام و ایران، ک ۲، ج ۲، ص ۸۷۳)

**حساب جُمَّل:**

ابجد    هُوَز    حُطی    کلمن    سعفص    قرشت    ثخذ    ضظغ

از یکی تا ده است بهر شمار

ابجد و هُوَز و دیگر حطی

قرشت ثخذ و ضظغ به هزار

کلمن سعفص است تا به نود

	ط	ح	ز	و	هـ	د	ج	ب	ا	یکان
	۹	۸	۷	۶	۵	۴	۳	۲	۱	
	ص	ف	ع	س	ن	م	ل	ک	ی	دهگان
	۹۰	۸۰	۷۰	۶۰	۵۰	۴۰	۳۰	۲۰	۱۰	
	غ	ظ	ض	ذ	خ	ث	ش	ر	ق	صدگان
	۱۰۰۰	۹۰۰	۸۰۰	۷۰۰	۶۰۰	۵۰۰	۴۰۰	۳۰۰	۲۰۰	

یا: ۱۱      کد: ۲۴      نط: ۵۹      قا: ۱۰۱      غقلد: ۱۱۳۴

و عده هزارگان را مطابق با تلفظ فارسی بر حرف غین مقدم می‌دارند.

بغ: ۲۰۰۰      هغ: ۵۰۰۰      بغتکج: ۲۴۳۲

(کاشانی‌نامه، ص ۱۱۰)

### ارقام شصتگانی به حساب جمل:

ی	ط	ح	ز	و	هـ	د	ج	ب	ا
۱۰	۹	۸	۷	۶	۵	۴	۳	۲	۱
ک	یط	یح	یز	یو	یه	ید	یج	یب	یا
۲۰	۱۹	۱۸	۱۷	۱۶	۱۵	۱۴	۱۳	۱۲	۱۱
ل	کط	کح	کز	کو	که	کد	کج	کب	کا
۳۰	۲۹	۲۸	۲۷	۲۶	۲۵	۲۴	۲۳	۲۲	۲۱
م	لط	لح	لز	لو	له	لد	لج	لب	لا
۴۰	۳۹	۳۸	۳۷	۳۶	۳۵	۳۴	۳۳	۳۲	۳۱
ن	مط	مخ	مز	مو	مه	مد	مج	مب	ما
۵۰	۴۹	۴۸	۴۷	۴۶	۴۵	۴۴	۴۳	۴۲	۴۱
	نط	نخ	نز	نو	نه	ند	نج	نب	نا
	۵۹	۵۸	۵۷	۵۶	۵۵	۵۴	۵۳	۵۲	۵۱

(کاشانی‌نامه، ص ۱۱۰)

مثال: ۲ درجه و ۲۴ دقیقه و ۱۱ ثانیه و ۴۵ ثلثه را به حروف جمل بنویسید.

۲=ب      ۲۴=کد      ۱۱=یا      ۴۵=مه

یا به صورت ب کد یا مه (ثالثه) این عدد با ارقام هندسی به صورت زیر نوشته می شود.

$$۲ + \frac{۲۴}{۶۰} + \frac{۱۱}{(۶۰)^۲} + \frac{۴۵}{(۶۰)^۳}$$

(کاشانی نامه، ص ۱۱۳)

**حیل:** راه بیرون آمدن از مشکل

(نفایس الفنون، ج ۳، ص ۴۳۰)

**حساب مجهول:** جبر و مقابله

**حروف:** کوشیار گیلانی ارقام نه گانه (۱ و ۲ و ۳ و ۴ و ۵ و ۶ و ۷ و ۸ و ۹) را حروف نامیده است.

(اصول حساب هندی، ص ۲۱)

**حکمت وسطی:** فلسفه ریاضی

(مجله تاریخ علم شماره دوم، پاییز ۸۳، مقاله سیر هندسه اقلیدسی، عبدالله انوار، ص ۱۲۲)

$$\text{حبه: } \frac{۱}{۱۶} \text{ دانگ، } ۱۶ \text{ حبه: } ۱ \text{ دانگ، } ۴ \text{ حبه: } \frac{۱}{۴} \text{ دانگ = تسو}$$

(اصول حساب هندی، ص ۶۶)

**حساب الهوائی:** حساب شفاهی

(تاریخ علم در فرهنگ و تمدن اسلام و ایران، ک ۲، ج ۱، ص ۳۱۳)

**حساب هوایی:** حساب الید: حساب مفتوح: در این حساب عملیات به صورت ذهنی

انجام می شود. دست کم این شیوه محاسبه به کاربرد وسیله خاصی وابسته نبوده و به

استفاده از ارقام نوشتاری پایبند نبوده و به صورت های خیالی اکتفا می کرد.

(دایرةالمعارف بزرگ اسلامی، ج ۲۰، ص ۴۶۰)

**حساب ذهنی:** هنری است که به وسیله آن به توان اعمال حساب را بدون دخالت عمل

انجام داد. در قدیم و قرون وسطی حساب ذهنی عبارت بود از محاسبه روی انگشتان و روی

چرتکه‌ها که هر دو نقشی اساسی داشتند امروزه با وجودی که حساب نوشتن عمومی شده است معه‌ذا محاسبه ذهنی به وسیله سادگی و تندی عمل موارد استفاده زیادی دارد.

(تاریخ حساب، ص ۱۰۱)

**حساب عقود انامل: انگشت شماری:** در این نوع حساب، با خواباندن بندهای انگشتان اعداد بین یک تا ۱۰۰۰۰ را نشان می‌دادند و به احتمال زیاد با حساب ذهنی رابطه داشته و استفاده از انگشتان است در این نوع حساب محاسب را به یاد نگه داشتن اعداد یاری می‌کرده است.

(دایرة المعارف بزرگ اسلامی، ج ۲۰، ص ۴۶۳)

**حساب خطائین:** کیفیت استخراج مجهول عددی خطا در دو نوبت

(نفایس الفنون، ص ۴۲۷)

**حساب خطائین:** شرح قاعده دو خطا در این راه برای بدست آوردن مجهول عددی ابتدا

باید هشت چیز را محاسبه کنیم:

- ۱- مفروض اول
- ۲- مفروض دوم
- ۳- خطای اول
- ۴- خطای دوم
- ۵- محفوظ اول
- ۶- محفوظ دوم
- ۷- تفاوت بین محفوظ اول و دوم (یا مجموع محفوظ اول و دوم) ۸
- ۸- تفاوت بین خطای اول و دوم (یا مجموع خطای اول و دوم).

عدد دلخواهی را به عنوان جواب معادله در نظر می‌گیریم و آن را مفروض اول می‌نامیم. این عدد را در معادله می‌گذاریم اگر در معادله صدق کرد همان جواب است. اگر در معادله صدق نکرد یا از عدد سمت راست معادله بزرگتر یا کوچکتر است. تفاوت آن را با عدد سمت راست معادله خطای اول می‌نامیم. آن را کنار گذاشته و عدد دیگری را به عنوان جواب معادله انتخاب می‌کنیم و آن را مفروض دوم می‌نامیم آن را در معادله قرار داده اگر در آن صدق کرد جواب است و اگر صدق نکرد تفاوت آن را با عدد سمت راست معادله، خطای دوم می‌نامیم. سپس مفروض اول را در خطای دوم ضرب کرده حاصل را محفوظ اول می‌نامیم و مفروض دوم را در خطای اول ضرب می‌کنیم و حاصل ضرب را محفوظ دوم می‌نامیم. اگر هر دو خطای بدست آمده از عدد سمت راست معادله بزرگتر یا کوچکتر باشد (هر دو خطا زائد یا هر دو خطا ناقص) قاعده این است که تفاوت بین محفوظ اول و دوم را بدست آورده و بر تفاوت بین خطای اول و دوم تقسیم می‌کنیم. حاصل جواب است. اگر خطای اول و دوم یکی بزرگتر و دیگری کوچکتر از عدد سمت راست معادله باشد آنگاه مجموع دو محفوظ را بر مجموع دو خطا تقسیم می‌کنیم. خارج قسمت جواب است.

مفروض اول  $\times$  خطای دوم = محفوظ اول

مفروض دوم  $\times$  خطای اول = محفوظ دوم

اگر هر دو خطا زائد و یا ناقص باشند  $\frac{\text{تفاوت بین محفوظ اول و دوم}}{\text{تفاوت بین خطای اول و دوم}} = \text{عدد مطلوب}$

اگر یکی از خطاها زائد و دیگری ناقص باشد  $\frac{\text{مجموع دو محفوظ}}{\text{مجموع دو خطا}} = \text{عدد مطلوب}$

**مثال:** چه عددی است که اگر بر آن بیفزائیم دو ثلث آن را و با یک جمع کنیم حاصل ده

$$x + \frac{2}{3}x + 1 = 10$$

فرض کنید آن عدد  $x$  باشد داریم:

$$9 + \frac{2}{3} \times 9 + 1 = 16$$

مفروض اول را  $x=9$  می‌گیریم

$$16 - 10 = 6$$

خطای اول زائد

$$6 + \frac{2}{3} \times 6 + 1 = 11$$

مفروض دوم را  $x=6$  می‌گیریم

$$11 - 10 = 1$$

خطای دوم زائد

$$1 \times 9 = 9 = \text{مفروض اول} \times \text{خطای دوم} = \text{محفوظ اول}$$

$$6 \times 6 = 36 = \text{مفروض دوم} \times \text{خطای اول} = \text{محفوظ دوم}$$

چون هر دو خطا زائدند:

$$\text{عدد مطلوب} = \frac{\text{تفاوت بین محفوظ اول و دوم}}{\text{تفاوت بین خطای اول و دوم}} = \frac{36 - 9}{6 - 1} = \frac{27}{5} = 5 \frac{2}{5}$$

(کنزالحساب، صفحات ۱۲۰ و ۱۲۱ و ۱۲۲)

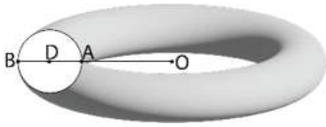
حساب خطائین در نزد مسلمان به علم بالکفتین «خطائین به روش ترازو مشهور است.

معادلاتی شبیه  $20 = (x + 3)^2 - 5$  و  $\frac{x}{4} = \sqrt{2x - 3}$  به روش خطائین قابل حل

نیستند زیرا در آنها مربع و جذر وجود دارد. معادلاتی قابل حل اند که درجه اول باشند و در آنها

جمع و تفریق و تضعیف و تنصیف ضرب و تقسیم به کار رفته باشد.

حجم چنبره:

$\pi$ 

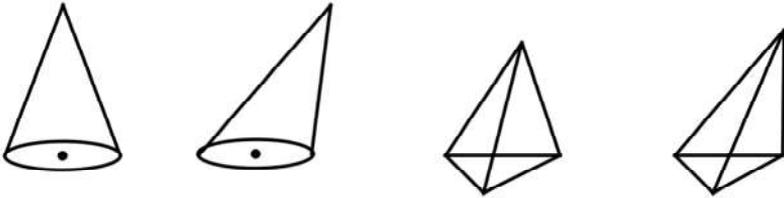
$$V = \frac{1}{2} \pi^2 c d^2$$

$$\begin{cases} AB = d \\ OD = c \end{cases}$$

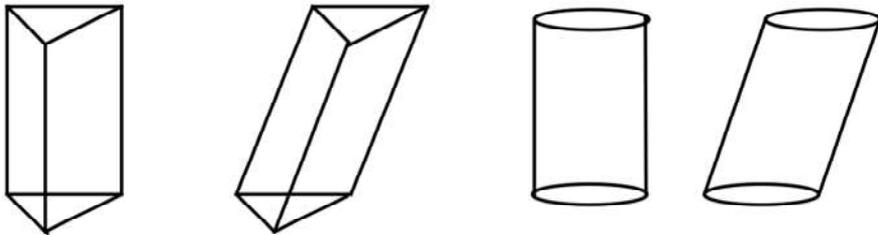
(تاریخ ریاضیات یونان، ص ۳۵۰)

حجم مخروط قائم و مایل و حجم هرم قائم و مایل: مساحت قاعده ضرب در ثلث

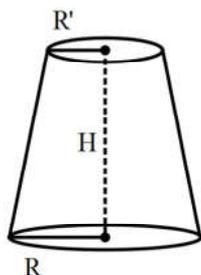
ارتفاع



حجم منشور قائم و مایل و حجم استوانه قائم و مایل: مساحت قاعده ضرب در ارتفاع

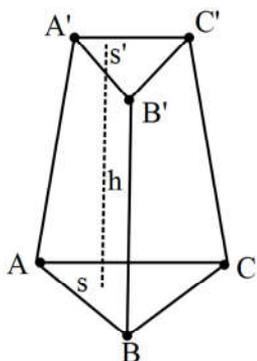


حجم مخروط ناقص:



$$V = \frac{1}{3} \pi h (R^2 + RR' + R'^2)$$

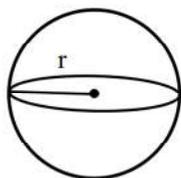
حجم هرم ناقص



$$V = \frac{1}{3} h (s + s' + \sqrt{ss'})$$

حجم کره: افضل المهندسين غياث الدين جمشيد کاشانی در کتاب مفتاح الحساب جسم

کره (حجم کره) را چنین بیان کرده است:



$$\text{حجم کره} = \left( \frac{2}{3} \text{ قطر} \right) \times (\text{مساحت دایره عظیمه})$$

(کنز الحساب، ص ۱۶۴)

با نماد امروزی

$$V = \left( \frac{2}{3} \times 2R \right) \times (\pi R^2) = \frac{4}{3} \pi R^3$$

در (کنز الحساب، ص ۱۶۰) حجم کره به صورت زیر آمده است:

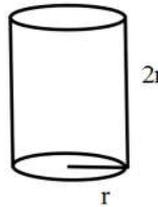
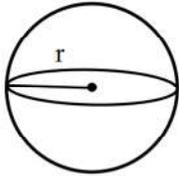
ثلث مساحت سطح کره  $\times$  نصف قطر = حجم کره

$$V = \frac{d}{2} \times \frac{s}{3}$$

$$V = \left[ d^r - \left( \frac{1}{7} + \frac{1}{14} \right) d^r \right] - \frac{1}{3} \left[ d^r - \left( \frac{1}{7} + \frac{1}{14} \right) d^r \right]$$

(کنزالحساب، ص ۱۶۱)

حجم کره (ابن هیثم):  $\frac{2}{3}$  حجم استوانه‌ای که قاعده آن دایره عظیمه کره و ارتفاع آن



قطر کره باشد.

$$V = \frac{2}{3} \pi r^2 \times 2r$$

(تاریخ علم در فرهنگ و تمدن اسلام و ایران، ک ۲، ج ۱، ص ۳۴۳)

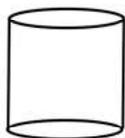
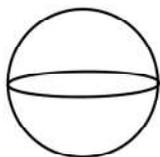
حجم کره (روش برادران بنوموسی): شعاع کره ضرب در یک سوم مساحت سطح آن

$$V = R \times \frac{1}{3} S$$

(تاریخ علم در ایران، ص ۵۵۹)

حجم کره: حجم استوانه‌ای که قطر قاعده‌اش با قطر دایره عظیمه کره برابر و ارتفاع

استوانه،  $\frac{2}{3}$  قطر قاعده آن باشد.



$$\frac{2}{3}d \quad V = \left(\frac{d}{2}\right)^2 \pi \times \frac{2}{3}d$$

d = قطر کره

d = قطر قاعده استوانه

ارتفاع استوانه =  $\frac{2}{3}d$

**حساب سیاق:** روشی در حسابداری قدیمی و دانشی است که در ثبت و ضبط ارقام و اعداد محاسبات دیوان و اشخاص استفاده می‌شده و تا پایان دوره قاجاریه کلیه امور محاسبات دولتی و شخصی را با اعداد سیاق نوشته می‌شد. مردم عادی به ویژه کسبه محاسبات خویش را با اعداد سیاق ثبت می‌کردند.

## خ

**خطوط مساحیه:** مدارات و نصف‌النهارات و استوای فلکی و دایرة البروج است.

**خط مستدیر:** منحنی (تحقیقی در آثار ریاضی ابوریحان، ص ۸۵)

**خمس خمس:**  $\frac{1}{5} \times \frac{1}{5} = \frac{1}{25}$  (شمارنامه، ص ۴۸)

**خبایا:** جمع خبی: مسائلی است مربوط به معلوم کردن یکی از دو دست که چیزی در آن مخفی شده است.

(لطایف الحساب، پیش گفتار، ص ۱۱)

**خط:** امتداد واحد، کمیتی است که فقط دارای یک بعد باشد آن هم در جهت طول، طولی است بدون عرض

**توضیح:** در قدیم به جای پاره خط، خط یا خط مستقیم می‌گفتند. (بوزجانی نامه، ص ۲۸)  
**خط مستقیم:** کوتاه‌ترین فاصله بین دو نقطه را گویند.

\_\_\_\_\_ |  
ب

هر جا کلمه خط به کار می‌رود منظور خط مستقیم است و برای آن ده اسم وجود دارد.

ضلع - ساق - مسقط حجر - عمود - قاعده - جانب - قطر - وتر - سهم - ارتفاع

(کنز الحساب، ص ۱۳۱)

**توضیح:** امروزه خط و نقطه و سطح را واژه‌های تعریف نشده می‌نامند.

**خط غیر مستقیم:** خط پرگاری (کمانی از دایره)



و خط غیر پرگاری



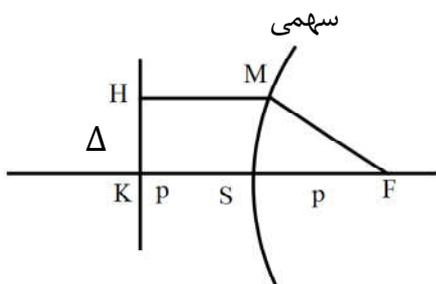
(کنز الحساب، ص ۱۳۳)

### خطین متزادیین: دو خط موازی

(فرهنگ ایران زمین به نقل از مسأله حل تقویم)

#### خط ترتیب:

در سهمی:



MF: شعاع حامل: خط ترتیب

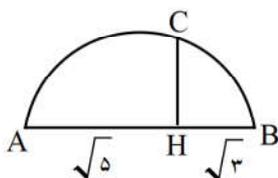
ضلع قائم:  $2SF = 2p$

خط هادی = خط مدیر =  $\Delta$

#### خط موّسط: واسط

اگر دو خط گویای اندازه پذیر در مربع داشته باشیم (توان دوم آنها گویا باشد) و مربعی رسم کنیم که سطح آن از این دو خط بوجود آمده باشد آنگاه ضلع این مربع مساوی خط موّسط می باشد.

اگر  $AH = \sqrt{5}$  و  $HB = \sqrt{3}$  باشد آنگاه  $CH$  خط موّسط است:



$$CH^2 = \sqrt{5} \times \sqrt{3}$$

$$CH = \sqrt{\sqrt{5} \times \sqrt{3}}$$

**خطوط راست:**

۱. متوافق (اندازه پذیر): متوافق بودن دو پاره خط، وجود یک اندازه مشترک بین آنهاست.

۲. متباین (اندازه ناپذیر): پاره خط هایی که در مربع متوافق اند ولی با پاره خط مفروض متوافق نیستند ولی مربع هایی که روی آنها ساخته شده برپاره خط مفروض متوافق اند.

(تاریخ علم در فرهنگ و تمدن اسلام و ایران ص ۱۰۹۳)

**خم مربع ساز:** خمی است که برای تربیع دایره، یعنی رسم پاره خطی به طول  $\pi$  به کار

می رود و معادله آن چنین است  $y = x \cot\left(\frac{\pi x}{2\alpha}\right)$  کاشف این خم هیپپاس الیس سوفسطانی (قرن ۵ قبل از میلاد) بوده است.

(تاریخ ریاضیات یونان، ص ۱۳۶) (آشنایی با تاریخ ریاضیات، ج ۱، ص ۱۱۰)

**توضیح:**

این خم برای تثلیث زاویه نیز به کار می رود.

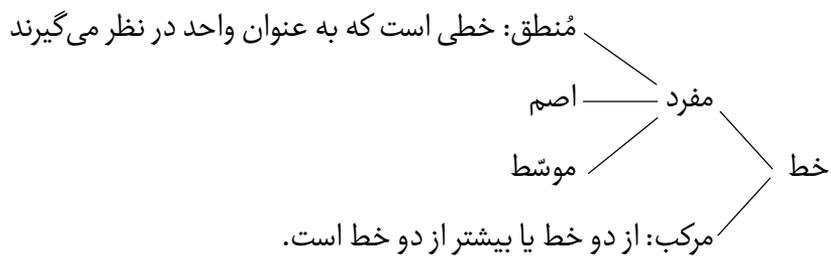
**خط قوی است بر خط:** یعنی اگر این خط را مربع کنیم مربع آن مساوی مربع

فلان خط است بعلاوه مربع خط ثالث (همان قضیه فیثاغورس است)

(شرح اصول اقلیدس، ص ۴۴)

**خط قوی است بر سطح:** یعنی مربع خط مساوی آن سطح است.

(شرح اصول اقلیدس، ص ۴۴)



(شرح اصول اقلیدس، مقاله دهم)

## د

**دوانیق:** دانگ‌ها - دانگ:  $\frac{1}{6}$  و نیم دانگ:  $\frac{1}{12}$  و چهاردانگ و نیم  $\frac{3}{4} = \frac{9}{12} = \frac{1}{6} + \frac{1}{12}$

(شمارنامه، ص ۴۸) (اصول حساب هندی، ص ۶۶)

**دایره بر شکل:** الشكل المحيط به الدایره: دایره محیطی چند ضلعی منتظم

**دایره:** قدما دایره را به عنوان قسمتی از صفحه در نظر می‌گرفتند و آنچه را امروزه دایره می‌نامیم آنان «محیط دایره» یا «دور» می‌گفتند.

**دایره عظیمه:** بزرگترین دایره روی کره را دایره عظیمه گویند. دایره عظیمه سطح کره را به دو قسمت مساوی تقسیم می‌کند.



(کنزالحساب، ص ۱۴۱)

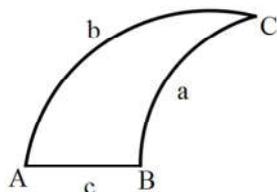
**دایره صغیره:** دایره‌هایی که روی کره رسم شوند و کره را به دو قسمت مساوی تقسیم نکنند.

(کنزالحساب، ص ۱۴۱)

**دوایر عظام و صغار:** دایره‌های بزرگ و خرد

دستور چهار مقدار: در مثلث قائم الزاویه کروی به اضلاع a و b و c که زاویه B قائمه باشد

داریم:



$$\frac{\tan a}{\tan A} = \frac{\sin c}{R}$$

که اگر  $R=1$  بگیریم

$$\sin c = \tan a \cdot \cot A$$

(بوزجانی نامه، ص ۶)

(کاشانی نامه، ص ۷۷)

درج: جمع درجه در کسرهای شصتگانی

دقایق: جمع دقیقه: در کسرهای شصتگانی

(کاشانی نامه، ص ۷۷)

دو سه یک:  $\frac{2}{3}$

درازا و پهنای و ژرفا: طول و عرض و عمق

درست و شکسته: عدد صحیح و کسر

دوتوها: اضعاف و امثال در اصطلاح حساب و هندسه

دوباره گفته: مثناً بالتکریر (تحقیقی در آثار ریاضی ابوریحان، ص ۳۵۹)

دوازده وجهی: شکلی است فضائی که از دوازده پنج ضلعی متساوی الاضلاع و

متساوی الزاویه متساوی تشکیل شده است. (اصول اقلیدس، ص ۳۷۹)

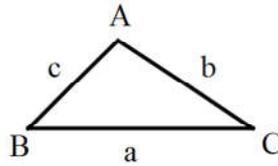
دینار: ۶ دانق (دانگ): ۲۴ طسوج: ۹۶ شعیر

(کنزالحساب، ص ۱۱۱) (کاشانی نامه، ص ۱۰۸)

دستور هرون اسکندرانی برای محاسبه مساحت مثلث به اضلاع  $a$  و  $b$  و  $c$

$$s = \sqrt{P(p-a)(p-b)(p-c)}$$

$$p = \frac{a+b+c}{2}$$

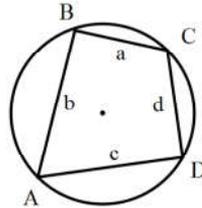


تعمیم دستور هرون برای محاسبه مساحت چهارضلعی‌های محاطی به اضلاع

$a, b, c, d$

$$S = \sqrt{(p-a)(p-b)(p-c)(p-d)}$$

$$p = \frac{a+b+c+d}{2}$$



فرمول در حالت کلی چنین است:

$$S = \sqrt{(p-a)(p-b)(p-c)(p-d) - abcd \cos^2 \left( \frac{A+C}{2} \right)}$$

(آشنایی با تاریخ ریاضیات، ج ۱، ص ۲۲۸)

دستور ابوالوفای بوزجانی برای محاسبه مساحت مثلث به اضلاع  $a, b, c$

$$S = \sqrt{\left[ \left( \frac{c+b}{2} \right)^2 - \left( \frac{a}{2} \right)^2 \right] \left[ \left( \frac{a}{2} \right)^2 - \left( \frac{c-b}{2} \right)^2 \right]}$$

(بوزجانی نامه، ص ۳)

دستور محاسبه وتر قوس  $\frac{\alpha}{2^{n+1}}$  از ابوریحان بیرونی

$$\frac{\alpha}{2^{n+1}} = \sqrt{r \times \frac{\left( \frac{\alpha}{2^n} \times \text{وتر} \right) \times \left( \frac{\alpha}{2^{n-1}} \times \text{سه‌م} \right)}{\left( \frac{\alpha}{2^n} \times \text{وتر} \right) + \left( \frac{\alpha}{2^{n-1}} \times \text{نصف وتر} \right)}}$$

$\alpha$  اندازه یک قوس و  $n$  عددی طبیعی و  $r$  شعاع دایره

**دایره کشیده: بیضی**

(تاریخ علم در فرهنگ تمدن اسلام و ایران، ک ۲، ج ۱، ص ۵۹)

**دایره کشیده:** بیضی را قطع یک استوانه با صفحه ناموازی با قاعده آن تعریف می‌کنند.

(دایرةالمعارف بزرگ اسلامی، ص ۶۹۴)

**دوایرالمماسیه:** دایره‌های مماس

(تاریخ علم در فرهنگ و تمدن اسلام و ایران، ک ۲، ج ۱، ص ۱۷۳)

**دستگاه شمار دهگانی:** شیوه نوشتن عددها با رقم‌های صفر تا نه و انجام حساب با آنها-

شیوه حساب امروزی که از ریاضیدانان هندی به ارث برده‌ایم.

**دستگاه شمار شصتگانی:** شیوه‌ای برای شمارش و حساب که بر پایه عدد ۶۰ انجام

می‌شود. این شیوه را میان مردم بابل در میان رودان (عراق امروزی) پدید آوردند و امروزه در

تعیین زمان و تقسیم‌بندی دایره به کار می‌رود.

(التفهیم، مقدمه)

**دانش شمار:** علم حساب

(التفهیم، مقدمه)

**شمارشگر:** محاسب

## ذ

(کاشانی نامه، ص ۱۲۶)

ذوزنقه واحده: ذوزنقه قائم الزاویه

ذی الزنقه: ذوالزنقه: ذوزنقه قائم الزاویه



ذی الزنقتین: ذوالزنقتین: ذوزنقه متساوی الساقین

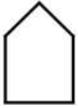


(النجارة، ص ۸۵)

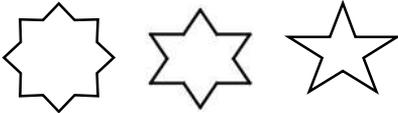
ذی اربعة اضلاع: چهارضلعی

ذوات الاربعة اضلاع: چهارسوها (مربع - مستطیل - معین - شبه معین - منحرف)

ذوخمسة اضلاع: مخمس (خمسه اضلاع)



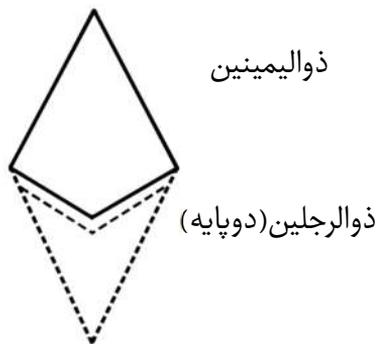
ذوالشرف: شکلی که دارای کنگره‌هایی باشد.



(کنز الحساب، ص ۱۴۰) (تاق وازج، ص ۲۱)

ذوات الاسماء: عباراتی به صورت  $\sqrt{a} \pm \sqrt{b}$  و  $\sqrt[3]{a} \pm \sqrt[3]{b}$

**ذوالیمینین:** چهارضلعی محدب است که دو ضلع مجاور آن با هم مساوی و دو ضلع دیگر آن نیز با هم مساوی باشند ولی با دو ضلع اول مختلف باشد.



(کاشانی نامه، ص ۱۲۷)

**ذوالرجلین:** چهارضلعی مقعری است که دو ضلع مجاور آن با هم و دو ضلع دیگر آن نیز با هم مساوی باشند.

(کاشانی نامه، ص ۱۲۷)

**ذراع ید (قائم):** ۶ قبضه و قبضه: ۴ انگشت هر انگشت: عرض ۶ شعیر - شعیر = ضخامت

۶ موی اسب

**ذراع هاشمی:**  $\frac{1}{3}$

**ذراع ید:** ۸ قبضه

(نفایس الفنون، ج ۳، ص ۴۴۰)

**ذراع جدید:** ۲۷ انگشت

**ذراع:** اندازه قدیم ذراع معادل سرانگشت میانی تا آرنج دست

(تاق و ازج، ص ۷)

**ذراع مینایی:** به مقیاس امروز معادل  $\frac{1}{0.4}$  متر

(لب الحساب، ص ۱۸۳)

**ذوات اضلاع کثیره:** کثیرالاضلاع منتظم و غیر منتظم

**ذوالاسمین:** اگر دو پاره خط گنگ را که فقط در مربع متوافق باشند به یکدیگر اضافه کنیم حاصل آن ذوالاسمین نامیده می شود با علائم جبری این مقادیر گنگ می توانند به صورت  $\sqrt{A} + \sqrt{B}$  باشند که A و B گویا هستند.

(تاریخ علم در فرهنگ و تمدن اسلام و ایران، ص ۱۰۹۴)

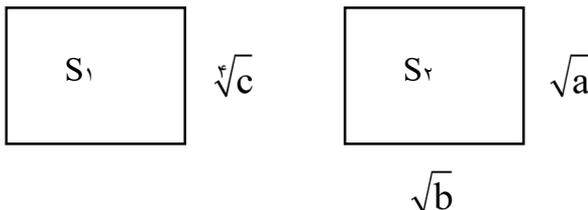
**ذوالموسطین:** فرض کنید  $\sqrt{\sqrt{A}-\sqrt{B}}$  و  $\sqrt[3]{A}$  در طول متوافق باشند.

اگر سطح بین دو موّسط مفروض  $\sqrt[3]{B} \times \sqrt[3]{A}$  بوده و گویا باشد، در این صورت  $\sqrt[3]{A} + \sqrt[3]{B}$  ذوالموسطین اول است.

اگر سطح بین دو موّسط مفروض  $\sqrt{B} \times \sqrt{A}$  بوده و موّسط باشد، در این صورت  $\sqrt{A} + \sqrt{B}$  ذوالموسطین دوم است.

برای اطلاع از انواع ذوالاسمین و ذوالموسطین ها به فصل دهم کتاب اصول اقلیدسی نوشته تامس ال. هیث ترجمه محمد هادی شفیعی ها یا تاریخ علم در فرهنگ و تمدن اسلام و ایران نوشته دکتر علی ولایتی صفحات صفحات ۱۰۹۳ - ۱۰۹۶ مراجعه شود.

**موسط:** اولین مقدار گنگ یا «موسط» از ترسیم ضلع مربعی که مساحت آن معادل مستطیل با اضلاع متوافق و گویا فقط در مربع اند به دست می آید. به زبان ریاضی جدید موّسط  $\sqrt{\sqrt{a}\sqrt{b}}$  یا  $\sqrt[3]{c}$  است هنگامی که a و b و c گویا باشند و  $C=ab$  باشد.



$$(\sqrt[4]{c})^2 = \sqrt{c} = \sqrt{ab} = \sqrt{a} \times \sqrt{b} \Rightarrow s_1 = s_2$$

(تاریخ علم در فرهنگ و تمدن اسلام و ایران، ص ۱۰۹۴)

**ذوات الاسمین و منفصلات:** دو جمله‌ای و بسط آن و تفریق

(تاریخ علم در فرهنگ تمدن اسلام و ایران، ک ۲، ج ۲، ص ۶۶۸)

## ر

**روش هندسه متحرک:** روشی که در آن برای رسم شکل و حل مسأله باید خط کش را حرکت داد تا به وضع معینی در آید.

**رتبه الاحاد:** مرتبه یکان

**رتبه العشرات:** مرتبه دهگان

**رش:** ارش: گز و ذرع (التفهیم، مقدمه)

**راست پهلو:** مستقیم الاضلاع – متساوی الاضلاع همچون مثلث های راست پهلو

**رابع الاعشار:** تا چهار رقم اعشاری کاشانی عدد ۸۳/۳۴۸۹ را به صورت ۸۳۳۴۸۹ رابع الاعشار نوشته است.

(کاشانی نامه، ص ۲۴۱)

**راست پای:** متساوی الساقین (التفهیم، مقدمه)

**راست زاویه:** قائم الزاویه (التفهیم، مقدمه)

**راست ستون:** استوانه قائم (التفهیم، مقدمه)

**راستینه:** وسط و برابر (التفهیم، مقدمه)

**رأس المال:** اصل مایه (لطایف الحساب، ص ۷)

**رفع:** خارج کردن عدد صحیح از کسرهایی که صورت آنها بیشتر از مخرج آنهاست.

$$\frac{15}{4} = 3\frac{3}{4}$$

(کنز الحساب، ص ۸۸)

رشته تضاعیف یک عدد: مقصود دنباله هندسی است که جمله اولش عدد دلخواه  $a$  و

$$a, a \times 2, a \times 2^2, a \times 2^3, \dots, a \times 2^{n-1}$$

قدر نسبتش ۲ باشد.

(فارسی نامه، ص ۵۲)

راس: نقطه تقاطع محور کانونی با سهمی یا هذلولی

(حکیم عمر خیام عالم جبر، ص ۱۵۶)

ردال جذر الی اصله: برگرداندن جذر به اصل خود و آن امتحان درستی جذر است.

(نسوی نامه، ص ۱۱۵)

رفتن: کم کردن و حذف کردن

(فرهنگ ایران زمین، ص ۱۸۰)

ریشه مربع: جذر

ریشه مکعب: کعب

(تاریخ علم در فرهنگ و تمدن اسلام و ایران، ک ۲، ج ۱، ص ۳۳۲)

روش افنا: روش برای یافتن مساحت یک شکل با محاط کردن دنباله‌ای از چندضلعی‌ها در آن است به گونه‌ای که مساحت آن چندضلعی‌ها به سمت مساحت شکل مورد نظر همگرا باشد. اگر دنباله به درستی ساخته شده باشد با افزایش  $n$ ، تفاضل مساحت چندضلعی  $n$ ام و شکل مورد نظر به دلخواه کوچک خواهد شد.

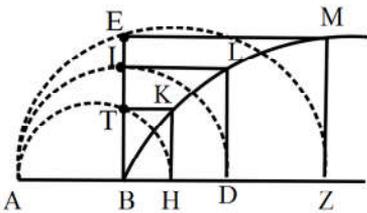
روش ابراهیم بن سنان برای رسم سهمی (آئینه سوزان):

نیم دایره‌ای به قطر  $AH$  رسم می‌کنیم و روی قطر  $AH$  نقطه‌ای مانند  $B$  اختیار می‌کنیم.

از  $B$  عمودی اخراج می‌کنیم تا نیم دایره را در  $T$  قطع کند و از نقطه  $T$  به موازات  $BH$  می‌کشیم

$\pi$

تا عمود اخراج شده از نقطه H را در K قطع کند. همچنین نیم دایره دیگری به قطر AD رسم می‌کنیم و BT را امتداد می‌دهیم تا آن را در I قطع کند. از I به موازات BD می‌کشیم تا عمود اخراج شده از D را در L قطع کند. نیم دایره دیگری به قطر AZ می‌کشیم و BI را امتداد می‌دهیم تا آن را در E ببرد و از E به موازات BZ می‌کشیم تا عمود اخراج شده از نقطه Z را در M قطع کند. نقاط M, L, K, B را به هم وصل کرده امتداد می‌دهیم اگر قرینه BKLM را نسبت به AZ بیابیم سهمی به دست می‌آید.



(گوشه‌هایی از ریاضیات دوره اسلامی، ص ۱۰۲)

### روش ابراهیم بن سنان برای رسم هذلولی:

نیم دایره‌ای به قطر AB رسم می‌کنیم و AB را امتداد می‌دهیم و در امتداد AB چند نقطه مانند I, T, Z و... اختیار کرده و از آنها بر نیم‌دایره مماس می‌کنیم و آن‌ها را IH و TD و ZG و... می‌نامیم. در نقاط I, T, Z و... IM را به اندازه IH و TL را به اندازه TD و ZK را به اندازه ZG عمود می‌کنیم و سپس از B به M, L و K وصل کرده امتداد می‌دهیم. اگر قرینه BLK را نسبت به خط BZ پیدا کنیم یک شاخه هذلولی بدست می‌آیند.

IH بر نیم‌دایره مماس است:

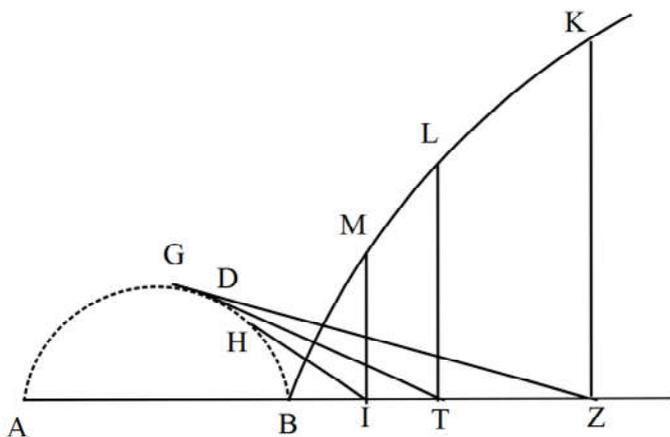
$$IH \sphericalangle = IB \cdot IA \xrightarrow{IH=IM} IM \sphericalangle = IB \cdot IA$$

TD بر نیم دایره مماس است:

$$TD \sphericalangle = TB \cdot TA \xrightarrow{DT=TL} TL \sphericalangle = TB \cdot TA$$

ZG بر نیم دایره مماس است: شکل کشیده شود:

$$GZ \sphericalangle = ZB \cdot ZA \xrightarrow{GZ=ZK} ZK \sphericalangle = ZB \cdot ZA$$



(گوشه‌هایی از ریاضیات دوره اسلامی، ص ۱۰۳)

## ز

زیادة: عمل افزودن

زیادة الاعداد بعضها على بعض: افزودن اعداد به یکدیگر

زدن: ضرب: چون شیئی به شیئی زنی مال آید.  $x \times x = x^2$

زوج الزوج: یکی از توان‌های صحیح و مثبت عدد دو و آن را به صورت  $2^n$  نوشته می‌شود.

(اصول اقلیدس، ص ۱۶۰) (نفایس الفنون، ص ۵۵)

زوج الزوج: عددی است که بتوان آن را آن قدر نصف کرد تا به یک رسید مانند ۸ و ۱۶

یعنی یکی از قوای صحیح عدد ۲ (التفهیم، ص ۳۵)

زوج الفرد: عددی است که فقط یک بار بتوان آن را نصف کرد مانند ۱۰ و ۳۰ یعنی حاصل

ضرب یک عدد فرد در ۲ (التفهیم، ص ۳۵)

زوج الفرد: یعنی عددی که مساوی باشد با حاصل ضرب یک عدد فرد در عدد ۲ و آن به

صورت  $2(2m+1)$  نوشته می‌شود.

(اصول اقلیدسی ص ۱۶۰) (نفایس الفنون، ص ۵۷)

زوج الزوج الفرد: یعنی عددی که مساوی باشد با حاصل ضرب یک عدد فرد در یکی از

توان‌های عدد ۲ و آن را به صورت  $2^n \times (2m+1)$  می‌نویسند (m و n اعداد طبیعی اند) مثل

$$3 \times 2^2 = 12$$

زوج الزوج الفرد: عددی است که زوج الزوج نباشد ولی بیش از یکبار بتوان آن را نصف کرد

مانند ۱۲ و ۲۰ یعنی حاصل ضرب یک عدد فرد در یکی از قوای عدد ۲

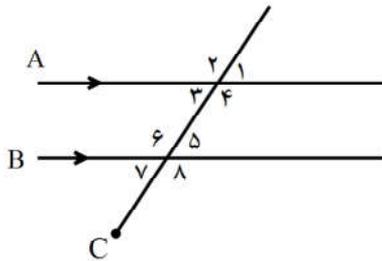
(التفهیم، ص ۳۵)

عدد فرد الفرد: عددی است که اگر آن را نصف کنیم حاصل عدد صحیح نباشد مانند

عدد ۳

(التفهیم، ص ۳۵)

زه کمان: وتر قوس هم به معنی لغوی و هم به اصطلاح هندسی



زاویه درونی: هر دو زاویه که بین دو خط A و B

باشند. مثل  $\hat{3}, \hat{4}, \hat{5}, \hat{6}$

زاویه بیرونی: هر دو زاویه که خارج دو خط A و B

باشند. مثل  $\hat{1}, \hat{2}, \hat{7}, \hat{8}$

زاویه‌های متقابل: هر دو زاویه که رأس مشترک نداشته و در یک طرف خط مورب C باشند

متقابل نامیده می‌شوند.  $\hat{4}$  و  $\hat{5}$  متقابل داخلی و  $\hat{1}$  و  $\hat{8}$  متقابل خارجی و  $\hat{4}$  و  $\hat{8}$  متقابل درونی

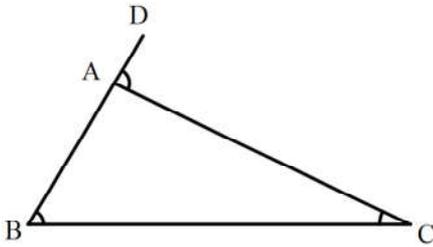
و بیرونی

زاویه‌های متبادل: هر دو زاویه که رأس مشترک نداشته و در دو طرف خط مورب باشند

متبادل نامیده می‌شوند.  $\hat{4}$  و  $\hat{6}$  متبادل درونی و  $\hat{2}$  و  $\hat{8}$  متبادل بیرونی و  $\hat{4}$  و  $\hat{7}$  متبادل درونی

و بیرونی

الزاوية الخارجة من المثلث: مجموع دو زاویه مقابله اندرونی: زاویه خارجی مثلث:

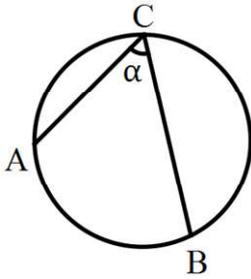


زاویه های B و C را مقابله اندرونی گویند.

زاویه  $D\hat{A}C$  را زاویه خارجی مثلث گویند.

(التفهیم، ص ۱۳)

الزاوية التي تقبلها القوس: زاویه پذیرفته قوس: زاویه پذیرفته کمان دایره، زاویه ای که

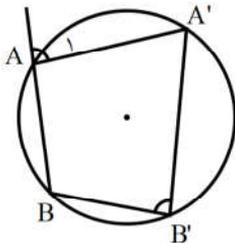


محاط در آن است، زاویه محاطی

(تحقیقی در آثار ریاضی ابوریحان، ص ۳۶۰)

زاویه های راست به تبادل:

زاویه های  $A_1$  و  $B_1$  با هم برابرند و دو خط  $AA'$  و  $BB'$  پاد موازی هستند.



**زائد:** در جبر و مقابله زائد به معنی مثبت می باشد.

(کاشانی نامه، ص ۱۴۰) (جبر و مقابله، ص ۳۰)

**زدن:** عمل ضرب که یکی از چهاربنیاد حساب است. (التفهیم، مقدمه)

**زاویه بیرونی:** زاویه خارجه (التفهیم، مقدمه)

**زاویه تیز:** زاویه حاده (التفهیم، مقدمه)

**زیرمضرب:** عاد کننده

**زیادت:** بیشتر

**زاویه محیطی قطع زائد:** زاویه بین دو مجانب هذلولی

(حکیم عمر خیام به عنوان عالم جبر، ص ۲۴۵)

**زیادت:** جمع (اصول حساب هندی، ص ۲۰)

**زاویه گشاده:** زاویه منفرجه

(التفهیم، مقدمه) (تحقیقی در آثار ریاضی ابوریحان، ص ۳۶۲)

**زیادتی:** تفاضل هر عدد زائد را با مجموع اجزایش زیادتی گویند.

(فارسی نامه، ص ۴۹)

**مثال:** عدد ۱۲ زائد است زیرا اجزایش ۱ و ۲ و ۳ و ۴ و ۶ می باشند که مجموع آنها ۱۶ است و

۱۶ بزرگتر از ۱۲ می باشد. زیادتی  $۱۶ - ۱۲ = ۴$

**زاویه ظلی:** زاویه ای است که یک ضلع آن مماس بر دایره و ضلع دیگرش وتری از دایره

باشد.

$\pi$

---

زاویه محاطی: زاویه‌ای است که رأس آن روی محیط دایره و دو ضلع آن دو وتر از دایره

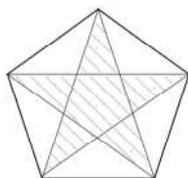
باشد.

## س

**سطح تاج دایره:** سطح محصور بین دو دایره متحدالمرکز

**ستاره:** خط کش (خط کشی که دو طرف آن موازی نیست و مدرج هم نمی باشد).

**ستاره پنج پر:** تشکیل شده از پنج قطر یک پنج ضلعی منتظم



(آرم انجمن برادران فیثاغورسی)

(آشنایی با تاریخ ریاضیات، ج ۱، ص ۹۳)

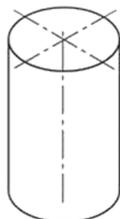
**سهم الاسطوانه:** تیر ستون: ارتفاع استوانه دوار: پاره خطی که مرکزهای دو قاعده را به هم

وصل می کند.

**سهم المخروط:** تیر مخلوط: پاره خطی که از رأس به مرکز قاعده وصل می شود.

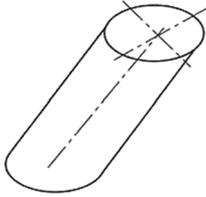
(نفایس الفنون، ج ۳، ص ۴۳۹)

**ستون راست:** استوانه دوار: استوانه قائم



(التفهیم، ص ۲۶)

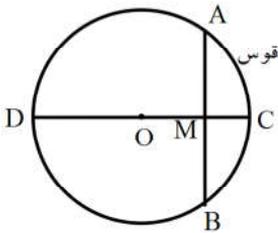
**ستون کژ:** استوانه مایل (بیرونی ستون کژ را به معنی منشور مایل نیز دانسته)



(التفهیم، ص ۲۷)

**سهم:** تیر: عمودی که از وسط کمان بر وتر فرود آید.

MC سهم کمان ACB است MD سهم کمان ADB است



**سر مخروط:** رأس مخروط

(التفهیم، ص ۲۷)

(التفهیم، مقدمه)

**سایه واژگون:** ظل معکوس

**سر و بُن:** رأس و قاعده به اصطلاح هندسه

**ظل:** سر سایه تا بُنَش

**سطح راست:** سطح مستوی به اصطلاح مهندسان

(التفهیم، ص ۱۰)

**سه سر:** مثلث

(التفهیم، مقدمه)

**سطح ناراست:** سطح مایل

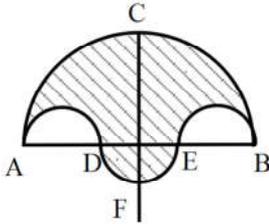
(التفهیم، مقدمه)

**سطح هموار:** سطح افقی

(شمارنامه، ص ۲۵)

**سطر مال:** مقسوم علیه، عددی که می خواهیم تقسیم کنیم

سالینون (نمکدان): سطح محصول بین چهار نیم دایره مطابق شکل زیر



(تاریخ ریاضیات یونان، ص ۳۰۸)

الست الجبریه: معادلات ششگانه یعنی  $ax^2 = bx$  ،  $ax^2 = c$  ،  $bx = c$  ،  $ax^2 + bx = c$  ،  $ax^2 + c = bx$  و  $ax^2 = bx + c$  که از آنها  $a, b, c$  اعداد مثبت هستند. (کاشانی نامه، ص ۵۰)

ست المشهوره: مسائل شش گانه

(زندگینامه ریاضیدانان، ص ۲۷۸)

(شمارنامه، ص ۴۸)

سه چهار یک:  $\frac{3}{4}$

(التفهیم، مقدمه)

سه دیگر: سوم

(التفهیم، مقدمه)

سه سو: مثلث

(التفهیم، مقدمه)

سه سوی ناراست پهلو: مثلث مختلف الاضلاع

سه بار گفته: مثلثه بالتکریر

ستون مخروطی شکل با قاعده مربع: هرم با قاعده مربع

(جبر و مقابله، ص ۱۰۷)

(النجارة، ص ۴۴)

سه سوی یک اندازه پهلو: مثلث متساوی الاضلاع

(حکیم عمر خیام به عنوان عالم جبر، ص ۱۹۰)

سطح: مستطیل

**سطح:** عبارت از کمیتی که دارای دو امتداد و دو بعد باشد (در جهت طول و در جهت عرض)

**سطح مستوی:** سطح را مستوی گویند هر گاه هر خط راستی در آن بکشیم، در آن سطح قرار گیرد.

**سطح غیر مستوی:** آن است که نتوانیم هر خط راستی در آن رسم کنیم.

(کنزالحساب، ص ۱۳۳)

**سطح حلقه مستدیر:** سطح حادث از دوران یک دایره حول محوری که در صفحه آن واقع باشد ولی آن را قطع نکند، چنبره

(زندگینامه ریاضیدانان دوره اسلامی، ص ۳۸۹)

**سلسله الاثنین:** دنباله هندسی که جمله اول آن یک و قدر نسبت آن دو باشد.

$1, 2, 2^2, 2^3, \dots, 2^{n-1}$

(نفایس الفنون، ص ۴۲۳)

**سه نصف عشر:**  $\frac{3}{2} \times \frac{1}{10} \times \frac{1}{2} = \frac{3}{40}$

**سه سبع:**  $3 \frac{1}{7}$  به جای عدد  $\pi$

**سویت:** برابر و مساوی

(فرهنگ ایران زمین، ص ۱۸۱)

**سداس:** شش شش

(فرهنگ ایران زمین، ص ۱۸۱)

**سطوح متکافته:** سطوحی هستند که اضلاعشان بنابر تقدم و تأخر با هم مناسب اند.

(شفاء الرياضیات، ص ۶۴)

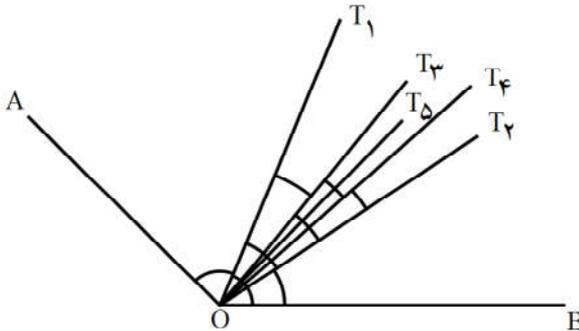
**سطوح متشابه:** سطوحی هستند که زوایای مساوی و اضلاع متناسبه داشته باشند.

(شفاءالریاضیات، ص ۶۴)

**ساختمان اقلیدسی مجانبی:** ساختمانی که از ابزارهای اقلیدسی استفاده کرده اما نیاز به

تثلیث زاویه توسط فیالکوفسکی، (۱۸۶۰م)

تعداد بی‌نهایتی عمل دارد



$OT_1$  نیمساز زاویه  $A\hat{O}B$

$OT_2$  نیمساز زاویه  $B\hat{O}T_1$

$OT_3$  نیمساز زاویه  $T_1\hat{O}T_2$

$OT_4$  نیمساز زاویه  $T_2\hat{O}T_3$

$OT_5$  نیمساز زاویه  $T_3\hat{O}T_4$

و اگر به همین نحو ادامه دهیم در این صورت  $\lim_{i \rightarrow \infty} OT_i = OT$  که زاویه  $AOB$

را تثلیث می‌کند. (آشنایی با ریاضیات، ص ۱۲۶)

را تثلیث می‌کند.

(دایرةالمعارف بزرگ اسلامی، ج ۱۲، ص ۶۹۴)

**سَمک:** ارتفاع

**سه تائی‌های فیثاغورسی:** اعداد صحیحی که در رابطه فیثاغورسی  $a^2 = b^2 + c^2$  صدق

کند به سه تائی‌های فیثاغورسی معروفند.

$$\text{فرمول: } m^2 + \left(\frac{m^2 - 1}{2}\right)^2 = \left(\frac{m^2 + 1}{2}\right)^2$$

به ازاء هر عدد فرد  $m$  یک سه گانه فیثاغورسی را نتیجه می‌دهد که به فیثاغورسیان

منسوب شده است.

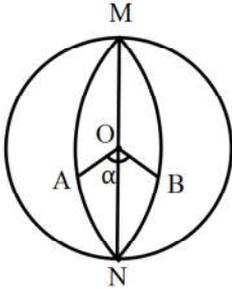
فرمول مشابه  $(2m)^2 + (m^2 - 1)^2 = (m^2 + 1)^2$  که در آن  $m$  می‌تواند فرد یا زوج باشد

نیز سه تائی‌های فیثاغورسی را می‌دهد و به افلاطون منسوب است.

هیچ یک از این فرمول‌ها همه سه‌گانه‌های فیثاغورسی را نمی‌دهد.

(تاریخ ریاضیات یونان، ص ۱۷۱) (آشنایی با تاریخ ریاضیات، ج ۱، ص ۷۰)

سطح یک قاچ کروی:



$$S = 4\pi R^2 \times \frac{\alpha}{360}$$

$$S = \frac{\pi R^2 \alpha}{90}$$

$$\hat{A}OB = \alpha$$

## ش

شبيه المعین: متوازی الاضلاع

(جبر و مقابله، ص ۱۰۰) (کاشانی نامه، ص ۱۲۶)

شکل مجسم: هر جسمی که یک سطح یا زیاده به او محیط شود آن را شکل مجسم گویند.

شکل مدور مستطیل: بیضی

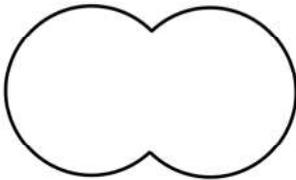
شکل: قضیه، مسأله، اصل موضوع

(زندگینامه ریاضیدانان اسلامی، ۱۵۰)

شیء: X: مجهول

شلجمی: یعنی سطح محصور بین دو قوس متساوی بزرگتر از نیم دایره و متعلق به دو

دایره متساوی

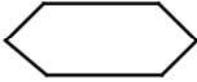


(کاشانی نامه، ص ۱۲۹)

شکل مغنی: قضیه سینوس ها در هر مثلث کروی غیر قائم الزاویه رابطه زیر برقرار است:

$$\frac{\sin a}{\sin A} = \frac{\sin b}{\sin B} = \frac{\sin c}{\sin C}$$

(نسوی نامه، ص ۱۴۹) (بوزجانی نامه، ص ۷)



شکل بادامی:

الشکل المحيط به الكرة: شکل اندر کره: چند وجهی محاط در کره

شکل راست و پهلو و راست زاویه: چند وجهی منتظم

شکل بر دایره: الشكل المحيط بالدایره: چندضلعی محیطی که ممکن است منظم باشد

یا نباشد

الشکل الارضی: شکل زمینی مقصود مکعب است

شکل فلکی: دوازده وجهی منتظم

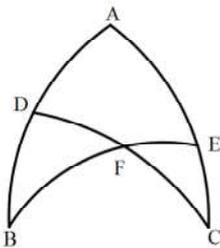
شکل قطاع: قضیه منلائوس

منظور از شکل قطاع در ریاضیات اسلامی دو چیز است:

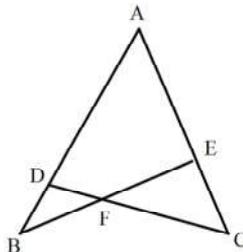
اولاً: شکل قطاع شکلی است هندسی که یا از تقاطع چهار خط راست که دو به دو

یکدیگر را قطع می‌کنند پدید می‌آید و آن را قطاع مسطح می‌نامند و یا از تقاطع چهار دایره

عظیمه بر سطح کره پدید می‌آید و آن را قطاع کروی می‌نامند.



قطاع کروی



قطاع مسطح (سطحی)

ثانياً: شکل قطاع قضیه‌ای است در مورد شکل‌های فوق

$$\frac{CE}{AE} = \frac{CF}{DF} = \frac{DB}{AB}$$

شکل مقطع مسطح:

شکل قطاع کروی:

$$\frac{\sin CE}{\sin AE} = \frac{\sin CF}{\sin DF} \times \frac{\sin DB}{\sin AB}$$

(نسوی نامه، ص ۱۴۷) (تاریخ علم در ایران، صص ۵۸۱ و ۵۸۲) (بوزجانی نامه، ص ۱۸۲)

**شاهد:** در قدیم برای اطمینان از صحت عمل جمع هر یک از دو عدد را بر ۹ تقسیم می کردند و باقیمانده هر یک را بدست آورده با هم جمع می کردند. این مجموع دو باقیمانده را «شاهد» می نامیدند و سپس حاصل جمع را نیز بر ۹ تقسیم کرده باقیمانده را بدست می آوردند و اگر این باقیمانده با شاهد برابر می شد نتیجه می گرفتند که عمل جمع صحیح است ولی این شرط کافی نیست.

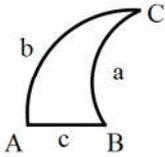
مثال: در جمع زیر باقیمانده ۵۷۴۳ بر ۹ برابر ۱ باقیمانده ۶۷۱ بر ۹ برابر ۵ می شود.

$$\begin{array}{r} 5743 \\ 671 \\ \hline 6414 \end{array}$$

مجموع این دو باقیمانده ۶ می باشد که آن را «شاهد» می نامیدند. سپس عدد ۶۴۱۴ را بر ۹ تقسیم می کردند باقیمانده نیز عدد ۶ می شد. نتیجه می گرفتند عمل جمع صحیح است. ولی اگر حاصل جمع را اشتبهاً ۹۶۴۱۴ بدست می آوردند باز هم باقیمانده آن بر ۹ برابر ۶ می شود.

**شکل ظلّی:** قضیه ظلّی، قضیه تانژانت ها

در مثلث قائم الزاویه کروی به زاویه قائمه B، قضیه ظلّی عبارت است از:



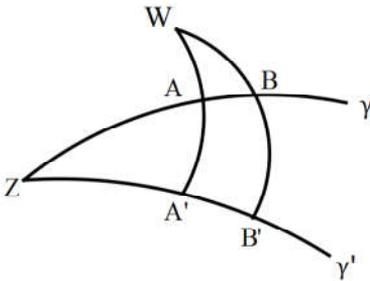
$$\frac{\tan a}{\tan A} = \frac{\sin c}{R}$$

اگر  $R=1$  بگیریم  $\sin c = \tan a \cot A$

(بوزجانی نامه، ص ۶)

شکل ظلی (قضیه ظلی): قضیه تانژانت‌ها

هر گاه در سطح کره، دو دایره عظیمه  $\gamma$  و  $\gamma'$  یکدیگر را در نقطه  $Z$  به زاویه حاده قطع کنند و روی یکی از آنها مثلاً روی  $\gamma$  دو نقطه دلخواه  $A$  و  $B$  را اختیار کرده از آنها دو قوس دایره عظیمه بر همان دایره  $\gamma$  اخراج کنیم تا  $\gamma'$  را در  $A'$  و  $B'$  قطع کند داریم:



$$\frac{\tan AA'}{\tan BB'} = \frac{\sin ZA}{\sin ZB}$$

(کوشیار گیلانی، ص ۹۵)

(التفهیم، مقدمه)

شمار: عدد حساب

(التفهیم، مقدمه)

شمردن: عاد

(التفهیم، مقدمه)

شش سو: مسدس، شش ضلعی منتظم

(غیاث الدین جمشید کاشانی، ص ۲۱۱)

شبر: مقیاس و جب نوعی واحد طول است

**شکل عروس: قضیه فیثاغورس**

(بحثی در قضیه فیثاغورس، ص ۷) (النجارة، ص ۱۱۹)

توضیح: خواهر عروس: عکس قضیه فیثاغورس

(بحثی در قضیه فیثاغورس، ص ۷)

مادر عروس: هر گاه بر روی اضلاع مثلث قائم الزاویه ای سه شکل مشابه بنا کنیم مساحت شکلی که روی وتر قرار دارد، برابر است با مساحت دو شکلی که روی اضلاع زاویه قائمه قرار دارند.

شعیر:  $\frac{1}{4}$  تسو:  $\frac{1}{16}$  دانگ:  $\frac{1}{96}$  دینار (کاشانی نامه، ص ۱۰۸)

شکل ارضی (زمینی): شش وجهی منتظم

شکل مائی (آبی): بیست وجهی منتظم

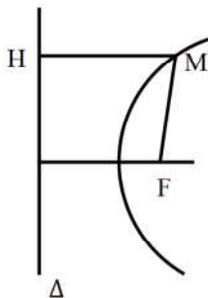
شکل هوائی: هشت وجهی منتظم

شکل ناری (آتشی): چهار وجهی منتظم

شکل فلکی: دوازده وجهی منتظم (التفهیم، ص ۲۹)

شعاع حامل در سهمی: اگر از نقطه M روی سهمی به کانون F وصل کنیم MF را شعاع

حامل گویند. (خط ترتیب)



شعاع قطبی: فاصله دو سر پرگار کروی

(بوزجانی نامه، ص ۹۲)

$\pi$

---

**شرط لازم:** اگر بتوان از درستی الف درستی ب را نتیجه گرفت آن را شرط لازم گویند.

**شرط لازم و کافی:** اگر بتوان درستی الف درستی ب را نتیجه گرفت و بالعکس آن را شرط

لازم و کافی گویند.

## ص

**الصحاح و الكسور:** عدد کسری، عدد صحیحی که کسر همراه داشته باشد مثل  $\frac{۳}{۵}$  و  $\frac{۴}{۵}$

گاهی به صورت الصحاح مع الكسور به کار می‌رود.

**صاحب مجسطی:** بطلمیوس (زندگینامه ریاضیدانان، ص ۳۷۹)

**صورت‌های حروف:** شکل ارقام (زندگینامه ریاضیدانان، ص ۴۱۷)

**صدر:** یکی از معانی «صدر» اول و بالای هر چیز است. در کتاب‌های ریاضی دوره اسلامی معمول بوده است که هر گاه در آغاز کتاب یا در ضمن یک مبحث یا مقاله مؤلف برای بیان مطلب یا قضیه‌ای به اصطلاح یا اصطلاحات تازه‌ای احتیاج پیدا می‌کرد. این اصطلاحات را پیش از مطلب یا قضیه مذکور زیر عنوان «صدر» تعریف می‌نموده است.

(فارسی‌نامه، ص ۶۶)

**صناعة الهوائی:** حساب ذهنی

(تاریخ علم در فرهنگ و تمدن اسلام و ایران، ک ۲، ج ۲، ص ۷۰۹)

## ض

ضرب الكسور في الكسور: ضرب كسر در كسر  $\frac{2}{3} \times \frac{5}{9}$

(نسوی نامه، ص ۵۴)

ضرب الصحاح و الكسور في الصحاح و الكسور: ضرب عددی كسری در عدد كسری

$$2\frac{3}{5} \times 7\frac{4}{9}$$

توضیح: عدد كسری عددی است که صحیح و کسر داشته باشد

(شمارنامه، ص ۴۷) (نسوی نامه، ص ۵۴)

ضرب الصحاح و الكسور في الكسور: ضرب عدد كسری در كسر  $5\frac{2}{7} \times \frac{3}{4}$

(نسوی نامه، ص ۵۴)

ضرب الصحاح في الكسور: ضرب عدد صحیح در كسر  $7 \times \frac{3}{4}$

(نسوی نامه، ص ۵۴)

ضرب الصحاح في الصحاح و الكسور: ضرب عدد صحیح در عدد كسری  $5 \times 3\frac{2}{11}$

(نسوی نامه، ص ۵۴)

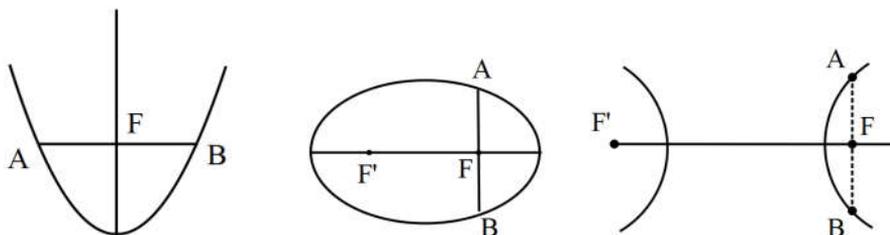
ضرب الخط في الخط: ضرب دو پاره خط در یکدیگر، معین ساختن مستطیلی که آن دو

پاره خط دو بعد آن باشند. قدام این مستطیل را سطح آن دو پاره خط می نامیدند.

الضلع الاعظم: ضلع مهین: ضلع مقابل به زاویه قائمه یا منفرجه

(التفهیم، ص ۱۱)

**ضلع قائم قطع مخروطی:** که آن را در زبان های اروپائی Latusrectum می گویند.



در مورد بیضی و هذلولی عبارت است از طول وتری که از یک کانون بگذرد و بر محور کانونی عمود باشد و در مورد سهمی عبارت است از طول وتری که از کانون بگذرد و بر محور سهمی عمود باشد. امروزه در بعضی از کتاب های هندسه «ضلع قائم» را پارامتر و در بعضی از کتاب های دیگر «نصف ضلع قائم» را پارامتر می نامند. AB ضلع قائمه است.

(حکیم عمر خیام عالم جبر، ص ۱۵۶)

**ضلع الکره:** آنچه که امروزه قاچ کروی می نامیم یعنی جسم محصور بین سطح کره و سطوح دو نیم دایره عظیمه آن

(کاشانی نامه، ص ۱۳۰)

**ضرب تأریج:** در جمع عمل مخرج مشترک گیری عمل ضرب کردن صورت کسر اول در مخرج کسر دوم و مخرج کسر اول در صورت کسر دوم را ضرب التاریج گویند.

(نسوی نامه، ص ۸۶)

گرفتن کوچکترین مخرج مشترک کسرها

(کاشانی، مفتاح الحساب، باب پنجم در مقاله دوم)

**ضلع اول:** پایه و ریشه، عدد  $a$  در مقام مقایسه با  $a^2, a^3, \dots, a^n$

(تاریخ نجوم اسلامی، ص ۲۹۳)

**ضلع مقابل به زاویه قائمه در دایره:** قطر

**ضلع مهین:** بزرگترین ضلع مثلث قائم الزاویه یا منفرجه الزاویه

(التفهیم، ص ۱۱)

**ضلع:** خطوط مستقیمی هستند که اطراف شکل را تشکیل می دهند مانند اطراف مربع و مثلث و پنج ضلعی و غیره که هر طرف آن نسبت به شکل ضلع نامیده می شود.

(کنزالحساب، ص ۱۳۱)

**ضرب دو عدد:** به دست آوردن عددی است که نسبت آن به یکی از دو عدد مساوی باشد

با نسبت دیگری به واحد

$$4 \times 5 = 20 \Rightarrow \frac{20}{5} = \frac{4}{1}$$

۹×۶ یا ۲×۴

۵×۲۰ یا ۵×۲۰

۳۰×۴۰ یا ۳۰×۲۰۰

۱۱×۱۰۰ یا ۱۵×۱۰

۲۵×۴۲

آحاد×آحاد:

آحاد×غیرآحاد:

غیرآحاد×غیرآحاد:

مفرد×مفرد

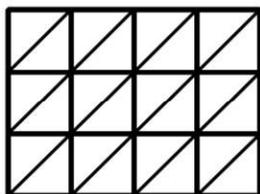
مركب×مفرد

مركب×مكعب

ضرب

(کنزالحساب، صص ۲۳-۲۴)

**ضرب شبکه:** مستطیلی رسم می‌کنیم که طولش به تعداد ارقام یکی از دو عدد و عرضش به اندازه تعداد ارقام عدد دیگر باشد. مستطیل را به مربع‌هایی تقسیم می‌کنیم و هر مربع را به دو مثلث تقسیم می‌کنیم (مطابق شکل)



یکی از دو عدد را در بالای مستطیل روی ضلع افقی و دیگری را در سمت چپ به طور عمودی می‌نویسیم به طوری که هر رقمی مقابل یک مربع قرار گیرد. ارقام روی هر ردیف و ستون را در هم ضرب کرده و در مربع مقابل می‌نویسیم. رقم یکان‌ها را در مثلث پایین و رقم دهگان را در مثلث بالایی. اگر حاصل ضرب تک رقمی بود به جای دهگان صفر می‌گذاریم. سپس از سمت راست اعداد بین خطوط مورب را با هم جمع می‌کنیم.

**مثال:** عدد ۶۲۳۷۴ را در ۴۰۷ ضرب کنید.

		۶	۲	۳	۷	۴	
۴	۲	۰	۱	۲	۱		
	۴	۸	۲	۸	۶		
	۰	۰	۰	۰	۰		
		۰	۰	۰	۰		
۷	۴	۱	۲	۴	۲		
	۲	۴	۱	۹	۸		
	۲	۵	۳	۸	۶	۲	۱
				۸	۶	۲	۱

(کنزالحساب، ص ۴۵) (لب‌الحساب، ص ۱۲)

**ضرب منبری:** جدول ضرب اعداد یک رقمی در یک رقمی. عددی را در ستون اول سمت راست در نظر می‌گیریم و آن را در عدد پله سطر قبلی ضرب می‌کنیم و حاصل ضرب را در زیر همان پله در مقابل عددی که در نظر گرفته بودیم می‌یابیم.

(کنزالحساب، ص ۲۵)

							۲	
						۳	۴	۲
				۴	۹	۶	۳	
			۵	۱۶	۱۲	۸	۴	
		۶	۲۵	۲۰	۱۵	۱۰	۵	
		۷	۳۶	۳۰	۲۴	۱۸	۱۲	۶
	۸	۴۹	۴۲	۳۵	۲۸	۲۱	۱۴	۷
۹	۶۴	۵۶	۴۸	۴۰	۳۲	۲۴	۱۶	۸
۸۱	۷۲	۶۳	۵۴	۴۵	۳۶	۲۷	۱۸	۹

**ضلع مایل در هذلولی:** در هذلولی مقدار ثابت  $2a$  ضلع مایل نامیده می‌شود، طول قطر

کانونی

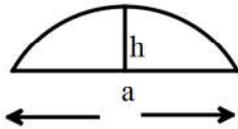
(حکیم عمر خیام عالم جبر، ص ۱۵۶)

**ضلع اول: ریشه**

ضلع اول مال مال: ریشه چهارم  $\sqrt[4]{A}$

ضلع کعب: ریشه سوم، مثل ضلع کعب  $27$ :  $\sqrt[3]{27}$

ضریب خمیدگی یک قوس: نسبت بین ارتفاع و دهانه آن قوس است.



$$\text{ضریب خمیدگی: } \frac{h}{a}$$

ط

**طریق خطأین:** کیفیت استخراج مجهول عددی از وقوع خطای دو نوبت

(نفایس الفنون، ج ۳، ص ۴۲۷)

**طریق البرهان:** روش مستدل

(تاریخ علم در فرهنگ و تمدن اسلام و ایران، ک ۲، ج ۱، ص ۲۹۸)

ظ

ظل: سایه

ظل اول: ظل قائم، ظل مُنتصب، ظل معکوس، ظل منکوس: تانژانت

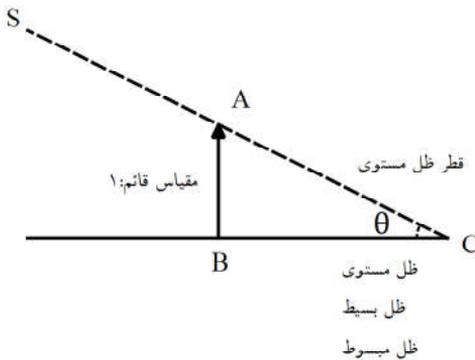
(بوزجانی نامه، ص ۱۸۸) (تاریخ نجوم اسلامی، ص ۲۹۳)

ظل التمام: ظل ثانی (سایه دوم)، ظل مبسوط (سایه پهن شده)، و ظل بسیط، ظل مستوی:

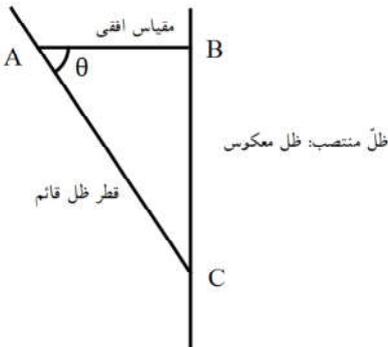
کتانژانت

(بوزجانی نامه، ص ۱۸۸) (تاریخ نجوم اسلامی، ص ۲۹۳)

ظل: نسبت جیب به جیب تمام



قطر ظل مستوی: کسکانت:  $\frac{1}{\sin \theta}$



قطر ظل: سکانت:  $\frac{1}{\cos \theta}$

(گوشه‌هایی از ریاضیات دوره اسلامی، صص ۱۵۱ و ۱۵۲)

## ع

**عمل تخت و تراب:** یا عمل تخت و میل - برای انجام دادن اعمال حساب مقداری خاک یا شن نرم روی تخته یا لوح مسطحی می‌گسترده و ارقام را به وسیله نوک میله‌ای روی آن می‌نوشتند و اعمال فرعی را در ذهن انجام داده هر وقت لازم می‌شد رقمی را با دست محو و رقم دیگری را به جای آن از نو می‌نوشتند.

(نسوی‌نامه، ص ۳۵)

**علم المساحة:** علم اندازه‌گیری

(تاریخ علم در فرهنگ و تمدن اسلام و ایران، ک ۲، ج ۲، ص ۶۶۷)

**علم الظلال:** علم سایه‌ها

**علم فرائض:** علم تقسیم ارث

**عدد پی ( $\pi$ ):** یکی از عددهای ثابت ریاضی است که نسبت محیط دایره به قطر آن را نشان

می‌دهد و حدود  $3/14$  است.

**عمل ضرب مصریان به وسیله تضعیف و تنصیف:**

**مثال:** برای ضرب ۲۶ در ۳۳ یکی از عامل‌ها ۲۶ را مرتباً نصف و عامل دیگر یعنی ۳۳ را

مرتباً دو برابر می‌کنیم:

۲۶	۳۳		
۱۳	۶۶	*	۶۶
۶	۱۳۲		
۳	۲۶۴	*	۲۶۴
۱	۵۲۸	*	۵۲۸
			۸۵۸

اکنون در ستون دوبرابرها (ستون سمت راست) مضرب‌های از ۳۳ را که در مقابل اعداد فرد ستون نصف‌ها (ستون سمت چپ) قرار دارند. یعنی اعداد ۶۶ و ۲۶۴ و ۵۲۸ را که در سمت راست آنها علائم \* قرار داده‌ایم با هم جمع می‌کنیم تا حاصل ضرب مطلوب بدست آید.

(نسوی‌نامه، ص ۴۵)

**عدد مساوی سطح:** یعنی مستطیلی داریم که یک ضلع آن واحد و ضلع دیگرش عدد

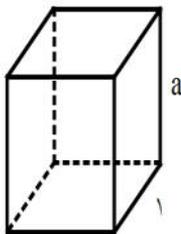
مفروضی باشد.



$$\text{عدد} = \text{سطح} = a \times 1 = a$$

**عدد مساوی حجم:** یعنی مکعب مستطیلی داریم که قاعده‌اش مربع به ضلع واحد و

ارتفاعش برابر عدد مفروض باشد.



$$\text{عدد} = \text{حجم} = 1 \times 1 \times a = a$$

**عمل تضعیف:** یعنی دو برابر کردن. مصریان عمل ضرب را با دو برابر کردن متوالی یکی از

دو عامل ضرب انجام می‌دادند. اساس این روش این است که هر عدد را می‌توان به صورت

مجموعی از قوای عدد ۲ نوشت.

مثال: فرض کنید می‌خواهیم عدد ۲۶ را در عدد ۳۳ ضرب کنیم چون  $۲۶ = ۱۶ + ۸ + ۲$  پس کافی است حاصل ضرب‌های عدد ۳۳ را در اعداد ۲، ۸، ۱۶ با هم جمع کنیم. این عمل به صورت زیر است:

	۱	۳۳	
*	۲	۶۶	۶۶
	۴	۱۳۲	
*	۸	۲۶۴	۲۶۴
*	۱۶	۵۲۸	<u>۵۲۸</u>
			۸۵۸

یعنی عدد ۳۳ را متوالیاً دو برابر می‌کنیم و سپس مجموع حاصل ضرب‌های ۳۳ را در اعداد ۲، ۸ و ۱۶ که در سمت چپ آنها علامت \* قرار داده‌ایم با هم جمع می‌کنیم تا حاصل ضرب مطلوب ۸۵۸ به دست آید.

(نسوی نامه، ص ۴۴)

**عدد مربع:** حاصل ضرب عددی در مثل خودش است.

**عدد مکعب:** حاصل ضرب عددی در مربع خودش است.

**عدد مسطح:** حاصل ضرب عددی در عددی است (خواه دو عدد مساوی باشند یا نباشند)

اگر مساوی باشند عدد حاصل را مربع و یکی از آن دو ریشه آن باشد

(اصول اقلیدسی، ص ۱۶۱)

**عدد مسطح:** حاصل ضرب دو عدد صحیح را قدما «مسطح» یا «سطح» آن دو عدد

می‌نامیدند و هر یک از آن دو عدد را «ضلع» حاصل ضرب می‌گفتند.

(التفهیم، ص ۳۵)

**عدد مجسم:** حاصل ضرب عددی در عدد مسطح یا عددی که از حاصل ضرب سه عدد دیگر بدست می آید.

**عدد تام:** عدد صحیحی که مساوی با مجموع اجزای خود باشد

**مثال:** عدد ۶ تام است زیرا اجزای ۶ عبارتند از ۱ و ۲ و ۳ (اجزای یک عدد همان

شمارنده‌های آن عدد هستند بجز خود عدد) که  $۱+۲+۳=۶$

در مقاله نهم اقلیدسی قضیه آمده است: اگر  $۲^n - ۱$  عدد اول باشد آنگاه  $(۲^n - ۱) ۲^{n-1}$

عدد تام خواهد بود.

(کنزالحساب، ص ۱۰) (لب الحساب، ص ۶) (اصول اقلیدسی، ص ۱۶۱)

**عدد زائد (عدد ابرتام):** عددی است که اگر اجزای آن را با هم جمع کنیم حاصل از خود

عدد بزرگتر است.

**مثال:** ۱۲ زائد است زیرا  $۱+۲+۳+۴+۶=۱۶$  که از ۱۲ بزرگتر است.

(کنزالحساب، ص ۱۰) (لب الحساب، ص ۶)

**عدد ناقص:** عددی است که اگر اجزای آن را با هم جمع کنیم حاصل از خود عدد کوچکتر

است.

**مثال:** عدد ۸ ناقص است زیرا اجزای آن ۱ و ۲ و ۴ می باشد که  $۱+۲+۴=۷$  کوچکتر از ۸

می باشد.

(کنزالحساب، ص ۱۰) (لب الحساب، ص ۶)

**عمل کفاف:** یعنی روش حل معادلات به صورت  $\frac{x}{a} \pm \frac{x}{b} = c$  (از راه خطاین)

عشرات: دهگان

عشرات الوف: ده هزارگان

عدد منزل: نمای قوه

عدد مرکب: عددی است که به غیر از خودش و یک بر عدد دیگری بخش پذیر باشد.

(رساله قانون سنجری)

عدد مجرد: عبارت است از هر یک از قوای صحیح مثبت یا منفی شصت مثلاً یک ثانیه

عدد مجرد است همچنین یک درجه عدد مجرد است.

(کاشانی نامه، ص ۱۱۰)

عدد مجرد: واحد در هر مرتبه‌ای که واقع شود عدد مجرد نامیده می‌شود مثل

۱۰ و ۱۰۰ و ۱۰۰۰ یعنی یکی از قوای صحیح عدد ۱۰

(کاشانی نامه، ص ۵۵ به نقل از مفتاح الحساب)

عدد مفرد: هر عدد را که دستگاه شصتگانی فقط در یک مرتبه واقع باشد یعنی به صورت

$a(۶۰)^k$  نوشته شود (a یکی از اعداد ۱ تا ۵۹ و k عددی صحیح و مثبت یا منفی) عدد مفرد

می‌نامند.

(کاشانی نامه، ص ۱۱۴)

مثلاً ۴۵ درجه عددی است مفرد همچنین ۲۳ رابعه عدد مفرد است.

عدد مفرد: عددی است که فقط در یک مرتبه واقع شود یعنی از یکی از ارقام نه گانه و

احیاناً یک یا چند صفر تشکیل گردد مانند ۱ و ۲ و ۱۰ و ۹ و ۳۰۰۰

(کاشانی نامه، ص ۵۵ به نقل از مفتاح الحساب)

علم مفتوحات: حل مسائل حساب است بدون استفاده از معادلات جبری

**عمل تخطی:** می‌دانیم برای جذر گرفتن از عددی مفروض، ارقام آن عدد را از سمت راست دو به دو جدا می‌کنیم و برای کعب گرفتن از عددی مفروض ارقام آن عدد را از سمت راست سه به سه جدا می‌کنیم عمل جدا کردن ارقام را در هنگام استخراج جذر عمل تخطی می‌نامند.

**عدد ابر تام:** عدد زائد (تاریخ ریاضیات یونان، ص ۶۳)  
**عددهای متحاب (همدوست):** دو عدد را متحاب گویند. هر گاه هر یک از آنها مساوی با مجموع اجزای دیگری باشد عدد بزرگتر را محبوب و عدد کوچکتر را به محبت نسبت می‌دهند.

**مثال:** دو عدد ۲۲۰ و ۲۸۴ متحاب هستند.

$$۲۲۰ \text{ اجزای عدد } = \{۱, ۲, ۴, ۵, ۱۰, ۱۱, ۲۰, ۲۲, ۴۴, ۵۵, ۱۱۰\}$$

$$\text{مجموع} = ۱ + ۲ + ۴ + ۵ + ۱۰ + ۱۱ + ۲۰ + ۲۲ + ۴۴ + ۵۵ + ۱۱۰ = ۲۸۴$$

$$۲۸۴ \text{ اجزای عدد } = \{۱, ۲, ۴, ۷۱, ۱۴۲\}$$

$$\text{مجموع} = ۱ + ۲ + ۴ + ۷۱ + ۱۴۲ = ۲۲۰$$

(کاشانی‌نامه، ص ۱۵۴) (لب‌الحساب، ص ۶)

**عدد غیری:** حاصل ضرب دو عدد صحیح متوالی

عددهای غیری متوالی عبارتند از:

$$۲ \times ۳, \quad ۳ \times ۴, \quad ۴ \times ۵, \quad n(n+۱)$$

عددهای غیری متوالی از مجموع اعداد زوج متوالی بدست می‌آیند.

$$۲ + ۴ + ۸ + \dots + ۲n = n(n+۱)$$

$$۲ + ۴ = ۶ = ۲ \times ۳$$

$$۲ + ۴ + ۶ = ۱۲ = ۳ \times ۴$$

$$۲ + ۴ + ۶ + ۸ = ۲۰ = ۴ \times ۵$$

عدد مستطیل: حاصل ضرب دو عدد صحیح غیر متوالی

علم اوسط: علم ریاضیات

(کشف اصطلاحات الفنون، ج ۲، ص ۱۴۷۸)

عشیر: قصبه  $\times$  قصبه

علم تعلیمی: ریاضی

علوم تعالیم: ریاضیات

(کشف اصطلاحات الفنون، ج ۲، ص ۱۰۶۶)

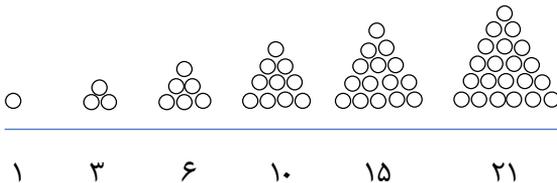
عدد متمم: اگر  $a$  و  $b$  دو عدد صحیح باشند متمم اعداد  $a^2$  و  $b^2$  عدد  $ab$  است، اگر  $a^2$  و  $b^2$  را با دو برابر  $ab$  (دو برابر متمم) جمع کنیم حاصل مربع کامل می شود. علت این نام گذاری این است که اگر دو عدد مربع کامل مانند  $a^2$  و  $b^2$  داشته باشیم در حالت کلی مجموع آنها یک مربع کامل نیست مثلاً مجموع ۹ و ۴ یعنی ۱۳ مربع کامل نیست ولی اگر بخواهیم مربع کامل شود باید دو برابر  $2 \times 3$  یعنی عدد ۱۲ را به آن بیفزاییم تا ۲۵ بدست آید. ریشه ۲۵ هم عدد ۵ است که مجموع ۳ و ۲ می باشد.

عددهای متباین: دو عددی را متباین گوئیم هرگاه بزرگترین شماره مشترک آنها عدد یک

باشد.

(التفهیم، ص ۳۷)

عددهای مثلثی: از جمع کردن عددهای طبیعی ابتدا از یک حاصل می شوند.



۱, ۳, ۶, ۱۰, ۱۵, ۲۱, ... جمله عمومی اعداد مثلثی  $a_n = \frac{n(n+1)}{2}$

$$a_1 = 1$$

$$a_2 = 3 = 1 + 2$$

$$a_3 = 6 = 1 + 2 + 3$$

$$a_4 = 10 = 1 + 2 + 3 + 4$$

(زندگینامه ریاضیدانان دوره اسلامی، ص ۲۱) (کنزالحساب، ص ۲۴۷)

(نفایس الفنون، ج ۳، ص ۶۶) (التفهیم، ص ۳۸)

(آشنایی با تاریخ ریاضیات، ج ۱، صص ۶۸-۶۶)

**عددهای مربع متوالی:** از جمع کردن عددهای فرد متوالی ابتدا از یک حاصل می‌شوند.



۱      ۴      ۹      ۱۶      ۲۵

۱, ۴, ۹, ۱۶, ۲۵, ۳۶, ...,  $n^2$  جمله عمومی  $a_n = n^2$

$$a_1 = 1$$

$$a_2 = 4 = 1 + 3 = 2^2$$

$$a_3 = 9 = 1 + 3 + 5 = 3^2$$

$$a_4 = 16 = 1 + 3 + 5 + 7 = 4^2$$

⋮

$$a_n = 1 + 3 + 5 + \dots + (2n - 1) = n^2$$

(کنزالحساب، ص ۲۴۷) (نفایس الفنون، ج ۳، ص ۶۷)

**عددهای مجسم:** قطب الدین شیرازی اعداد مجسم را به اعداد مخروطی و اعداد

منشوری و شش وجهی و غیره تقسیم می‌کند:

**عددهای مخروطی:** عبارتند از مجموع جمله‌های عددهای مثلثی

$$1, 4, 10, 20, 35, 56, \dots \quad \text{جمله عمومی} = \frac{n(n+1)(n+2)}{6}$$

$$a_1 = 1$$

$$a_2 = 1 + 3 = 4$$

$$a_3 = 1 + 3 + 6 = 10$$

$$a_4 = 1 + 3 + 6 + 10 = 20$$

عددهای مخروطی را اعداد اهرامی سه پهلو نیز می‌گویند (هرم با قاعده مثلث)

(التفهیم، ص ۴۰)

**عددهای مکعبی:**

$$1, 8, 27, 64, 125, \dots$$

$$1^3, 2^3, 3^3, 4^3, 5^3, \dots \quad \text{جمله عمومی} = n^3$$

**عددهای مشترک:** عددهای متوافق. نسبت دو عدد متوافق مساوی با نسبت خارج

قسمت‌های آنها بر وقفشان می‌باشد. مثلاً ۱۵ و ۲۵ دو عدد متوافق‌اند و وقفشان ۵ است و

$$\frac{15}{25} = \frac{3}{5} \quad \text{داریم:}$$

(آشنایی با تاریخ ریاضیات ج ۱، ص ۶۶-۶۸) (التفهیم، ص ۳۶)

**عددهای نوزدیده:** یعنی خارج قسمت‌های چند عدد متوافق بر وقفشان مثلاً ۱۵، ۲۵ و ۳۰ پس از نوردیده شدن به صورت ۳، ۵ و ۶ در می‌آیند «عددهای نوردیده» در واقع عددهایی هستند که جملگی نسبت به هم اولند (یعنی وقفشان واحد است)

(التفهیم، ص ۴۰)

**عددهای اهرامی:** این عددها با در نظر گرفتن مجموع یک یا دو یا سه یا چهار با چند جمله از «عددهای مثلثی» یا «عددهای مربعی» یا «عددهای مخمس» و غیره حاصل می‌شوند.

(التفهیم، ص ۴۰)

**عددهای اهرامی چهارپهلوی:** از جمع جملات دنباله اعداد مربع کامل حاصل می‌شوند.

(التفهیم، ص ۴۰)

$$۱, ۵, ۱۴, ۳۰, ۵۵, ۹۱, \dots, \frac{n(n+1)(2n+1)}{6}, \dots$$

$$۱=۱$$

$$۵=۱+۴$$

$$۱۴=۱+۴+۹$$

$$۳۰=۱+۴+۹+۱۶$$

توضیح: اهرامی چهارپهلوی منظور هرم با قاعده مربع است.

**اعداد مخمسی (پنج ضلعی):** اعدادی هستند که از جمع کردن یک یا دو یا چند جمله از دنباله عددی ... و ۱۰ و ۱۷ و ۲۴ حاصل می‌شوند.

$$۱, ۵, ۱۲, ۲۲, \dots, \frac{n}{2}(3n-1), \dots$$

**عددهای مسدسی (شش ضلعی):** اعدادی که از جمع کردن یک یا دو یا چند جمله از

دنباله عددی ... و ۳-۴n و ۱۳ و ۲۵ و ۳۹ اعداد مسدسی حاصل می‌شود.

$$۱, ۶, ۱۵, ۲۸, ۴۵, ۶۶, \dots$$

عددهای مسبعی (هفت ضلعی): اعدادی که از جمع کردن یک یا دو یا چند جمله از دنباله عددی  $4n-5$  و  $16$  و  $11$  و  $6$  و  $1$  بدست می‌آید.

۱, ۷, ۱۸, ۳۴, ۵۵, ۸۱, ۱۱۲, ...

عددهای اهرامی پنج پهلو: از جمع جمله‌ای دنباله اعداد مخمس حاصل می‌شوند.

اهرامی پنج پهلو = منظور هرم با قاعده پنج ضلعی منتظم است.

$$1, 6, 18, 40, 75, 126, \dots, \frac{n(n+1)}{2}, \dots$$

$$1=1$$

$$6=1+5$$

$$18=1+5+12$$

$$40=1+5+12+22$$

عکس نسبت: عکس تناسب

اگر تناسب  $\frac{a}{b} = \frac{c}{d}$  را به صورت  $\frac{b}{a} = \frac{d}{c}$  بنویسیم عکس نسبت به دست می‌آید.

عددهای متوافق: دو عدد متشاک

عدد مُنطق: بر وزن مُحسِن به معنی گویا عددی است که جذر کامل دارد.

(شمارنامه، ص ۲۸)

عددهای صحیح و کسر: عددهای صحیحی که کسر همراه دارند.

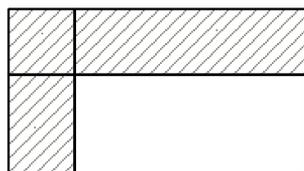
(نسوی نامه، ص ۱۴)

عَلَم: علم به دو مفهوم به کار رفته است:

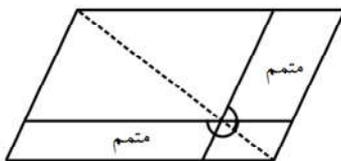
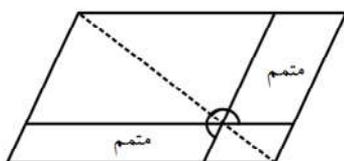
۱- مفهوم هندسی: عَلَم شکلی است که اگر به یک چند ضلعی اضافه کنیم شکلی مشابه

با آن بدست می‌آید.

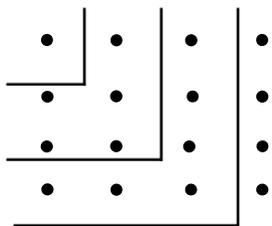
(تحقیقی در آثار ریاضی ابوریحان بیرونی، ص ۳۸۹) (التفهیم، ص ۳۸۸)



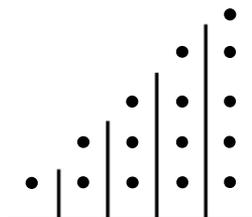
به عبارت دیگر دو متمم با یکی از آن دو متوازی الاضلاع را عَلم خوانند. گونیی نَجاران (التفهیم، ص ۱۴)



۲- مفهوم عددی: جمله‌های متوالی و دنباله که از جمع کردن آنها یک «عدد مثلث» یا یک «عدد مربع» یا یک «عدد چندضلعی» حاصل شود. عَلم‌های آن اعداد خوانده می‌شوند. مثلاً عددهای طبیعی عَلم‌های عددهای مثلث هستند. عددهای فرد متوالی علم‌های عددهای مربع هستند. عددهای دنباله حسابی ... و ۱۳ و ۱۰ و ۷ و ۴ و ۱ علم‌های «اعداد مخمسی» هستند.



عددهای فرد عَلم‌های اعداد مربع هستند.



عددهای طبیعی اعداد مثلثی هستند.

به طور کلی عَلم‌های متوالی برای هر عدد « $n$  ضلعی» دارای تفاضل ثابتی مساوی  $n-2$  هستند.

عقود: هر یک از اعداد یک تا نه (۱ و ۲ و ۳ و ... و ۹) (کاشانی نامه، ص ۵۶)

عقود نه گانه عشرات: یعنی (۱۰ و ۲۰ و ... و ۹۰) (کاشانی نامه، ص ۵۶)

عقود نه گانه مآت: یعنی (۱۰۰ و ۲۰۰ و ... و ۹۰۰) (کاشانی نامه، ص ۵۶)

بیرونی: اگر  $a$  یکی از ارقام ۱ تا ۹ باشد هر عقد به صورت  $a \times 10^n$  و واحد هر عقد به صورت  $10^n$  است.

(بیرونی در کتاب ماللهند چاپ ساخائو، متن غربی، ص ۸۳)

عشرات: ۱۰ و ۲۰ و ۳۰ و ... و ۹۰

عشرات الوف: ۱۰۰۰ و ۲۰۰۰ و ... و ۹۰۰۰ (شمارنامه، ص ۴)

عشرات الوف الوف: ۱۰۰۰۰۰ و ۲۰۰۰۰۰۰ و ... و ۹۰۰۰۰۰۰ (کنزالحساب، ص ۱۱۰)

عددی مساوی مجسمی: جسمی به شکل مکعب مستطیل

(حکیم عمر خیام به عنوان عالم جبر، ص ۱۷۳)

عدد مقدم و عدد تالی: در کسر  $\frac{a}{b}$  عدد صورت را مقدم و عدد مخرج را تالی گویند.

همچنین عدد صورت را منسوب و عدد مخرج را منسوب الیه گویند

(رساله قانون سنجری)

عمل دوایر بر اشکال: محیط کردن دایره بر اشکال

(التجارة، ص ۵۳)

عمل دوایر در اشکال: محاط کردن دایره در اشکال

(التجارة، ص ۵۷)

عمل مثلث بر مربع: محیط کردن مثلث بر مربع

(التجارة، ص ۶۳)

عمل مربع بر مثلث: محیط کردن مربع بر مثلث

(التجارة، ص ۶۳)

عمل دایره بر مثلث و عمل مثلث بر دایره: رسم دایره محیطی و دایره محاطی بر یک

مثلث (النجارة، ص ۴۴)

عمل مثلث: رسم مثلث متساوی الاضلاع بر یک پاره خط (النجارة، ص ۳۴)

عمود بیرون آوردن: عمود اخراج کردن (النجارة، ص ۴۳)

عمل مربعی از مربعاتی که عددش مربع بود: ساختن مربعی از مربعات کوچکتر و متساوی بطوری که تعداد آنها عدد مربع باشد یا مربعی که با  $n^2$  مربع مساوی ساخته می شود.

(النجارة، ص ۱۰۷)

علم ارثماطیقی: عبارت است از معرفت خواص اعداد

(نفایس الفنون، ج ۳، ص ۴۵)

علم اُکْر: هندسه کره شامل خواص دایره عظیمه و صغیره روی کره ...

(تاریخ ریاضیات در یونان، ص ۳۸۸)

علم کره: مثلثات کروی

عمل ثلثه اعداد متناسب: نسبت تألیفی: نسبت مؤلفه: تناسب تألیفی

تناسب تألیفی با نماد امروزی اگر  $a, b$  و  $c$  سه عدد صحیح و مثبت باشند و  $a > b > c$  نگاه

نسبت تألیفی بین  $a, b$  و  $c$  عبارت است از  $\frac{a-b}{b-c} = \frac{a}{c}$  به طوری که:

$$a = b + \frac{b(b-c)}{c-(b-c)} \quad \text{اگر } b \text{ و } c \text{ معلوم و } a \text{ مجهول باشد:}$$

$$b = c + \frac{(a-c)c}{a+c} \quad \text{اگر } a \text{ و } c \text{ معلوم و } b \text{ مجهول باشد:}$$

$\pi$ 

$$c = b - \frac{(a-b)b}{a+(a-b)} \quad \text{اگر } a \text{ و } b \text{ معلوم و } c \text{ مجهول باشد:}$$

(لطایف الحساب، ص ۸)

توضیح: نسبت تألیفی و هر یک از روابط فوق، همان میانگین توافقی می باشد بطوری که

$$b = \frac{2ac}{a+c} \quad \text{یعنی } c \text{ و } a \text{ میانگین توافقی بین } b \text{ و } c \text{ است}$$

$$\frac{a-b}{b-c} = \frac{a}{c} \Rightarrow b = \frac{2ac}{a+c}$$

$$a = b + \frac{b(b-c)}{c-(b-c)} \Rightarrow b = \frac{2ac}{a+c}$$

$$c = b - \frac{(a-b)b}{a+(a-b)} \Rightarrow b = \frac{2ac}{a+c}$$

عنصرهای وتر: وترهای  $\frac{1}{2}, \frac{1}{3}, \frac{1}{4}, \frac{1}{5}, \frac{1}{6}, \frac{1}{7}, \frac{1}{8}, \frac{1}{9}$  دایره است.

(غیاث الدین جمشید کاشانی، ص ۱۷۵)

**عدد مضاف:** آن است که به عدد دیگر نسبت داده شود و آن را کسر خوانند مانند  $\frac{3}{10}$

(کنز الحساب، ص ۸)

**عدد مطلق:** آن است که در قیاس به عدد دیگر در نظر گرفته نشود مانند ۳ و ۱۰ و ۱۰۰ که به

آن عدد صحیح نیز می گویند. عدد مطلق بر دو قسم است: منطوق و اصم

(کنز الحساب، ص ۸)

**عدد منطوق:** آن است که دارای جذر باشد یا دارای یک یا چند کسر از کسرهای نه گانه باشد مانند ۴ و ۹ که جذر دارند و عدد ۶ که دارای نصف و ثلث و سدس می باشد. عدد منطوق بر سه قسم است:

الف) هم جذر داشته باشد هم دارای کسری از کسرهای نه گانه باشد مثل ۹ و ۴

$$۹ = ۳ \text{ جذر} \quad ۹ \times \frac{1}{۳} = ۳ \quad ۴ = ۲ \text{ جذر} \quad ۴ \times \frac{1}{۲} = ۲$$

ب) فقط جذر داشته باشد مانند ۱۲۱ که جذر آن می شود ۱۱

ج) جذر نداشته باشد ولی دارای یک یا چند کسر از کسرهای نه گانه باشد مثل ۱۲ که جذر ندارد ولی دارای نصف و ثلث و ربع و سدس می باشد.

(کنزالحساب، ص ۹)

$$۱۲ \times \frac{1}{۲} = ۶ \quad ۱۲ \times \frac{1}{۳} = ۴ \quad ۱۲ \times \frac{1}{۴} = ۳ \quad ۱۲ \times \frac{1}{۶} = ۲$$

**عدد اصم:** آن است که نه جذر داشته باشد و نه حداقل یکی از کسرهای نه گانه باشد مانند

۱۱ و ۱۳

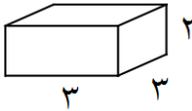
عدد ۱۱ کوچکترین و نخستین عدد اصم است زیرا به هیچیک از اعداد ۲ تا ۱۰ بخش پذیر نیست.

(کنزالحساب، ص ۸) (نفایس الفنون، ص ۴۱۳)

$\pi$ 

**عدد لینی (خشتی):** حاصل ضرب سه عدد است که دو تای آنها مساوی باشند و سومی کوچکتر باشد.

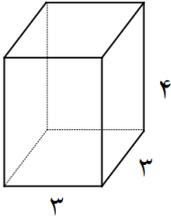
(التفهیم، ص ۲۸)



$$3 \times 3 \times 2 = 18$$

**عدد تیری:** حاصل ضرب سه عدد است که دو تای آنها مساوی باشند ولی سومی بزرگتر

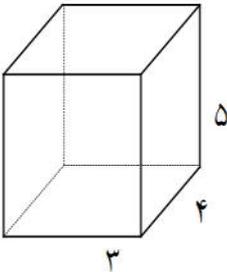
باشد (عدد تیری را شکل عمودی هم گویند).



$$3 \times 3 \times 4 = 36$$

(التفهیم، ص ۲۸)

**عدد لوحی:** حاصل ضرب سه عدد که هر سه مختلف باشند.



$$3 \times 4 \times 5 = 60$$

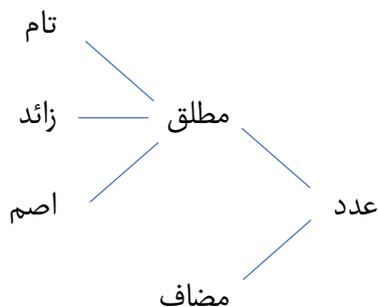
(التفهیم، ص ۲۸)

**عُد:** عاد کردن، شمارنده، مقسوم علیه

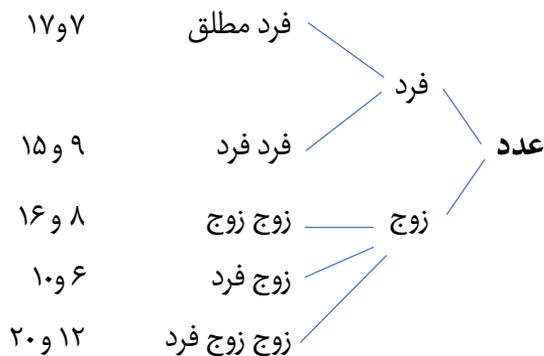
(علم تاریخ، ک، ج ۲، ص ۷۵۷)

**عقد انامل:** بند انگشتان

تقسیم بندی دیگری از اعداد



(کنزالحساب، ص ۱۰)



(لب الحساب، ص ۵)

تقسیم بندی عدد بر وجهی دیگر: تام - زائد - ناقص

(لب الحساب، ص ۶)

- تقسیم بندی  
دو عدد نسبت به هم
- ۱- متباینان
  - ۲- متوافقان
  - ۳- متداخلان
  - ۴- متعادلان
  - ۵- متحابان

(لب الحساب، ص ۶)

مطلق: مطلق نامتناهی بود  
عدد  
منضب: متناهی باشد

(لب الحساب، ص ۵)

**عدد دوائری:** عددی است که آغاز عدد اصلی و انجام حاصل ضرب آن یک عدد باشد مانند ۲۵ زیرا این عدد ابتدا از ضرب ۵ در ۵ ایجاد شده و در انتهای آن عدد ۵ است یعنی ۵ ضمیمه ۲۰ شده است.

$$\underline{5} \times \underline{5} = \underline{25}$$

همچنین است ۳۶ که در ابتدا ۶ بوده و در انتهای حاصل ضرب آن عدد ۶ است.

$$\underline{6} \times \underline{6} = \underline{36}$$

(ترجمه مفاتیح العلوم، ص ۱۸۲-۱۸۱)

**عدد الكُرِّي:** عددی است که در آغاز و انجام و وسط آن یک عدد باشد مانند ۱۲۵ زیرا یک بار ۵ در ۵ ضرب شده و عدد ۲۵ بدست آمده و باز دیگر این عدد در ۵ ضرب شده و حاصل آن ۱۲۵ شده است پس در آغاز و وسط و انجامش ۵ بوده است اما در عدد ۶ این ترتیب محفوظ نمی ماند یعنی در وسط و آغاز و انجام آن عدد ۶ وجود دارد، ولی عدد ۳۰ که در وسط آن قرار

داشت در حاصل ضرب نوبت دوم وجود ندارد و این حاصل ضرب ۲۱۶ است که در آغاز و وسط و انجامش عدد ۶ موجود است.

$$\underline{5} \times \underline{25} = \underline{125}$$

$$\underline{6} \times \underline{36} = \underline{216}$$

(ترجمه مفاتیح العلوم، ص ۱۸۲)

**عددهای مسطحه:** انواع مختلف دارند مانند اعداد مثلثی، اعداد مربعی، اعداد مخمسی و اعداد مسدسی

(ترجمه مفاتیح العلوم، ص ۱۸۰)

**عددهای مجسمه مخروطه:** این اعداد را مَدَنَّبَه (دنباله دار) می نامند و از اعداد مسطحه در حالتی که یکی روی دیگری قرار گرفته باشد به دست می آیند و عبارتند از هرم مثلث القاعده و هرم مربع القاعده

(ترجمه مفاتیح العلوم، ص ۱۸۱)

**عددهای مجسمه متوازی متساوی الاضلاع:** این اعداد به غیر از اعداد مسطحه می باشند و عبارتند از هرم مخمس القاعده و اعداد مکعبی و...

(ترجمه مفاتیح العلوم، ص ۱۸۱)

**عددهای محذوفه:** اعداد مخروطی هستند که آغاز آنها غیر از واحد باشد و از اعداد مسطحه بر آن افزوده می شود.

(ترجمه مفاتیح العلوم، ص ۱۸۱)

**عدد هوهوی:** در اعداد مجسمه اگر ارتفاع یکی از آنها به اندازه ضلعی از اضلاع آن باشد آن را عدد هوهوی نامند و اگر ارتفاع بر ضلع آن افزوده یا از آن کم باشد غیر الطول نامیده می شود.

(ترجمه مفاتیح العلوم، ص ۱۸۱)

**عیار:** به نسبت شباهت دارد و آن کمترین مقداری است که در دو نسبت موجود است و مقدار هر یک از آنها عیار دیگری خواهد بود. هنگامی دو نسبت ایجاد می‌شود که حداقل سه عدد موجود باشد، مثلاً عددی که نسبت اول به دوم آن یک کعب و نسبت دوم به سوم آن دو کعب باشد.

**عیار جرمی:** به آن عیار می‌گویند که دو واسطه داشته باشد.

عیارها ده نوع است:

۱- عیار حسابانی: اعداد این عیار به ترتیب نظم اعداد طبیعی سه و دو و یک است. این

اعداد دارای نسبت مختلف و تفاضل یکسان هستند.

۲- عیار مساحی: اعداد این عیار چهار و دو و یک است که دارای نسبت مساوی و

تفاضل مختلف هستند.

۳- عیار تألیفی: این عیار به تألیف الاحان یعنی ترکیب اهنگ‌های موسیقی منسوب

است و اعدادش شش و چهار و سه می‌باشند.

۴- مقابل تألیفی: اعداد شش و پنج و سه است.

۵- مقابل مساحی: اعداد شش و پنج و چهار و دو است.

۶- مقابل حسابانی: اعداد شش و چهار و یک است.

۷- عیاری که اعدادش: نه و هشت و شش

۸- عیاری که اعدادش: نه و هفت و شش است

۹- عیاری که اعدادش هفت و شش و چهار است

۱۰- عیاری که اعدادش هشت و پنج و سه است

(ترجمه مفاتیح العلوم، ص ۱۸۲)

و این است تمام عیارها

عیون الحساب: سرچشمه های حساب

## غ

**غربال اراتستن:** روش پیدا کردن عددهای اول کوچکتر از عدد مفروض بوده است. مثلاً برای پیدا کردن اعداد اول کوچکتر از ۱۰۰ رشته اعداد فرد با آغاز ۳ را می‌نویسیم:

۳ و ۷ و ۱۱ و ۱۳ و ۱۷ و ۱۹ و ۲۳ و ۲۹ و ۳۱ و ۳۷ و ۴۱ و ۴۳ و ۴۷ و ۵۳ و ۵۹ و ۶۱ و ۶۷ و ۷۱ و ۷۳ و ۷۹ و ۸۳ و ۸۹

که در آن ۳ یک عدد اول است ولی مضرب‌های آن یعنی ۹ و ۱۵ و ۲۱ و ... اول نیستند. با گذشتن از دو عدد پس از ۳ و خط کشیدن بر روی آنها از این رشته خارج می‌شوند. همین گونه ۵ نیز یک عدد اول است و با گذشتن از چهار عدد بعد از ۵ مضرب‌های ۵ یعنی ۱۵ و ۲۵ و ... را حذف می‌کنیم. به طور کلی اگر  $n$  یک عدد باشد مضرب‌های آن را با گذشتن از  $n-1$  عدد پس از  $n$  از رشته حذف می‌شوند.

(تاریخ ریاضیات یونان، ص ۶۳-۶۲)

**غُرما:** جمع غریم: طلب کاران

(فرهنگ ایران زمین، ص ۱۸۱)

## ف

**فی التنصیف:** نصف کردن

**فکرة:** شکلی که دارای ۳ بعد طول و عرض و عمق (ارتفاع) باشد.

**فی البسیط:** عددهای صحیح در شمار اعشاری: صورت‌های حروف نه‌گانه، جمع، تفریق،

ضرب، قسمت، جذر و موازین

**فی المركب:** کسرها در شمار شصتگانی: رفع، جمع، نقصان، ضرب، قسمت، جذر و موازین

(زندگینامه ریاضیدانان دوره اسلامی، ص ۴۱۶)

**فردالفرد:** عددی که مساوی با حاصل ضرب دو یا چند عدد فرد باشد مثلاً ۱۰۵ فردالفرد

است زیرا:

$$۱۰۵ = ۷ \times ۱۵ = ۳ \times ۳۵ = ۷ \times ۳ \times ۵$$

**فرسنگ:** ۱۲۰۰۰ ذراع = تقریباً ۶ کیلومتر

**فروع مراتب:** دارای دو خصوصیت است اول آنکه انتهایی برای آن نیست. دوم آنکه

برگشت مراتب به اصول است مانند:

آحاد الوف: ۱۰۰۰ و ۲۰۰۰ و ... و ۹۰۰۰

عشرات الوف: ۱۰۰۰۰ و ۲۰۰۰۰ و ... و ۹۰۰۰۰

مآت الوف: ۱۰۰۰۰۰ و ۲۰۰۰۰۰۰ و ... و ۹۰۰۰۰۰۰

آحاد الوف الوف: ۱۰۰۰۰۰۰ و ۲۰۰۰۰۰۰۰ و ... و ۹۰۰۰۰۰۰۰

عشرات الوف الالوف: ۱۰۰۰۰۰۰۰ و ۲۰۰۰۰۰۰۰۰ و ... و ۹۰۰۰۰۰۰۰۰

مآت الوف الالوف: ۱۰۰۰۰۰۰۰۰ و ۲۰۰۰۰۰۰۰۰۰ و ... و ۹۰۰۰۰۰۰۰۰۰

(کنزالحساب، ص ۱۱)

و به همین ترتیب بالا می‌رویم

فاضل آمدن: باقی ماندن

فی اخذ الابعاد: تعیین فاصله

(تاریخ علم در فرهنگ و تمدن اسلام و ایران، ک ۲، ج ۱، ص ۴۲۶)

فی مساحة الاکر بالاکر: در باب اندازه‌گیری مساحت کره

(تاریخ علم در فرهنگ و تمدن اسلام و ایران، ک ۲، ج ۱، ص ۲۸۴)

فتحه پرگار: فاصله دو سر پرگار

فاضل آمدن: باقی ماندن

(فرهنگ ایران زمین، ص ۱۸۱)

## ق

قاطع: سکانت، sec، قطر ظل اول

(تاریخ نجوم اسلامی، ص ۲۹۳)

قاطع التمام: کوسکانت، cosec، قطر ظل ثانی، قطر ظل

(تاریخ نجوم اسلامی، ص ۲۹۳)

قشاً (قثاً): دوزنقه (اندازه چهار ضلع مختلف و دو ضلع آن با هم موازی)

(کنزالحساب، ص ۱۳۷)

قطر دایره: خط مستقیمی که از مرکز آن بگذرد و از دو طرف به محیطی برسد و آن دایره را

نصف کند.

(کنزالحساب، ص ۱۳۲)

قطع ناقص: بیضی

(التفهیم، ص ۲۷)

قطع مکافی (متکافی): سهمی

(حکیم عمر خیام به عنوان عالم جبر، ص ۹۰)

قطع زائد: هذلولی

قطوع سه گانه: نام‌های بیضی و سهمی هذلولی به وسیله آپولونیوس داده شده و از

اصطلاحات قدیمی فیثاغورس مربوط به اضافه کردن سطوح اخذ شده است. وقتی که

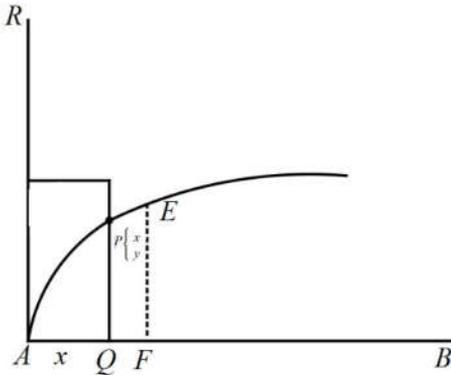
فیثاغورسیان مستطیلی را بر پاره خطی اضافه می‌کردند یعنی قاعده مستطیل را روی پاره خط

می‌نهادند به طوری که یکی از انتهای قاعده بر یک انتهای پاره خط منطبق می‌شود

می‌گفتند که حالتی از قطع ناقص (بیضی) قطع مکافی (سهمی) یا قطع زائد (هذلولی) را دارند

بسته به اینکه قاعده مستطیل مضاف، کوتاه‌تر از پاره خط یا دقیقاً منطبق بر آن یا افزون بر

آن بود. حال فرض کنید که  $AB$  محور اصلی مخروطی،  $P$  نقطه دلخواهی بر مقطع مخروطی و  $Q$  پای عمود دارد بر  $AB$  از  $P$  باشد در  $A$  که یکی از رئوس مقطع مخروطی است عمودی بر  $AB$  رسم کرده و بر آن فاصله‌ای مانند  $AR$  برابر آنچه امروزه پارامتر  $P$  (ضلع قائم) مقطع مخروطی می‌نامیم، جدا کنید. بر پاره خط  $AR$  مستطیلی اضافه کنید که  $AQ$  یک ضلع آن بوده و مساحت آن  $(PQ)^2$  باشد بسته به اینکه مضاف کوتاه‌تر از پاره خط  $AR$ ، منطبق بر آن یا زیادتر از آن باشد، آپولوئوس مقطع مخروطی را یک بیضی یا سهمی یا یک هذلولی می‌نامند.



به عبارت دیگر، اگر منحنی را نسبت به یک دستگاه مختصات دکارتی که محورهای  $x$  و  $y$  آن به ترتیب در امتداد  $AB$  و  $AR$  است، در نظر بگیریم و اگر مختصات  $p$  را با  $x$  و  $y$  نشان دهیم در این صورت منحنی یک بیضی است اگر  $y^2 < px$ ، سهمی است اگر  $y^2 = px$  و هذلولی است اگر  $y^2 > px$  باشد، در واقع در مورد بیضی  $y^2 = px + \frac{px^2}{a}$  و در مورد هذلولی  $y^2 = px - \frac{px^2}{a}$  است که در آن  $a$  طول قطری است که از رأس  $A$  می‌گذرد و  $p$  ضلع قائم یا پارامتر است.

(تاریخ ریاضیات یونان، ص ۱۰۲) (آشنایی با تاریخ ریاضیات، ص ۱۶۹)

قسمة الصحاح على الصحاح: تقسیم عدد صحیح بر عدد صحیح  $\frac{۱۲}{۷}$

(نسوی نامه، ص ۶۰)

قسمة الكسور على الكسور: تقسیم کسر بر کسر  $\frac{\frac{۲}{۵}}{\frac{۳}{۷}}$

(نسوی نامه، ص ۶۰)

قسمة الصحاح و الكسور على الكسور: تقسیم عددهای صحیح و کسری بر کسرها  $\frac{\frac{۵}{۳}}{\frac{۱۱}{۲}}$

(نسوی نامه، ص ۶۰)

قسمة الصحاح و الكسور على الصحاح و الكسور: تقسیم عددهای صحیح و کسری بر

عددهای صحیح و کسری  $\frac{\frac{۲}{۳}}{\frac{\frac{۵}{۲}}{\frac{۴}{۹}}}$

(نسوی نامه، ص ۶۰)

قسمة الصحاح على الكسور: تقسیم عدد صحیح بر کسر  $\frac{\frac{۵}{۳}}{۷}$

(نسوی نامه، ص ۶۰)

قسمة الكسور على الصحاح: تقسیم کسر بر عدد صحیح  $\frac{\frac{۲}{۳}}{۵}$

(نسوی نامه، ص ۶۰)

$\pi$ 

$$\frac{2}{\frac{5}{\frac{10}{4}}}$$

قسمة الكسور على الصحاح والكسور: تقسیم عدد کسری بر عدد صحیح و کسری

(نسوی نامه، ص ۶۰)

قسمة الصحاح على الصحاح و الكسور: تقسیم عدد صحیح بر عدد صحیح و کسری

$$\frac{2}{\frac{3}{7}}$$

(نسوی نامه، ص ۶۰)

قسمة الصحاح و الكسور على الصحاح: تقسیم عدد صحیح و کسری بر عدد صحیح

$$\frac{\frac{5}{2}}{\frac{7}{4}}$$

(نسوی نامه، ص ۶۰)

قسمة الدرج و الدقائق و غیرهما من الكسور بعضها على بعض: در تقسیم کسرهایی

شصتگانی بر یکدیگر

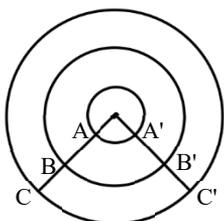
(نسوی نامه، ص ۶۰)

قلب نسبت: تفضیل نسبت در مخرج است یعنی تناسب  $\frac{a}{b} = \frac{c}{d}$  را به صورت

$$\frac{a}{a-b} = \frac{c}{c-d} \text{ نوشتن}$$

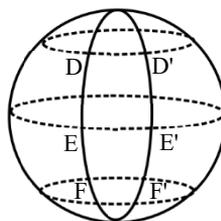
(تحقیق در آثار ریاضی ابوریحان، ص ۳۹۷)

**قوس‌های متشابه:** در هندسه مسطحه چون همه دایره‌ها با هم متشابه‌اند می‌توان گفت که کمان‌های متشابه از دایره‌های مختلف کمان‌هایی هستند که زاویه مرکزی روبروی آنها با هم مساوی باشند.



قوس‌های متشابه در صفحه

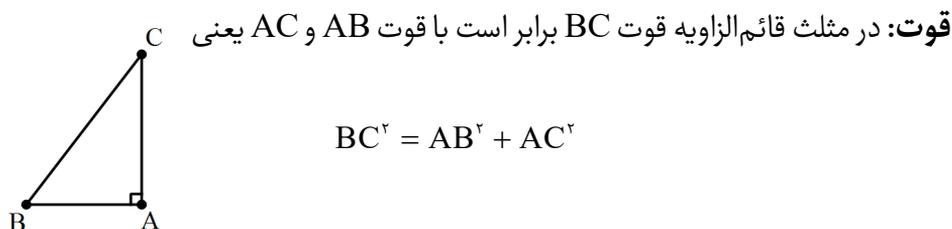
کمانهای  $AA'$  و  $BB'$  و  $CC'$  متشابه‌اند



قوس‌های متشابه بر سطح کره

کمانهای  $DD'$  و  $EE'$  و  $FF'$  متشابه‌اند

(التفهیم، ص ۳۲)



**قصب (قصبه):** واحدی بوده است که در مساحی به کار می‌برده‌اند و ظاهراً آن را به فارسی

(کاشانی‌نامه، ص ۱۷۱)

«باب» می‌گفته‌اند.

(بوزجانی‌نامه، ص ۷)

**قانون الهیه:** شکل مُغنی: قضیه سینوس‌ها

(اصول حساب هندی، ص ۲۰)

**قسمت:** عمل تقسیم

**قطر اقصر در چند ضلعی منتظم:** قطر دایره محاطی

(کاشانی‌نامه، ص ۱۳۰)

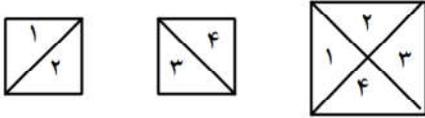
**قطر اطول در چند ضلعی منتظم:** قطر دایره محیطی

(کاشانی‌نامه، ص ۱۳۰)

**قطر مثلث:** ضلع روبرو به زاویه قائمه در مثلث قائم الزاویه: وتر

(النجارة، ص ۱۱۷)

**قسمت مربعی به مربعاتی که عددش مؤلف از دو مربع مختلف بود:** یعنی تقسیم مربعی به چند مربع متساوی که تعداد آنها مساوی با مجموع دو عدد مربع نامتساوی  $(a^2 + b^2)$  باشد.



(النجارة، ص ۱۱۱)

(لب الحساب، ص ۱۵)

**قسمت هوایی:** تقسیم ذهنی

**قسی:** قطعه‌ای از دایره - جمع قوس

**قطاع:** قسمتی از دایره است که بین دو شعاع و کمانی از دایره

قرار داشته باشد.

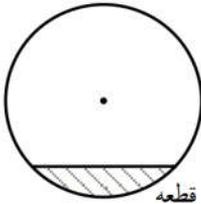


قطاع اصغر: قطاع کوچکتر

قطاع اكبر: قطاع بزرگتر

(کنز الحساب، ص ۱۳۴)

**قطعه:** قسمتی از مساحت دایره است که بین وتر و کمانی از دایره محدود شده باشد.



(کنز الحساب، ص ۱۵۶)

قوه دوم مجهول:  $x^2 = \text{مال}$  (حکیم عمر خیام به عنوان عالم جبر، ص ۱۱۳)

قوه سوم مجهول:  $x^3 = \text{کعب}$  (حکیم عمر خیام به عنوان عالم جبر، ص ۱۱۳)

قوه چهارم مجهول:  $x^4 = \text{مال مال}$

(حکیم عمر خیام به عنوان عالم جبر، ص ۱۱۳)

قوه پنجم مجهول:  $x^5 = \text{مال کعب}$

(حکیم عمر خیام به عنوان عالم جبر، ص ۱۱۳)

قوه ششم مجهول:  $x^6 = \text{کعب کعب}$

(حکیم عمر خیام به عنوان عالم جبر، ص ۱۱۳)

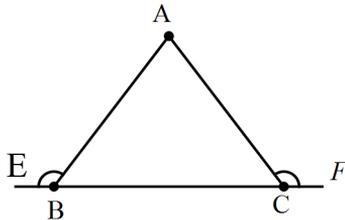
قضیه: نتایج مهم و مفیدی که از استدلال استنتاجی به دست می آید قضیه نامیده می شود.

حکم‌هایی که به یاری اصل‌ها ثابت می‌شوند قضیه نام دارد.

(تاریخ ریاضیات، ص ۶۸)

قضیه مأمونیه: در مثلث متساوی‌الساقین زاویه‌های خارجی مجاور به دو ساق با هم

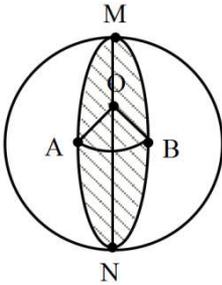
برابرند.



$$AB=AC \Rightarrow \hat{A}BE = \hat{A}CF$$

(مجله تاریخ علم، شماره دوم پاییز ۸۳، مقاله سیر هندسه اقلیدس از اقلیدس تا شیخ‌الرئیس ابوعلی سینا)

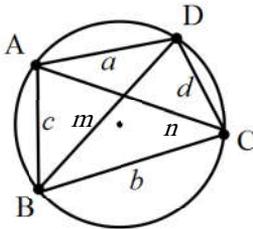
عبداله انوار، ص ۱۲۱)



**قاچ کروی:** قسمتی از یک سطح کروی است که به دو نیم دایره بزرگ سطح کروی محدود باشد.

**قضیه حمار:** در هر مثلث مجموع دو ضلع بزرگتر از ضلع سوم می باشد.

**قضیه بطلمیوس:** در هر چهار ضلعی محاطی مجموع حاصل ضرب اضلاع مقابل برابر است با حاصل ضرب دو قطر



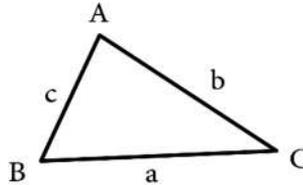
$$ab+cd=mn$$

**قضیه کسینوس:** در مثلث ABC به اضلاع  $BC=a$  و  $AC=b$  و  $AB=c$  داریم:

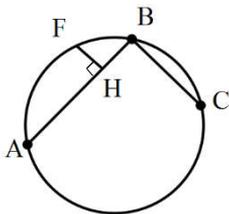
$$a^2 = b^2 + c^2 - 2bc \cos A$$

$$b^2 = a^2 + c^2 - 2ac \cos B$$

$$c^2 = a^2 + b^2 - 2ab \cos C$$



**قضیه وتر شکسته:** فرض کنید ABC کمانی از دایره و  $AB > BC$  و F وسط کمان



و  $FH \perp AB$  باشد آنگاه  $AH=HB+BC$

(تاریخ علم، ک ۲، ج ۱، ص ۱۳۳)

قسی المتشابه: کمان های متشابه

(تاریخ علم، ک ۲، ج ۱، ص ۲۹۰)

قسی الفلکیه: قوس های کرات سماوی

قبة الزائده: گنبد هذلولی شکل

(تاریخ علم، ک ۲، ج ۱، ص ۲۸۵)

قبة المكافیه: گنبد سهمی شکل

(تاریخ علم، ک ۲، ج ۱، ص ۳۶۵)

قسی الكره: قوس در کره

(بحثی در قضیه فیثاغورس، ص ۷)

قضیه عروس: قضیه فیثاغورس

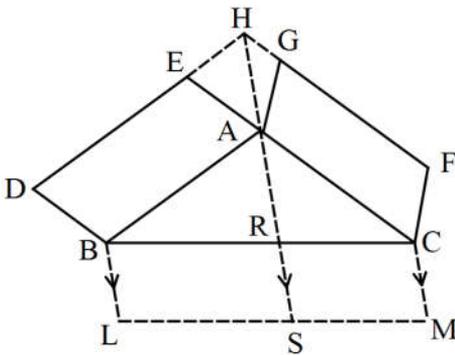
(بحثی در قضیه فیثاغورس، ص ۷)

قضیه خواهر عروس: عکس قضیه فیثاغورس

## قضیه پایوس (تعمیم قضیه فیثاغورس):

فرض کنید  $ABC$  مثلث دلخواهی بوده و  $ABDE$  و  $ACFG$  متوازی الاضلاع دلخواهی باشند که در خارج آن روی  $AB$  و  $AC$  رسم شده‌اند. فرض کنید  $DE$  و  $FG$  یکدیگر را در  $H$  قطع کند و  $BL$  و  $CM$  را مساوی و موازی با  $AH$  رسم شوند آنگاه:

$ACFG$  متوازی الاضلاع +  $ABDE$  متوازی الاضلاع =  $BCML$  متوازی الاضلاع



(آشنایی با تاریخ ریاضیات، ج ۱، ص ۲۰۳)

**قاعده امتحان و تصحیح:** روشی برای حل معادلات با تخصیص مقداری به مجهول است. اگر موقع امتحان شرایط داده شده برآورده شوند، این مقدار به کمک تناسب ساده‌ای تغییر داده می‌شود. به عنوان مثال برای حل معادله  $x + \frac{x}{4} = 30$  هر مقدار مناسب برای  $x$  مثلاً  $x=4$  در نظر بگیرید. در این صورت  $x + \frac{x}{4}$  به جای آنکه ۳۰ باشد برابر ۵ است چون ۵ را باید در ۶ ضرب کرد تا عدد مطلوب ۳۰ را بدهد. جواب درست باید  $4 \times 6$  یا ۲۴ باشد. این

روش توسط مصریان قدیم به کار می‌رفت. بسیاری از مسائل که در پاپیروس‌های مصری دیده می‌شوند، ظاهراً به کمک امتحان و تصحیح حل شده‌اند.

(تاریخ جبر، ص ۱۶۷)

## ک

(لب الحساب، ص ۲۷)

کسر منسوب: کسر مضاعف

کعب:  $x^3$ ، عدد  $x$  در مقایسه با  $x^3$ کعب الکعب:  $x^6$ کعب کعب الکعب:  $x^9$ 

(تحقیق در آثار ریاضی ابوریحان، ص ۴۰۵)

کثیرالاضلاع: چندضلعی منتظم

کسر: اصطلاح کسر در نظر غیاث الدین جمشید کاشانی با آنچه امروز کسر می نامیم اندک

تفاوتی دارد. مثلاً ما امروزه  $\frac{3}{5}$  را کسر و ۳ را صورت کسر و ۵ را مخرج کسر می نامیم ولی کاشانی

۳ را کسر و ۵ را مخرج می نامد.

(کاشانی نامه، ص ۵۵)

کسر: نسبت عدد کوچکتر به عدد بزرگتر است. چه که عدد کوچکتری را به عدد بزرگتر از

آن نسبت دهیم، حاصل را کسر می نامیم.

(بوزجانی نامه، ص ۲۰۳)

با توجه به اینکه قدما اصطلاح عدد را فقط در مورد اعداد صحیح مثبت (اعداد طبیعی) به

کار می بردند بوزجانی گوید: کسر عبارت است از نسبت یک عدد صحیح به عددی بزرگتر از

آن. نسبت عدد بزرگتر به عدد کوچکتر یا نسبت دو عدد مساوی را کسر نمی دانند.

(بوزجانی نامه، ص ۲۰۴)

## کسرهای ستّینی: شصتگانی

$$\frac{3}{7}, \frac{2}{5}, \frac{1}{4}$$

$$\frac{1}{4} + \frac{1}{6} \quad \text{یا} \quad \frac{1}{2} + \frac{1}{3}$$

$$\frac{1}{4} \times \frac{1}{5} \quad \text{یا} \quad \frac{1}{2} \times \frac{1}{3}$$

مفرد

معطوف: کسر:

منسوب

(لب الحساب، ص ۲۷)

**کسرهای راس (رئوس):** کسرهایی که بتوان آنها را بدون آنکه به کسر دیگری اضافه شوند نام برد: مثل نصف یا خمس یا عشر به عبارت دیگر رئوس عبارتند از کسرهایی که صورتشان واحد و مخرجشان یکی از عددهای ۲ تا ۱۰ باشد:  $\frac{1}{2}$ ،  $\frac{1}{3}$  و... و  $\frac{1}{10}$ . علت این نامگذاری این است که در زبان عربی هر یک از این کسرها نام خاصی دارند: نصف، ثلث، ربع، خمس، سدس، سبع، ثمن، تسع و عشر

(بوزجانی نامه، ص ۲۰۴)

**کسرهای مرکب:** آنهایی هستند که از راسها ترکیب شوند مانند سه چهارم (سه ربع)، چهارپنجم (چهار خمس) و پنج هفتم (پنج سبع)، کسرهای مرکب کسرهایی هستند که به

$$\text{صورت } \frac{m}{n} \text{ باشد که در آن } m \neq n \text{ و } 1 < m, n \leq 10$$

(بوزجانی نامه، ص ۲۰۴)

**کسرهای مضاعف:** کسرهایی هستند که نامشان به یکدیگر اضافه شود یعنی کسرهایی

که از حاصلضرب دو یا چند کسر راس بدست می‌آیند. مانند  $\frac{1}{2} \times \frac{1}{6}$  (نصف سدس) و  $\frac{1}{3} \times \frac{1}{7}$  (ثلث سبع) و  $\frac{1}{3} \times \frac{1}{5} \times \frac{1}{7}$  (ثلث خمس سبع)

(بوزجانی‌نامه، ص ۲۰۴)

**کسر مضاف:** کسری از کسر دیگر که آن را به منزله واحد می‌گیریم.

ربع سه پنجم یعنی  $\frac{1}{4} \times \frac{3}{5}$

نصف سه پنجم از چهارنهم از یک دهم  $\frac{1}{2} \times \frac{3}{5} \times \frac{4}{9} \times \frac{1}{10}$

(بوزجانی‌نامه، ص ۲۰۴)

**کسرهای اصم:** کسرهایی که بر خلاف کسرهای فوق از راسها بدست نیایند مانند دو

یازدهم: دو جزء از یازده سه سیزدهم: سه جزء از سیزده

هر کسر که از مجموع یا حاصل ضرب کسرهای راس پدید آید، منطق نامیده می‌شود و کسرهای دیگر را اصم گویند، بطور کلی هر کسر که مخرج آن شامل عامل‌های اول ۲ و ۳ و ۵ و ۷ باشد منطق است و بقیه کسرها اصم هستند. اصولاً بر طبق ریاضیات قدیم اصطلاح «اصم» به مقداری اطلاق می‌شود که وقتی عملیاتی که در آن معین شده انجام دهیم نتیجه فقط بطور تقریبی بدست آید مانند  $\sqrt{3}$  اما کسر  $\frac{1}{11}$  به این دلیل اصم است که نمی‌توان آن را از ترکیب کسرهای راس بدست آورد.

منطق یعنی گویا و اصم یعنی گنگ. بیرونی در «التفهیم» نوشته است که «اصم گر بود، زیرا که جواب ندهد جوینده را تا نیابدش مگر به تقریب»

(بوزجانی‌نامه، ص ۲۰۵)

**کسر منکسر:** آن است که یکی از دو منسوب (صورت و مخرج) یا هر دوی آنها صحیح نباشد.

(کاشانی نامه، ص ۱۰۰)

$$\frac{1}{2}, \frac{1}{3}, \frac{1}{4}, \frac{1}{5}, \frac{1}{6}, \frac{1}{7}, \frac{1}{8}, \frac{1}{9}, \frac{1}{10}, \frac{1}{11}, \frac{1}{12}, \frac{1}{13}, \frac{1}{14}, \frac{1}{15}, \frac{1}{16}, \frac{1}{17}, \frac{1}{18}, \frac{1}{19}, \frac{1}{20}, \frac{1}{21}, \frac{1}{22}, \frac{1}{23}, \frac{1}{24}, \frac{1}{25}, \frac{1}{26}, \frac{1}{27}, \frac{1}{28}, \frac{1}{29}, \frac{1}{30}, \frac{1}{31}, \frac{1}{32}, \frac{1}{33}, \frac{1}{34}, \frac{1}{35}, \frac{1}{36}, \frac{1}{37}, \frac{1}{38}, \frac{1}{39}, \frac{1}{40}, \frac{1}{41}, \frac{1}{42}, \frac{1}{43}, \frac{1}{44}, \frac{1}{45}, \frac{1}{46}, \frac{1}{47}, \frac{1}{48}, \frac{1}{49}, \frac{1}{50}, \frac{1}{51}, \frac{1}{52}, \frac{1}{53}, \frac{1}{54}, \frac{1}{55}, \frac{1}{56}, \frac{1}{57}, \frac{1}{58}, \frac{1}{59}, \frac{1}{60}, \frac{1}{61}, \frac{1}{62}, \frac{1}{63}, \frac{1}{64}, \frac{1}{65}, \frac{1}{66}, \frac{1}{67}, \frac{1}{68}, \frac{1}{69}, \frac{1}{70}, \frac{1}{71}, \frac{1}{72}, \frac{1}{73}, \frac{1}{74}, \frac{1}{75}, \frac{1}{76}, \frac{1}{77}, \frac{1}{78}, \frac{1}{79}, \frac{1}{80}, \frac{1}{81}, \frac{1}{82}, \frac{1}{83}, \frac{1}{84}, \frac{1}{85}, \frac{1}{86}, \frac{1}{87}, \frac{1}{88}, \frac{1}{89}, \frac{1}{90}, \frac{1}{91}, \frac{1}{92}, \frac{1}{93}, \frac{1}{94}, \frac{1}{95}, \frac{1}{96}, \frac{1}{97}, \frac{1}{98}, \frac{1}{99}, \frac{1}{100}$$

**کسر معطوف:** آن است که از عطف دو یا چند کسر حاصل شود.

(کاشانی نامه، ص ۹۹)

$$\text{مثال: } \frac{1}{3}, \frac{1}{2} \text{ یعنی } \frac{1}{2} + \frac{1}{3}$$

$$\text{مثال: } \frac{3}{5}, \frac{1}{4}, \frac{1}{7} \text{ یعنی } \frac{1}{7} + \frac{1}{4} + \frac{3}{5}$$

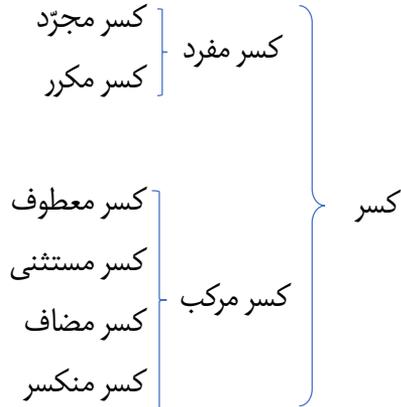
**کسر مفرد:**  $\frac{a}{b}$  و  $b > 1$

(کاشانی نامه، ص ۹۹)	$\dots, \frac{1}{20}, \frac{1}{11}, \frac{1}{3}, \frac{1}{2}$ مثل $a=1$	}	مجرد:	مفرد
	$\dots, \frac{5}{11}, \frac{2}{3}$ مثل $a > 1$		مکرر	

**کسر مستثنی:** آن است که کسری یا کسرهایی از کسر دیگری کم شود

$$\frac{2}{3} - \frac{1}{5} \qquad \frac{1}{2} - \frac{1}{5} - \frac{2}{11} - \frac{1}{21}$$

(کاشانی نامه، ص ۹۹)

کسر محیط: قسمت کسری عدد  $2\pi$ 

(کاشانی‌نامه، ص ۹۸)

بابلی‌ها مخرج کسر را ۶۰ یا توانی از ۶۰ می‌گرفتند.

رومی‌ها مخرج کسر را ۱۲ می‌گرفتند.

مصریان صورت کسر را واحد می‌گرفتند و مخرج را تغییر می‌دادند آنان اصطلاح کسر را فقط در مورد «کسر مجرد» یعنی کسری که صورتش واحد باشد به کار می‌بردند و هر کسری را که ممکن نبود به شکل کسر مجرد نوشت به مجموع کسرهای مجرد تبدیل می‌کردند مثلاً کسر

$$\frac{2}{5} \text{ را به } \frac{1}{3} + \frac{1}{15} \text{ و کسر } \frac{2}{7} \text{ را به } \frac{1}{4} + \frac{1}{28} \text{ تبدیل می‌کردند.}$$

**کره:** قدما کره را جسم تعریف می‌کرده‌اند که از دوران نیم دایره در حول یکی از قطرهایش

بوجود می‌آید

(التفهیم، ص ۲۸)

(التفهیم، مقدمه)

**کژستون:** استوانه مایل

کسر اصطلاحی و جذر تقریبی اصطلاحی: در محاسبه مقدار تقریبی یک کسر

$$\sqrt{N} = \sqrt{a^2 + b} = a + \frac{b}{2a+1}$$

کاشانی کسر  $\frac{b}{2a+1}$  را کسر اصطلاحی و  $a + \frac{b}{2a+1}$  را جذر

تقریبی اصطلاحی نامیده است و  $2a+1$  را مخرج اصطلاحی در محاسبه مقدار تقریبی

$$\sqrt[n]{N} = \sqrt[n]{a^n + b} = a + \frac{b}{(a+1)^n - a^n}$$

مخرج اصطلاحی نامیده

می‌شود.

کسرهای یکین: کسرهایی که صورتشان یک و مخرجشان هر عدد طبیعی بزرگتر از یک

باشد.

نمایش کسرهایی که عدد صحیح نداشته باشند:

$$\left. \begin{array}{l} \frac{1}{10}, \dots, \frac{1}{3}, \frac{1}{2} \\ \frac{2}{13}, \frac{1}{11} \end{array} \right\} \text{کسر}$$

منطق: مثل کسرهای نه گانه  $\frac{1}{2}, \frac{1}{3}, \dots, \frac{1}{10}$

اصم: مثل  $\frac{1}{11}, \frac{2}{13}$  کسرهایی که از کسرهای منطق بدست نمی‌آیند

$$\left. \begin{array}{l} \frac{1}{4}, \frac{1}{3} \text{ مفرد} \\ \frac{2}{4}, \frac{2}{3} \text{ مکرر} \\ \frac{1}{4} \times \frac{1}{9} \text{ یا } \frac{1}{2} \times \frac{1}{3} \text{ مضاف} \\ \frac{1}{2} + \frac{1}{3} \text{ و } \frac{1}{5} + \frac{1}{8} \text{ معطوف} \end{array} \right\} \text{کسرهای منطق}$$

	$\frac{1}{11}$	مفرد:	}	کسرهای اصم
	$\frac{2}{19}, \frac{2}{11}$	مکرر:		
	$\frac{1}{17} \times \frac{1}{19}$ یا $\frac{1}{11} \times \frac{1}{13}$	مضاف:		
	$\frac{1}{5} \times \frac{1}{7} + \frac{6}{17}$ یا $\frac{1}{17} + \frac{1}{29}$ یا $\frac{1}{11} + \frac{1}{13}$	معطوف:		

(کنزالحساب، ص ۷۹-۷۷)

**کسر منطوق الجذر:** کسری که جذر داشته باشد مثل  $\frac{4}{9}$

(لب الحساب، ص ۳۵)

**کسر اصم الجذر:** کسری که جذر نداشته باشد مثل  $\frac{3}{7}$

(لب الحساب، ص ۳۵)

**کمیت‌های اندازه‌پذیر:** کمیت‌هایی که به توان آنها را با واحد مشترکی اندازه‌گیری کرد.

(تاریخ ریاضیات یونان، ص ۲۲۲) (حکیم عمر خیام بعنوان عالم جبر، ص ۲۳۹)

**کم:** عبارت است از چیزهایی که ذاتاً قابل تقسیم باشند پس باید دارای اجزاء باشند و آن

دو قسم است کم متصل و کم منفصل

(اللباب، ص ۱۸۹)

**کم متصل:** آن است که هر دو جزئی از آن با هم اشتراک داشته باشند مانند خط و سطح و

آن موضوع علم هندسه است. (اللباب، ص ۱۸۹)

**کمّ منفصل:** آن است که هر دو جزء مجاور آن با هم اشتراک نداشته باشند مانند اعداد صحیح و آن موضوع علم حساب است. (اللباب، ص ۱۸۹)

**کمّ قار:** آن است که تمام اجزایش در یک زمان مجتمع باشد مانند مثلث که تا تمام ضلع هایش رسم نشوند، بوجود نمی آید.

(اللباب، ص ۱۸۹)

**کمّ غیر قار:** آن است که اجزاء آن به تدریج در عالم وجود محقق شوند بطوری که هر جزئی از آن که در خارج آید جزء قبلی آن معدوم شود مانند زمان و حرکت.

(اللباب، ص ۱۹۰)

**کعب به اصفار:** گرفتن کعب به وسیله صفرها: عددی را که می خواهیم کعب آن را بگیریم می نویسیم و در سمت راست آن یک تعدادی صفر می گذاریم مطابق فرمول زیر هر چه صفرهایش بیشتر باشد کعب دقیق تر است.

$$\sqrt[n]{a} = \frac{\sqrt[n]{a \times 10^{rn}}}{10^n}$$

$$\sqrt[3]{12} = \frac{1}{100} \sqrt[3]{12000000} = \frac{1}{100} \times 228 = 2 / 28 = 2^\circ 16' 48''$$

(زندگینامه ریاضیدانان دوره اسلامی، ص ۱۳۵) (کاشانی نامه، ص ۲۲۹)

**کمیت های اندازه پذیر:** کمیت های نسبت به هم اندازه پذیر در طول هستند که واحد اندازه گیری مشترک داشته باشند به عبارت دیگر نسبت بین آنها به وسیله نسبت بین دو عدد صحیح بیان شود.

**کمیت های اندازه ناپذیر:** کمیت هایی را که نتوان به نسبت دو عدد صحیح بیان کرد کمیت های اندازه ناپذیر در طول گویند.

**کمیت‌های اندازه‌پذیر در طول**

$$\frac{\sqrt{3}}{\sqrt{12}} = \sqrt{\frac{3}{12}} = \frac{1}{2} \quad \text{مثال: } \sqrt{3} \text{ و } \sqrt{12} \text{ نسبت به هم اندازه‌پذیرند زیرا:}$$

دو کمیت اندازه‌ناپذیر در طول

$$\frac{\sqrt{3}}{\sqrt{15}} = \sqrt{\frac{3}{15}} = \sqrt{\frac{1}{5}} = \frac{1}{\sqrt{5}} \quad \text{مثال: } \sqrt{3} \text{ و } \sqrt{15} \text{ دو کمیت اندازه‌ناپذیرند زیرا:}$$

(اصول اقلیدسی، مقاله دهم)

**کمیت‌های اندازه‌ناپذیر در طول و اندازه‌پذیر در مربع: خط‌های راستی که در طول**

نسبت به هم اندازه‌ناپذیرند بر حسب آنکه به توان مربع‌هایی که بر روی آنها بنا می‌شود با

یک واحد مساحت اندازه‌گیری کرد یا به عبارت دیگر توان دویی این خطوط را به توان به

نسبت دو عدد صحیح بیان کرد «خطوط اندازه‌پذیر در مربع» گویند و در غیر این صورت، این

خطوط را اندازه‌ناپذیر در مربع گویند مثلاً  $\sqrt{3}$  و  $\sqrt{15}$  اندازه‌ناپذیر در طول ولی اندازه‌پذیر

در مربع است. طبق مثال فوق  $\sqrt{3}$  و  $\sqrt{15}$  دو کمیت اندازه‌ناپذیرند ولی اندازه‌پذیر در

$$\left(\frac{\sqrt{3}}{\sqrt{15}}\right)^2 = \frac{3}{15} = \frac{1}{5} \quad \text{مربع‌اند.}$$

**توضیح:** نسبت یک پاره خط به پاره خط دیگر (که به عنوان واحد برگزیده شده است) یعنی

به طور ساده طول یک پاره خط می‌تواند مثل یک عدد مورد بررسی قرار گیرد.

(اصول اقلیدسی، مقاله دهم)

**دو کمیت اندازه‌ناپذیر در مربع**

$$\sqrt{2} \text{ و } \sqrt{\sqrt{5}} \text{ دو کمیت اندازه‌ناپذیر در مربع‌اند.}$$

$$\left( \frac{\sqrt{\sqrt{5}}}{\sqrt{2}} \right)^2 = \frac{\sqrt{5}}{2}$$

اقلیدس a را کمیتی گویا و  $\sqrt{a}$  را گویا در مربع می‌داند اما  $\sqrt{\sqrt{a}}$  را در طول و در مربع اندازه‌پذیر نمی‌داند.

(اصول اقلیدسی، مقاله دهم)

کسرهای اصلی:  $\frac{1}{2}, \frac{1}{3}, \frac{1}{4}, \frac{1}{5}, \frac{1}{6}, \frac{1}{7}, \frac{1}{8}, \frac{1}{9}, \frac{1}{10}$ .

(تاریخ علم در فرهنگ و تمدن اسلام و ایران، ک ۲، ج ۱، ص ۲۴۳)

ک م م: کوچکترین مضرب مشترک

**کتانژانت:** یکی از نسبت‌های مثلثاتی، در یک مثلث قائم‌الزاویه کتانژانت یک زاویه برابر است با نسبت طول ضلع مجاور به طول ضلع مقابل آن زاویه.

**کره‌وارهای مستطیل یا کشیده:** از دوران یک بیضی حول محور اطول بدست می‌آید.

(تاریخ ریاضیات یونان، ص ۸۳۲)

**کره‌وارهای پهن (پخ):** از دوران یک بیضی حول محور اقصر پیدا می‌شود.

(تاریخ ریاضیات یونان، ص ۸۳۲)

## گ

گریپ: جریب: شصت عشیر (التفهیم، مقدمه)

گریپ ساسانی: ۲۴۰۰ مترمربع

گونیا: اصطلاح گونیا در زبان قدما زاویه قائمه است نه وسیله‌ای که امروزه به نام گونیا مورد استفاده می‌باشد. همچنین دوخط عمود بر هم را گونیا می‌نامند.

(هندسه ایرانی، ص ۱۴)

گز: کاشانی در سطر ۴۰ نامه دوم، گز را به ذراع الید منسوب کرده که مقدارش تقریباً ۵۰ سانتیمتر است.

(غیاث‌الدین جمشید کاشانی، ص ۲۱۰)

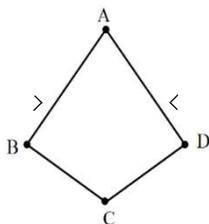
گز بطور مطلق حدود ۵۴ سانتیمتر و گز هاشمی کبیر ۶۶/۵ سانتیمتر و گز هاشمی صغیر ۶۰/۱ سانتیمتر بود.

(غیاث‌الدین جمشید کاشانی، ص ۲۱۱)

گز (ذراع): ۲ درجه و ۲۰ دقیقه در اندازه‌گیری فاصله ستاره‌ها (صورالکواکب)

## ل

**لوزه:** چهارضلعی محدبى است که دو ضلع مجاور آن با هم مساوى و دو ضلع ديگر آن نیز با هم مساوى ولى با دو ضلع اول مختلف باشند.



$$AB=AD$$

$$BC=CD$$

$$\hat{B} = \hat{D} = 90.$$

**لاتوس رکتوم:** ضلع قائم (در سهمی)

(تاریخ ریاضیاتی یونان، ص ۴۹۳)

**لاجزرگفتن:** از اصطلاحات جذر است و آن اینکه بر روی عدد اول از سمت راست نقطه

ای نهاده، عدد دوم را لاجذر می گفته اند.

(فرهنگ ایران زمین، ص ۱۸۲)

**لاکعب:** بر عدد اول نقطه ای گذاشته دو عدد دیگر را لاکعب گفته به روی عدد چهارم نقطه

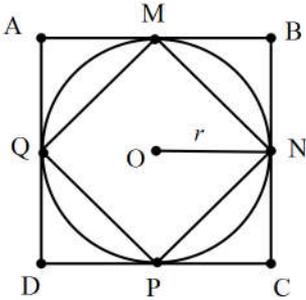
ای می گذاشته اند.

(فرهنگ ایران زمین، ص ۱۸۲)

## م

مساحت دایره بابلی‌ها: بابلی‌ها مساحت دایره را میانگین مساحت‌های مربع‌های

محاطی و محیطی می‌دانستند.



$$S_{ABCD} = (2r)^2 = 4r^2$$

$$S_{MNPQ} = 2r^2$$

$$S = \frac{4r^2 + 2r^2}{2} = 3r^2 \Rightarrow \pi = 3$$

بابلی‌ها عدد  $\pi$  را برابر با ۳ می‌گرفتند.

$$S = 3r^2 \quad S = \frac{3}{4}d^2 \quad \text{قطر: } d$$

مساحت دایره نزد مصری‌ها:

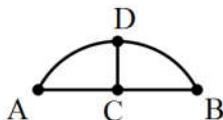
$$S = \left(\frac{4}{3}\right)^2 r^2$$

در پایپروس رایند  $\pi = \left(\frac{4}{3}\right)^2 = 3/16.4$  آمده است

$$S = \left(\frac{4}{3}\right)^2 \times \left(\frac{d}{2}\right)^2 = \frac{64}{81}d^2 = \left(\frac{8}{9}\right)^2 d^2 \quad \text{قطر دایره: } d$$

(تاریخ ریاضیات، شهریاری، ص ۷۶)

## محاسبه طول کمان ADC توسط بابلی‌ها



اندازه کمان  $ADB = AB + DC$  وتر

(HPM No.48 November 2001, page 2)

## مساحت دایره (توسط بنوموسی)

$$S = \text{نصف قطر} \times \text{نصف محیط}$$

(دایرةالمعارف بزرگ اسلامی، ج ۱۲، ص ۶۹۵)

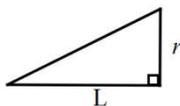
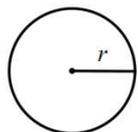
## مساحت دایره نزد یونانی‌ها

یونانی‌ها (ارشمیدس) عدد  $\pi$  را برابر با  $\frac{22}{7}$  می‌گرفتند

$$s = \frac{22}{7} R^2 \Rightarrow \pi = \frac{22}{7} \quad \text{یا} \quad s = \frac{11}{14} d^2 \quad \text{قطر دایره: } d$$

## مساحت دایره (ارشمیدس): مساحت مثلث قائم‌الزاویه‌ای که اضلاع مجاور به زاویه

قائم‌ه‌اش  $L$  (محیط دایره) و  $r$  شعاع دایره باشد.



(دایرةالمعارف بزرگ اسلامی، ج ۱۲، ص ۶۹۵)

## مساحت دایره (توسط خوارزمی)

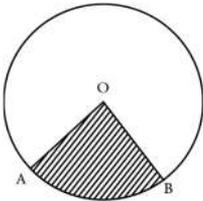
$$s = d^2 - \left( \frac{1}{7}d^2 + \frac{1}{14}d^2 \right)$$

(جبر و مقابله، ص ۹۶)

نصف قطر  $\times$  نصف محیط = مساحت دایره

(کنزالحساب، ص ۱۵۲)

## مساحت قطاع:



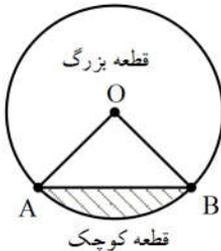
$$S_{AOB} = \frac{1}{2} R^2 \alpha$$

$\alpha$  بر حسب رادیان

نصف قوس  $AB \times$  نصف قطر دایره = مساحت قطاع

(کنزالحساب، ص ۱۵۶)

## مساحت قطعه



$$s = S_{AOB} - S_{\Delta AOB}$$

(کنزالحساب، ص ۱۵۷)

$$s = \frac{1}{2} R^2 \alpha - \frac{1}{2} R^2 \sin \alpha$$

$$s = \frac{1}{2} R^2 (\alpha - \sin \alpha)$$

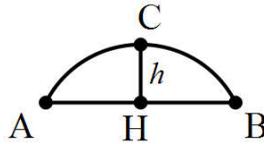
$$S + S_{\Delta AOB} = \text{قطعه بزرگ } s$$

$$s = \frac{1}{2} R^2 (2\pi - \alpha) + \frac{1}{2} R^2 \sin \alpha$$

$$s = \frac{1}{2} R^2 (2\pi - \alpha + \sin \alpha)$$

محاسبه مساحت قطعه (بطور تقریب) توسط چین جیو شائو: (حدود ۵۸۱ هـ ق یا

۱۲۰۲ میلادی) تقریبی



$$s = \frac{1}{2} h (a + b)$$

$$AB = a$$

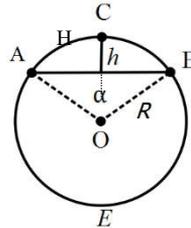
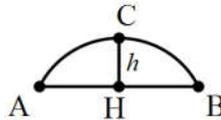
$$CH = h$$

محاسبه مساحت قطعه دایره (توسط خوارزمی)

$$AB = a$$

$$CH = h$$

$$OH = R - h$$



در  $\triangle OBH$ :  $R^2 = (R - h)^2 + \left(\frac{a}{2}\right)^2 \Rightarrow 2R = \frac{a^2}{4h} + h$  قطر  $d = \frac{a^2}{4h} + h$

قطعه  $S_{ACB} = S_{OACB} - S_{\triangle OAB} = \frac{1}{2} R^2 \alpha - \frac{1}{2} AB \times OH$

$$S_{ACB} = \frac{1}{2} \left(\frac{d}{2}\right)^2 \alpha - \frac{1}{2} \alpha \left(\frac{d}{2} - h\right) = \frac{d^2}{4} \times \frac{\alpha}{2} - \frac{1}{2} a \left(\frac{d}{2} - h\right)$$

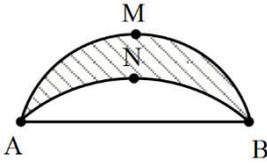
$S_{ACB} = S -$  دایره  $S_{AEB}$  = قطعه بزرگ

$$= \left(\frac{d}{2}\right)^2 \times \frac{22}{7} - \left[ \frac{1}{2} \left(\frac{d}{2}\right)^2 \alpha - \frac{1}{2} a \left(\frac{d}{2} - h\right) \right]$$

$$= \frac{d^2}{4} \left( \frac{22}{7} - \frac{\alpha}{2} \right) + \frac{1}{2} a \left( \frac{d}{2} - h \right)$$

(جبر و مقابله، ص ۹۷-۹۶)

**مساحت هلالی:** ابتدا دو طرف هلالی را به هم وصل می‌کنیم. دو قطعه بزرگ و کوچک بدست می‌آید. مساحت قطعه کوچک را از مساحت قطعه بزرگ کم می‌کنیم.



$$S = S_{AMB} - S_{ANB} \text{ قطعه هلالی}$$

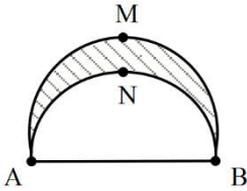
(کنزالحساب، ص ۱۵۷)

**مساحة ذوات النواحي:** سطح چند ضلعی‌ها یا کثیرالاضلاع‌ها

(تاریخ علم در فرهنگ تمدن اسلام و ایران، ک ۲، ج ۱)

**محاسبه مساحت نعلی:** از A به B وصل می‌کنیم دو قطعه بزرگ و کوچک بدست می‌آید

قطعه کوچکتر را از قطعه بزرگ کم می‌کنیم.

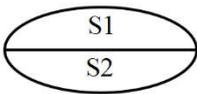


$$S = S_{AMB} - S_{ANB} \text{ قطعه نعلی}$$

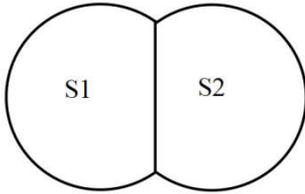
(کنزالحساب، ص ۱۵۷)

**محاسبه مساحت اهلیجی و شلجمی:** هر یک از آنها را به دو قطعه تقسیم می‌کنیم و

مساحت هر یک را مطابق آنچه گفته شده بدست می‌آوریم و بر هم می‌افزاییم.



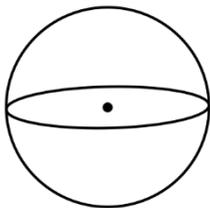
$$S = S_1 + S_2 \text{ اهلیجی}$$



شلجمی  $S = S_1 + S_2$

(کنزالحساب، ص ۱۵۷)

مساحت سطح کره: قطر × محیط دایره عظیمه



کره  $S = 2R \times 2\pi R = 4\pi R^2$

یا از فرمول

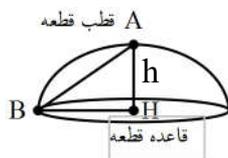
$$S = 4d^2 - \left[ \frac{1}{7} (4d^2) + \frac{1}{14} (4d^2) \right]$$

(کنزالحساب، ص ۱۵۸)

مساحت سطح قطعه کره (مساحت عرقچین) و محاسبه حجم آن

مساحت دایره‌ای که نصف قطر آن برابر طول پاره خطی است که از قطب قطعه به محیط

قاعده وصل می‌شود.



قطعه کروی  $S = \frac{11}{14} AB^2$  یا

$$S = \frac{22}{7} \left( \frac{AB}{2} \right)^2 = \pi (a^2 + h^2) = 2\pi rh$$

محیط دایره عظیمه ضرب در ارتفاع  $h$  ( $r$  شعاع کره)

(مساحت عرقچین کوچک) - (مساحت سطح کره) =  $S$  عرقچین بزرگ

$$S = 4\pi r^2 - 2\pi rh = 2\pi r(2r - h)$$

$$V = \frac{\pi h}{6} (3r^2 + h^2)$$

حجم عرقچین کوچک

حجم عرقچین کوچک - حجم کره =  $V$  حجم عرقچین بزرگ

(کنزالحساب، ص ۱۵۸)

محاسبه سطح کره از پاپیروس رابند:

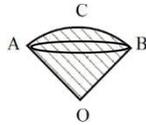
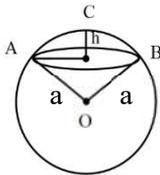
$$S = \left\{ 2d - \frac{1}{9} \times 2d - \frac{1}{9} \left( 2d - \frac{1}{9} \times 2d \right) \right\} \times d$$

یا

$$S = \frac{1}{2} \left( \frac{256}{81} \right) d^2 \quad \text{قطر کره} = d$$

(تاریخ ریاضیات یونان، ص ۴۷۷)

محاسبه مساحت سطح مخروط قطاع و حجم مخروط قطاع



مخروط قطاع شامل یک مخروط و یک قطعه

(عرقچین) می باشد که شعاع قاعده مخروط با شعاع

قاعده قطعه برابر است.

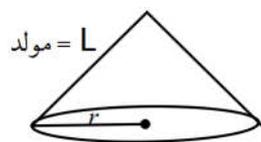
$$S = \text{مساحت سطح مخروط قطاع} + S_{ACB} + S_{OAB} = 2\pi r h + 2\pi a \times \frac{r}{2}$$

$$S = \pi r (2h + a)$$

$$V = \frac{2}{3} \pi r^2 h$$

(کنزالحساب، ص ۱۶۶)

مساحت جانبی مخروط قائم: محیط قاعده ضرب در نصف مولد

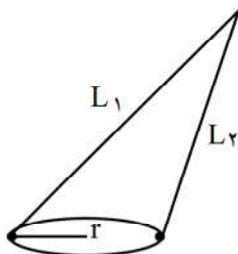


$$S = 2\pi r \times \frac{1}{2} = \pi r L$$

جانبی

مساحت جانبی مخروط مایل (به تقریب): نصف محیط قاعده ضرب در نصف مجموع

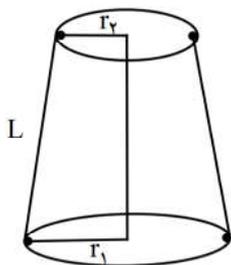
بزرگترین و کوچکترین مولد



$$S = \frac{1}{2}(2\pi r) \times \frac{L_1 + L_2}{2}$$

(کنزالحساب، ص ۱۵۹)

مساحت جانبی مخروط ناقص قائم: نصف مجموع دو محیط دو قاعده ضرب در مولد



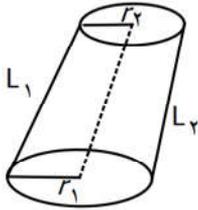
$$S = \frac{2\pi r_1 + 2\pi r_2}{2} \times L$$

$$S = \pi(r_1 + r_2)L$$

(کنزالحساب، ص ۱۵۹)

$\pi$

مساحت جانبی مخروط ناقص مایل (به تقریب): نصف مجموع دو محیط دو قاعده



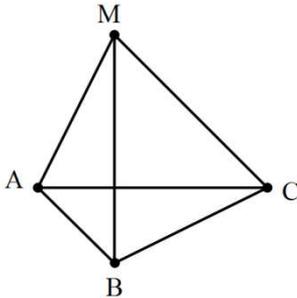
ضرب در نصف مجموع بزرگترین و کوچکترین مولد

$$S = \frac{2\pi r_1 + 2\pi r_2}{2} \times \frac{L_1 + L_2}{2}$$

$$S = \frac{\pi}{2} (r_1 + r_2) (L_1 + L_2)$$

(کنزالحساب، ص ۱۵۹)

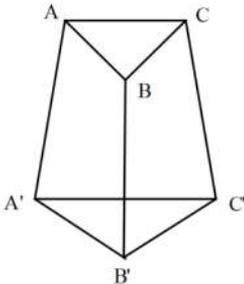
مساحت جانبی مخروط مضلع تام (هرم): مجموع مساحت‌های مثلث‌های جانبی



$$S = S_{\Delta MAB} + S_{\Delta MBC} + S_{\Delta MAC}$$

مساحت جانبی مخروط مضلع ناقص (هرم ناقص):

مجموع مساحت‌های دوزنقه‌های جانبی

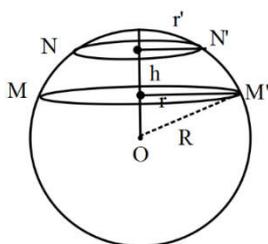


$$S = S_{ABB'A'} + S_{BCC'B'} + S_{CC'A'A}$$

(کنزالحساب، ص ۱۵۹)

مصادرات اقلیدس: گزاره‌های بنیادین

**منطقه کروی و قطعه کروی:** هر گاه دو صفحه موازی سطح کروی را قطع کنند قسمتی از آن سطح به دو مقطع محدود می‌شود که آن را منطقه کروی و قسمتی از حجم کره که به دو مقطع موازی محدود باشد قطعه کروی می‌نامند.



$$S = 2\pi R h$$

منطقه کروی

$$V = \frac{\pi r^2}{6} + \frac{1}{2} \pi h (r^2 + r'^2)$$

قطعه کروی

معادلات نامعین: معادله سیاله

معادلات معین: معادله غیر سیاله

(تاریخ ریاضیات یونان، ص ۴۳۹)

**محیط دایره:** برای پیدا کردن محیط دایره سه قاعده ارائه شده است اگر  $d$  قطر،  $p$  محیط باشد:

$$p = 3 \frac{1}{7} d \quad \text{منسوب به ارشمیدس}$$

$$p = \sqrt{10} \cdot d^{\frac{1}{2}} \quad \text{براهماگوپتا}$$

$$p = \frac{62832}{20000} d \quad \text{آریابهاتا}$$

(تاریخ جبر، ص ۷)

مدور مستطیل: استوانه

(تاریخ علم در فرهنگ و تمدن اسلام و ایران، ج ۲، ک ۱، ص ۵۹)

مربع جادویی: مربع وفقی

$\pi$ 

مربع وقتی مربعی  $n \times n$  خانه است که خانه‌های آن از ۱ تا  $n^2$  به ترتیبی پر شده است که مجموع عددهای هر ردیف افقی با هر ستون عمودی با هر قطر آن عدد ثابت را نشان می‌دهد.

$$S_n = \frac{n}{2}(n^2 + 1) = \text{مجموع اعداد هر سطر یا ستون یا قطر}$$

$$S_3 = 15$$

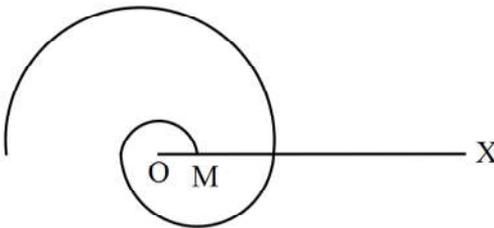
۸	۱	۶
۳	۵	۷
۴	۹	۲

$$۶+۱+۸=۱۵$$

$$۲+۷+۶=۱۵$$

$$۲+۵+۸=۱۵$$

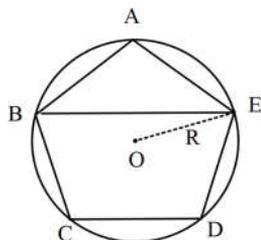
**مارپیچ ارشمیدس:** اگر نقطه M با سرعت ثابت روی نیم خط OX حرکت کند و نیم خط OX نیز با سرعت زاویه‌ای ثابت حول نقطه O بچرخد مارپیچ ارشمیدس بدست می‌آید. معادله کلی این دسته از منحنی‌ها به صورت  $r = a\theta$  است.



(آشنایی با تاریخ ریاضیات، ج ۱، ص ۱۱۰)

مساحت پنج ضلعی منظم:  $\frac{3}{4}$  قطر دایره محیطی ضرب در  $\frac{5}{6}$  یکی از قطرهای پنج

ضلعی

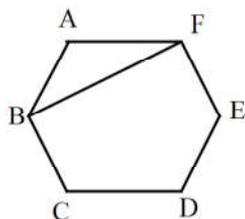


$$S = \frac{3}{4}d \times \frac{5}{6}BE$$

$$d = 2R$$

(اللباب، ص ۲۲۲-۲۲۱)

مساحت شش ضلعی منتظم: وتر زاویه ۶ ضلعی  $\times \frac{3}{4}$  قطر



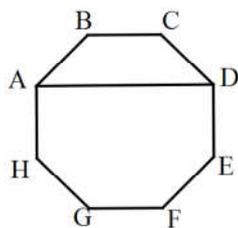
$$S = \frac{3}{4}EB \times BF$$

(اللباب، ص ۲۲۲)

مساحت شش ضلعی منتظم به ضلع a برابر است با:  $s = a^2 \times \frac{3\sqrt{3}}{2}$

راه دیگر مساحت ۶ ضلعی منتظم: نصف محیط  $\times$  نصف قطر AC

مساحت هشت ضلعی منتظم:

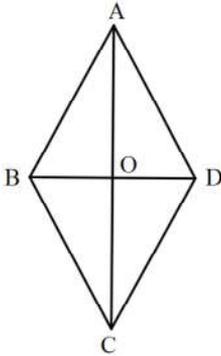


$$S = AD^2 - AB^2$$

(اللباب، ص ۲۲۲)

امروزه مساحت ۸ ضلعی منتظم از فرمول زیر بدست می‌آید:  $S_8 = 2\sqrt{2}R^2$

مساحت لوزی:

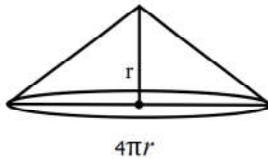
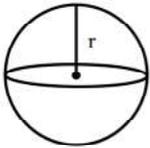


$$S = AB^2 - \left( \frac{1}{2} AC - \frac{1}{2} BD \right)^2$$

(اللباب، ص ۲۱۹)

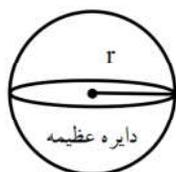
امروزه برای بدست آوردن مساحت لوزی از فرمول  $S = \frac{1}{2} AC \cdot BD$  استفاده می‌کنند.

**حجم کره:** ارشمیدس می‌گوید حجم هر کره برابر است با حجم مخروطی که مساحت قاعده آن برابر سطح کره و ارتفاع آن برابر با شعاع کره باشد.



$$v = \text{مخروط} = \frac{1}{3} \times 4\pi r^2 \times r = \frac{4\pi}{3} r^3$$

(تاریخ ریاضیات یونان، ص ۲۶۷)



ارشمیدس می‌گوید: مساحت سطح کره چهار برابر مساحت سطح دایره عظیمه کره

$$s = 4\pi r^2 \text{ کره}$$

(تاریخ ریاضیات یونان، ص ۲۶۷)

**مجسم الناقص:** بیضی گون (بیضوی) دوران بیضی به دور قطرش

(تاریخ علم در فرهنگ و تمدن اسلام و ایران، ک ۲، ج ۱، ص ۲۸۴)

**مجسم المكافی:** سهمی گون (سهموی)

**مجسم الزائد:** هذلولی گون (دوران هذلولی به دور قطرش)

مبادی الهندسه: اصول هندسه

(تاریخ علم در فرهنگ و تمدن اسلام و ایران، ک ۲، ج ۱، ص ۲۸۴)

**مساحة المجسم المكافی:** حجم اجسام سهمی گون

(تاریخ علم در فرهنگ و تمدن اسلام و ایران، ک ۲، ج ۱، ص ۲۶۲)

**معادلات مربع:** معادله درجه دو

(تاریخ علم در فرهنگ و تمدن اسلام و ایران، ک ۲، ج ۱، ص ۲۶۱)

**معادلات مکعب:** معادله درجه سوم

(تاریخ علم در فرهنگ و تمدن اسلام و ایران، ک ۲، ج ۱، ص ۶۴۰)

**مقادیر المنطق و الاصم:** مقادیر گویا و مقادیر گنگ

(تاریخ علم در فرهنگ و تمدن اسلام و ایران، ک ۲، ج ۱، ص ۱۹۹)

**مقطوعات:** مقطع‌ها، سه مقطع مخروطی

(تاریخ علم در فرهنگ و تمدن اسلام و ایران، ک ۲، ج ۱، ص ۲۹۶)

## مقوس: مایل

(تاریخ علم در فرهنگ و تمدن اسلام و ایران، ک ۲، ج ۱، ص ۳۱۴)

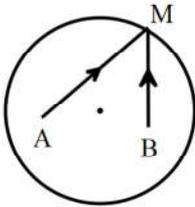
**متوافق:** اگر به توان عددی پیدا کرد که به عنوان واحد مشترک برای اندازه‌گیری اجسام هم جنس یا غیر همجنس به کار رود، آن اجسام را متوافق گویند. باید دقت داشت که مفهوم متوافق با مفهوم قابل شمارش و مفهوم غیر متوافق با غیر قابل شمارش اشتباه نشود.

(تاریخ علم در فرهنگ و تمدن اسلام و ایران، ک ۲، ج ۱، ص ۳۳۴)

## مساحت سطح: اندازه‌گیری سطح

## مقدمات فی المساحة: مقدمات در اندازه‌گیری

**مسأله ابن هیثم:** در صفحه دایره‌ای به مرکز  $O$  و شعاع  $r$  دو نقطه ثابت  $A$  و  $B$  داده شده است. هر گاه دایره را به مثابه آینه‌ای فرض کنیم، بر آن نقطه‌ای مانند  $M$  بیابید که شعاع نوری که از  $A$  خارج می‌شود، پس از منعکس شدن در نقطه  $M$ ، بر  $B$  بگذرد.



(تاریخ علم در فرهنگ و تمدن اسلام و ایران، ک ۲، ج ۱، ص ۳۳۷)

## مثلث قطبی: حاصل از امتداد تا قطب دو رأس دایره عظیمه

(تاریخ علم در فرهنگ و تمدن اسلام و ایران، ک ۲، ج ۱، ص ۴۰۳)

## مصوبات الضرب: قراردادهای قواعد روش ضرب

(تاریخ علم در فرهنگ و تمدن اسلام و ایران، ک ۲، ج ۱، ص ۴۰۵)

مساحة الخمس و المعشر: اندازه‌گیری مساحت پنج ضلعی و ده ضلعی

(تاریخ علم در فرهنگ و تمدن اسلام و ایران، ک ۲، ج ۱، ص ۱۳۶)

مدخل فی الهندسه: مقدمات در هندسه

مسائل المختاره: مسائل منتخب

(تاریخ علم در فرهنگ و تمدن اسلام و ایران، ک ۲، ج ۱، ص ۲۸۳)

معادلات مکعب: معادلات درجه سه

(تاریخ علم در فرهنگ و تمدن اسلام و ایران، ک ۲، ج ۱، ص ۳۷۳)

مضاعف کردن و انشقاق: عمل تضعیف و تنصیف

(تاریخ علم در فرهنگ و تمدن اسلام و ایران، ک ۲، ج ۱، ص ۶۴۵)

مختصرالمطلب: مطلب فشرده

(تاریخ علم در فرهنگ و تمدن اسلام و ایران، ک ۲، ج ۱، ص ۶۶۸)

مساحت بیضی (روش ثابت بن قره): مساحت بیضی به قطرهای  $a$  و  $b$  مساوی مساحت

دایره‌ای به قطر  $d$  می‌باشد به طوری که  $d^2 = ab$

اثبات:

نیم قطر اطول بیضی  $a \Rightarrow \frac{a}{2} = a_1$  قطر اطول بیضی

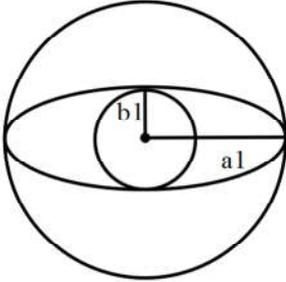
نیم قطر اقصر بیضی  $b \Rightarrow \frac{b}{2} = b_1$  قطر اقصر بیضی

$$S = \pi \left( \frac{d}{2} \right)^2 = \frac{\pi d^2}{4} = \frac{\pi}{4} \times ab = \pi \times \frac{a}{2} \times \frac{b}{2} = \pi a_1 b_1$$

(در مقاله ثابت بن قره دایرة المعارف)

**مساحت بیضی:** اگر  $a_1$  و  $b_1$  نیم‌قطرهای بیضی باشند مساحت بیضی برابر است با

میانگین هندسی مساحت‌های دو دایره به شعاع‌های  $a_1$  و  $b_1$



$$S_1 = \pi a_1^2 \quad \text{مساحت دایره به شعاع } a_1$$

$$S_2 = \pi b_1^2 \quad \text{مساحت دایره به شعاع } b_1$$

$$S = \sqrt{S_1 S_2} = \sqrt{\pi a_1^2 \times \pi b_1^2} = \pi a_1 b_1 \quad \text{بیضی}$$

**معادله درجه اول:** معادله‌ای که بالاترین توان مجهول یک است.

**معادله درجه دوم:** معادله‌ای که بالاترین توان مجهول دو است.

**معادله درجه سوم:** معادله‌ای که بالاترین توان مجهول سه است.

**مقدم عدد:** عددی است که یک واحد کمتر از یک عدد معلومی باشد مثل ۴ که مقدم ۵

است و ۵ که مقدم ۶ می‌باشد. (کشاف اصطلاحات الفنون، ج ۲، ص ۱۲۲۶)

**منفصل:** اگر درپاره خط گنگ را که فقط در مربع متوافق باشند از هم کم کنیم، یک

منفصل بدست می‌آید. با علائم جبری این مقادیر گنگ می‌توانند به صورت  $\sqrt{A} - \sqrt{B}$

باشند که  $A$  و  $B$  گویا هستند.

(تاریخ علم در فرهنگ و تمدن اسلام و ایران، ص ۱۰۹۴)

برای اطلاع از انواع منفصل‌ها به فصل دهم کتاب اصول اقلیدسی نوشته تامس ال. هیث

ترجمه محمد هادی شفیعی‌ها با تاریخ علم در فرهنگ و تمدن اسلام و ایران نوشته دکتر

علی ولایتی صفحات ۱۰۹۳-۱۰۹۶ مراجعه شود.

**میانگین‌ها:**

$$\text{میانگین حسابی: } \frac{a+b}{2}$$

هندسی:  $\sqrt{ab}$

میانگین همساز (توافقی):  $\frac{2ab}{a+b}$

میانگین هرونی:  $\frac{a + \sqrt{ab} + b}{3}$

میانگین ضد همساز:  $\frac{a^2 + b^2}{a+b}$

مرکز هندسی:  $\frac{2(a^2 + ab + b^2)}{3(a+b)}$

(آشنایی با تاریخ ریاضیات، ص ۲۰۶)

**مساوی جمعی:** دو سطح یا دو حجم P و Q مساوی جمعی خوانده می‌شوند در صورتی که به توان آنها را به زوج قطعه‌های مساوی متناظر تقطیع کرد.

(آشنایی با تاریخ ریاضیات، ج ۱، ص ۸۶)

**مساوی تفریقی:** دو سطح P و Q را مساوی تفریقی گویند. اگر بتوان زوج قطعه‌های مساوی متناظر، به P و Q افزود تا اشکال جدیدی که مساوی جمعی می‌باشند به دست آیند.

(آشنایی با تاریخ ریاضیات، ج ۱، ص ۸۶)

**مسئله ارشمیدس:** کره مفروضی را بوسیله صفحه‌ای چنان قطع کنید که نسبت احجام دو قطعه کره حاصل مساوی مقدار مفروضی باشد.

(حکیم عمر خیام به عنوان عالم جبر، ص ۱۲۳)

**مسائل ثلاثه:** تثلیث زاویه - تریبیع دایره - تضعیف مکعب

(حکیم عمر خیام به عنوان عالم جبر، ص ۱۲۲)

مساحت جرم کره: حجم کره (لب الحساب، ص ۹۲)

مضلعات زائده و ناقصه: عباراتی جبری است مثلاً به صورت  $x^4(x + ۱۲۳)$  و یا  $x^2(x^2 + ۱۴۴)$  و غیره

(زندگینامه ریاضیدانان دوره اسلامی، ص ۴۳۷)

متماثلة الاضلاع: هر دو عدد مرکب که عده اضلاع (عامل‌ها) هر یک از آنها مساوی با عده اضلاع (عامل‌ها) دیگری باشد متماثلة الاضلاع گویند ورنه متفاضلة الاضلاع خوانده می‌شود.

(فارسی‌نامه، ص ۶۷)

متحد الاضلاع: دو عدد که هم عده اضلاع (عامل‌ها) اوّل آنها یکی باشد و هم اضلاع اول آنها مثل هم باشند و علاوه بر این هر ضلع اول به عده‌ای که در یکی از دو عدد تکرار شده باشد در دیگری هم تکرار شده باشد.

(فارسی‌نامه، ص ۶۷)

مؤلف ثنایی: هر عدد که از ضرب کردن دو عدد اوّل بدست آید آن را یک ثنایی از آن دو عدد نامند.

مؤلف ثلاثی: هر عدد که از ضرب سه عدد اوّل در یکدیگر ضرب شوند آن را یک مؤلف ثلاثی از آن سه عدد گویند.

(فارسی‌نامه، ص ۶۷)

در اینجا مؤلف و مرکب معادل هم‌اند.

مؤلف رباعی: هر عدد که از ضرب چهار عدد اوّل بدست آید آن را یک مؤلف رباعی از آن عدد می‌نامند.

(فارسی‌نامه، ص ۶۷)

**مجتمعات نخست:** عبارت است از اعداد مثلث که از جمع کردن جمله‌های متوالی اعداد طبیعی، ابتدا از یک بدست می‌آید. نخستین جمله آنها  $(1+2)=3$  و دومین آنها  $(1+2+3)=6$  می‌باشد.

(فارسی‌نامه، ص ۸۲)

**مجتمعات دوم:** اعدادی هستند که از جمع کردن واحد و جمله‌های متوالی رشته مجتمعات نخست بدست می‌آید که نخستین جمله آنها  $(1+3)=4$  و دومین آنها  $(1+3+6)=10$  بدست می‌آید  $4$  و  $10$  و  $20$  و  $35$  و  $56$  و  $84$

(فارسی‌نامه، ص ۸۱)

**مربع واحد خطی (یک عدد مربع):** عددی است که از ضرب آن عدد در خودش بوجود می‌آید زیرا مربع در اصطلاح هندسه همان مجذور در علم حساب است و در علم جبر به آن مال می‌گویند.  $3$  و  $6$  و  $10$  و  $15$  و  $20$  و  $25$  و  $30$  و  $35$  و  $40$  و  $45$  و  $50$  و  $55$  و  $60$  و  $65$  و  $70$  و  $75$  و  $80$  و  $85$  و  $90$  و  $95$  و  $100$

(کنزالحساب، ص ۱۳۰)

**مکعب واحد خطی (یک عدد مکعب):** عددی است که از ضرب یک عدد سه بار در خودش حاصل شده باشد.

(کنزالحساب، ص ۱۳۰)

$$x^2 + a = cx^2: \text{معادله ماهانی}$$

(تاریخ علم در ایران، ج ۲، ص ۵۲۹)

$$3x - 4x^2 = \sin^3: \text{معادله کاشانی}$$

(غیاث الدین جمشید کاشانی، ص ۴۹)

$$x^2 + cx^2 = a: \text{معادله ابونصر عراقی}$$

$$x^2 + bx + a = cx^2: \text{معادله ابوالجود}$$

(حکیم عمر خیام بعنوان عالم ریاضی، ۲۶۸)

معادله بیرونی: برای محاسبه ضلع ۹ ضلعی منتظم  $x^3 + 1 = 3x$

(بیرونی نامه، ص ۵۱۰)

مقادیر: مقصود از مقادیر کمیت های متصل است (خط - سطح - جسم - زمان)

(حکیم عمر خیام بعنوان عالم جبر، ۱۶۱)

مال: به دو معنی به کار رفته

۱- مجذور عدد مجهول

۲- عدد اولیه، مبلغ

(اصول حساب هندی، ص ۲۱)

متعادلان: دو عدد را متعادل گویند هر گاه مجموع اجزاء یکی مساوی مجموع اجزاء دیگری

باشد مثال: ۱۵۹ و ۵۵۹ متعادل اند.

$$۱۵۹ = ۳ \times ۵۳ \Rightarrow ۵۳ + ۳ = ۵۶$$

$$۵۵۹ = ۱۳ \times ۴۳ \Rightarrow ۴۳ + ۱۳ = ۵۶$$

(لب الحساب، ص ۶)

معطیات: داده ها

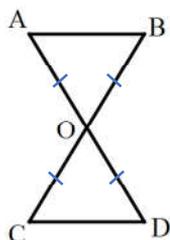
مکعب مطلق: آن است که کعب آن منطق بود یعنی ریشه سوم داشته باشد  $\sqrt[3]{۲۷} = ۳$

(لب الحساب، ص ۲۳)

مکعب اصم: آن است که ریشه سوم نداشته باشد  $\sqrt[3]{۶}$

(لب الحساب، ص ۲۳)

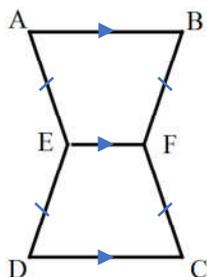
انواع مزیلات:



$$AB \parallel CD$$

$$OA = OB = OC = OD$$

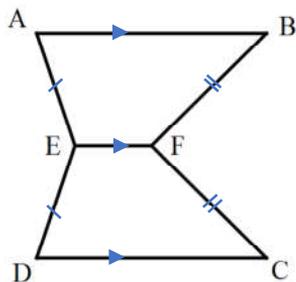
(لب الحساب، ص ۲۳۴)



$$AB \parallel EF \parallel DC$$

$$EA = ED = FB = FC$$

(لب الحساب، ص ۲۳۵)



$$AB \parallel EF \parallel DC$$

$$AE = ED$$

$$BF = FC$$

(لب الحساب، ص ۲۳۶)

مربع مختلف الزوايا: معين (لوزی) و شبیه معین (متوازی الاضلاع)

$\pi$ 

(لب الحساب، ص ۲۲۴)

متساوی در اضلاع قائم الزاویا: مربع

(لب الحساب، ص ۲۲۴)

مربع متساوی الاضلاع: لوزی

(لب الحساب، ص ۲۲۴)

شبهه معین مساوی الطولین متوازی الاضلاع

(لب الحساب، ص ۲۲۶)

مراتب هفتگانه: در جبر و مقابله هفتگانه عبارتند از:

$$x^3, x^2, x, 1, \frac{1}{x}, \frac{1}{x^2}, \frac{1}{x^3}$$

و این مراتب متناسبند

$$\frac{1}{x^3} \div \frac{1}{x^2} = \frac{1}{x^2} \div \frac{1}{x} = \frac{1}{x} \div 1 = 1 \div x = x \div x^2 = x^2 \div x^3$$

(حکیم عمر خیام بعنوان عالم جبر، ص ۲۳۵)

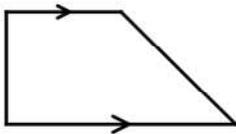
مُستخرج: کسی که محاسبات ریاضی نجوم و تقویم را انجام می‌دهد

(غیاث الدین جمشید کاشانی، ص ۲۰۹)

مراتب اعداد: آحاد و عشرات و مآت: یکان و دهگان و صدگان

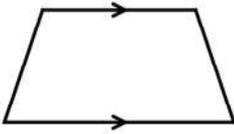
(لب الحساب، ص ۲۲۶)

مربع ذی زنقه واحد: دوزنقه قائم الزاویه



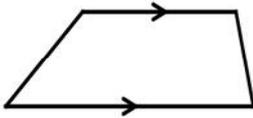
(نفایس الفنون، ج ۴، ص ۴۴۱)

مربع ذی زنقتین متساویین: دوزنقه متساوی الساقین

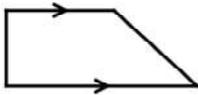


(نفایس الفنون، ج ۴، ص ۴۴۲)

مربع ذی زنقتین مختلفین: دوزنقه مختلف الاضلاع

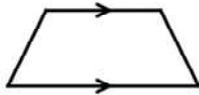


(نفایس الفنون، ج ۴، ص ۴۴۳)



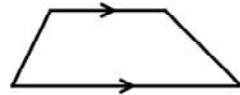
نفاثل قشا

(لب الحساب، ص ۲۳۱)



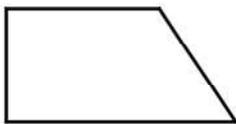
منحرف دوزنقتین متساوی

(لب الحساب، ص ۲۳۱)



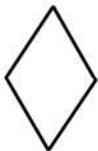
منحرف دوزنقتین مختلفه

(لب الحساب، ص ۲۲۹)



منحرف از یک جانب

(لب الحساب، ص ۲۲۶)



مُعَيَّنَةٌ: لوزی

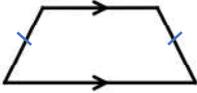
(جبر و مقابله، ص ۱۵) (اشکال التأسيس سمرقندی)



المنحرف: متوازی الاضلاع

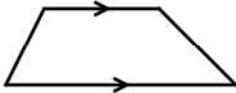
در بعضی از کتاب‌ها منحرف را چهارضلعی غیر مشخص و نیز به معنی دوزنقه آورده‌اند.

(اشکال التأسيس سمرقندی)



المنحرف الثاني:

(اشکال التأسيس سمرقندی)



المنحرف الثالث:

(اشکال التأسيس سمرقندی)

**مأخوذات:** در اصطلاح ریاضی قضیه‌ای است که آن را به عنوان مقدمه ثابت می‌کنند تا بعداً در استدلال قضیه دیگری از آن استفاده کنند امروزه لم یا لما نامیده می‌شود.

(نسوی نامه، ص ۲۶)

**متوسطات:** کتاب‌هایی هستند که خواندن آنها در بین کتاب «اصول اقلیدس» و «مجسطی» لازم است. مانند مأخوذات ارشمیدس، اگر مانالوس، اگر تاووذوسیوس

(لطایف الحساب، ص ۹)

مربع در مساحت سطحی: حاصل ضرب ضلع در ضلع:  $x \times x = x^2$

مکعب در مساحت حجمی: حاصل ضرب ضلع در مربع:  $x \times x^2 = x^3$

(لطایف الحساب، ص ۹)

**متماثلان:** دو عدد را متماثلان گویند هر گاه آن دو عدد با هم مساوی باشند مانند ۲ و ۲ و ۱۵ و ۱۵ به غیر از یک

(لب الحساب، ص ۶) (نفایس الفنون، ص ۴۱۴) (کنز الحساب، ص ۷۴)

**متداخلان:** هر گاه دو عدد با هم مساوی نباشند و عدد بزرگتر بر عدد کوچکتر قابل قسمت باشد (یا عدد بزرگتر مضربی از عدد کوچکتر باشد) مانند ۲ و ۱۰ که ۱۰ بر ۲ قابل قسمت است (و یا ۱۰ مضرب ۲ می باشد) و یا ۳ و ۹ که ۹ بر ۳ بخش پذیر است.

(لب الحساب، ص ۶) (نفایس الفنون، ص ۴۱۴) (کنز الحساب، ص ۷۴)

**متوافقان (متشارکان):** دو عدد را متوافق گویند که یکی بزرگتر از دیگری باشد و مقسوم علیه مشترکی غیر از یک داشته باشد مانند ۴ و ۶ که هر دو بر ۲ بخش پذیرند یا ۲ را عاد می کند یا ۶ و ۴ بر ۲ بخش پذیرند یا ۸ و ۶ که هر دو بر ۲ بخش پذیرند.

(لب الحساب، ص ۶) (نفایس الفنون، ص ۴۱۴) (کنز الحساب، ص ۷۴)

**کسر وفق:** کسری است که مخرج آن عددی باشد که دو عدد دیگر را عاد می کند مثل کسر  $\frac{1}{2}$  که مخرج آن ۲ عاد می کند ۴ و ۶ را (یا ۴ و ۶ بر ۲ بخش پذیرند).

(کنز الحساب، ص ۷۵)

**متباینان:** دو عدد را گویند که مقسوم علیه مشترکشان فقط ۱ باشد مثل ۴ و ۷ یا ۵ و ۳

(لب الحساب، ص ۶) (نفایس الفنون، ص ۴۱۴) (کنز الحساب، ص ۷۴)

**مثلث مجسم ناری:** چهاروجهی

(نفایس الفنون، ج ۳، ص ۹۶)

**مضمورات:** مسائلی است درباره یافتن عددی که کسی در ذهن اختیار کرده با رابطه‌ای که عددی بر مبنای آن تقسیم شده

(لطایف الحساب، پیشگفتار، ص ۱۱)

**مضربی از یک شکل:** مضربی از مساحت آن است

(حکیم عمر خیام بعنوان عالم جبر، ص ۱۲۵)

(شمارنامه ص ۱۰۰)

**مجنس کردن:** به یک واحد در آوردن

مثال: ۲ ساعت و ۲۰ دقیقه را به دقیقه تبدیل کنید:

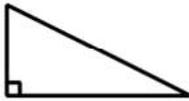
$$۲ \times ۶۰ = ۱۲۰$$

$$۱۲۰ + ۲۰ = ۱۴۰ \text{ دقیقه}$$

**مخرج از صورت گرفتن:** رفع کردن، در کسرهایی که صورت بزرگتر از مخرج باشد کسر را رفع می‌کنند.

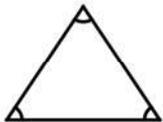
$$\frac{۴}{۳} = ۱\frac{۱}{۳} \quad \text{مثال: } \frac{۴}{۳} \text{ را رفع کنید.}$$

$$\frac{۱۶}{۵} = ۳\frac{۱}{۵} \quad \frac{۱۶}{۵} \text{ را رفع کنید.}$$



**مثلث قائم الزاویه:** مثلثی است که یک زاویه آن قائمه باشد.

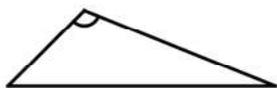
(التفهیم، ص ۱۰)



**مثلث حاد الزوايا:** مثلثی است که همه زاویه‌های آن حاده باشد.

(التفهیم، ص ۱۰)

مثلث منفرجه الزاویه: مثلثی است که یک زاویه آن منفرجه باشد.

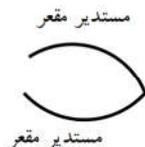


(التفهیم، ص ۱۰)

مثلثات: مثلث‌ها (اندازه‌گیری مثلث ارتباط بین اضلاع و زوایای مثلث را نشان می‌دهد).

معکوس ظل، معکوس قاطع: سکانت

مستدیر مقعر:



(اشکال التأسيس سمرقندی، ص ۱۴)

مستدیر تحدیبا:



(اشکال التأسيس سمرقندی، ص ۱۴)

(التفهیم، مقدمه)

مثلث راست پهلو: مثلث متساوی الاضلاع

(کاشانی نامه، ص ۱۲۷)

منحرف: چهارضلعی نامشخص

معین: لوزی

(کاشانی نامه، ص ۱۲۵) (نفایس الفنون، ج ۳، ص ۴۳۸) (لب الحساب، ص ۳۲۵)

(التفهیم، ص ۱۲)

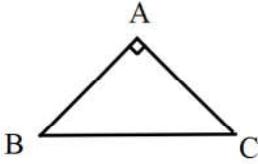
مانند معین: متوازی الاضلاع

$\pi$

(التفهيم، ص ۱۲)

منحرف: دوزنقه متساوی الساقين

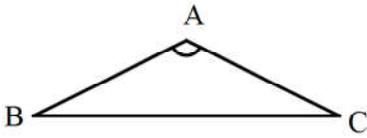
المتساوی الساقين القائم الزاويه:



$$AB = AC$$

$$\hat{A} = 90^\circ$$

المتساوی الساقين المنفرجة الزاويه



$$AB = AC$$

$$\hat{A} > 90^\circ$$

(اشكال التأسيس سمرقندی، ص ۲۰)

المتساوی الساقين الحاد الزوايا قاعدته اقصر

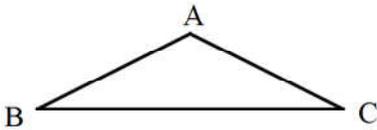


$$AB = AC$$

$$\hat{A}, \hat{B}, \hat{C} < 90^\circ$$

(اشكال التأسيس سمرقندی)

المتساوی الساقين قاعدته اطول



$$AB = AC$$

$$BC > AB \quad AC$$

(اشكال التأسيس سمرقندی)

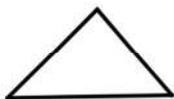


المختلف الاضلاع الحاد الزوايا: مثلث با اضلاع مختلف و

زاويه های حاده

(اشكال التأسيس سمرقندی)

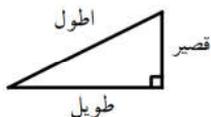
متساوی الاضلاع الحاد الزوايا: مثلث با اضلاع مساوی و



زاویه های حاده

(اشكال التأسيس سمرقندی)

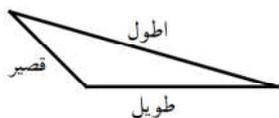
المختلف الاضلاع قائم الزاويه: مثلث با اضلاع مختلف و یک



زاویه قائمه

(اشكال التأسيس سمرقندی)

المختلف الاضلاع المنفرجه الزاويه: مثلث با اضلاع مختلف



و یک زاویه منفرجه

(اشكال التأسيس سمرقندی)

مخروط مضلع: هرم

(نفايس الفنون، ج ۳، ص ۶۹)

مخروط مثلث: هرم با قاعده مثلث

(نفايس الفنون، ج ۳، ص ۶۹)

مخروط مربع: هرم با قاعده مربع

(نفايس الفنون، ج ۳، ص ۶۹)

مخروط مخمس: هرم با قاعده پنج ضلعی

(نفايس الفنون، ج ۳، ص ۶۹)

مخروط مسدس: هرم با قاعده شش ضلعی

مخروط یا مستدیر است یا مخروط مضلع و مخروط مضلع را هرم گویند که جمع آن اهرام

است.

در هندسه مجهول را ضلع و مجذور را مربع گویند. در حساب مجهول را شیء و مجذور را

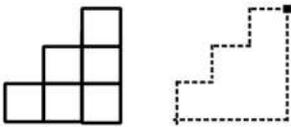
مال گویند.

(لطائف الحساب، ص ۹)

**مخروط قائم (تعریف):** قبل از آپولونیوس (حدود ۱۹۲ ق.م) مثلث قائم الزاویه‌ای که حول یکی از اضلاع قائمه دوران کند.

**مکان هندسی:** مجموعه نقاطی است که دارای خصوصیت مشترکی باشند و هر نقطه‌ای که دارای آن خصیصه مشترک باشد عضو آن مکان هندسی است.

**مدرج:** شکلی است که دارای درجه و پله باشد مانند نردبان



(کنز الحساب، ص ۱۳۹)

مجذور: مربع: مال:  $x^2$  (جبر و مقابله، ص ۶) (کنز الحساب، ص ۱۹۷)

مال المال:  $x^4$  (جبر و مقابله، ص ۶) (کنز الحساب، ص ۱۹۷)

مال الکعب:  $x^5$  (جبر و مقابله، ص ۶) (کنز الحساب، ص ۱۹۷)

مال مال الکعب:  $x^7$  = توان هفتم (جبر و مقابله، ص ۶) (کنز الحساب، ص ۱۹۷)

مال کعب الکعب:  $x^8$  = توان هشتم (کنز الحساب، ص ۱۹۷)

مال مال کعب الکعب:  $x^{10}$  = توان دهم (کنز الحساب، ص ۱۹۷)

مال: ضلع، خواسته، مجذور و مربع

مال مال الستة العشر:  $\left(\left(\left(16\right)^2\right)^2\right)^2$

(تحقیقی در آثار ریاضی ابوریحان، ص ۴۰۵)

**مفردات:** معادلاتی که ما دو جمله‌ای می‌خوانیم

جزرها برابر عدد  $ax=c$  یا ریشه‌ها مساوی با یک عدد

مال‌ها برابر جذرها  $ax^2 = bx$  یا مجذورات مساوی با ریشه‌ها

مال‌ها برابر عدد  $ax^2 = c$

(جبر و مقابله، ص ۲۹)

**مقترنات:** منظور از مقترنات معادلات درجه دوم کامل است که چون قدما عددهای منفی را به کار نمی‌بردند آنها را به سه دسته تقسیم می‌کردند.

مفردات و مقنونات ذکر شده به معادلات شش گانه خواندنی موسومند.

مال‌ها و جذرها برابر عدد  $ax^2 + bx = c$  یا مجذورات با ریشه‌ها مساوی عدد

مال‌ها و عدد برابر جذرها  $ax^2 + c = bx$  یا مجذورات و اعداد مساوی با ریشه‌ها

جذرها و عدد برابر مال‌ها  $bx + c = ax^2$  یا ریشه‌ها و اعداد مساوی با مجذورات

مقترنات گاهی مرکبات خوانده می‌شوند. مقترنات و مفردات به معادلات شش گانه

خوارزمی موسوم اند.

(حکیم عمر خیام به عنوان عالم جبر، ص ۱۱۴) (جبر و مقابله، ص ۳۱)

**مقترنه ثالته:**  $x^2 = ax + b$   $x^2 + 3x + 18$

**المسائل الست:** مسائل ششگانه

منظور معادلات درجه اول و دوم است

(زندگینامه ریاضیدانان دوره اسلامی، ص ۳۸۰)

**محاصمات:** تقسیم به نسبت

**مقاسمات:** تقسیم به نسبت

**مخمس متساوی الاضلاع:** پنج ضلعی منتظم

مجسمات خمس: چهاروجهی منتظم - شش وجهی منتظم - هشت وجهی منتظم -  
دوازده وجهی منتظم - بیست وجهی منتظم

مسبع متساوی الاضلاع: هشت ضلعی منتظم

میزان: امتحان صحت اعمال با طرح نه نه و جز آن

(زندگینامه ریاضی دانان دوره اسلامی، ص ۷۴)

میزان القسمة: امتحان عمل تقسیم (شمارنامه، ص ۲۵)

میزان الجذر: امتحان عمل جذر (نسوی نامه، ص ۱۶)

میزان الکعب: امتحان عمل کعب (نسوی نامه، ص ۱۶)

مجسمم: جسمی که دارای سه بعد باشد هرم - استوانه - مکعب

(لب الحساب، ص ۱۹۵) (جهان دانش، ص ۷)

مساحت سطوح مستدیر: مساحت اجسام: حجم اجسام

مُدَوَّرَة: دایره - دور: محیط دایره (جبر و مقابله، ص ۹۷-۹۵)

مجسم مربع: مکعب (جبر و مقابله، ص ۹۷)

مخروط مُحدَّد: مخروط نوک تیز، منظور هرم می باشد (جبر و مقابله، ص ۱۰۸)

مثلث و مربع مدوّر: احتمالاً هرم با قاعده مثلث و هرم با قاعده مربع و مخروط می باشد.

(جبر و مقابله، ص ۱۰۸)

مآت: صدگان

مئین: صدها - صدگان

مئین الوف: صدهزارگان

مئین الوف الوف: صدهزار هزارگان

- مال المقسوم: مقسوم (نسوی نامه، ص ۶۱)
- مال المقسوم علیه: مقسوم علیه (نسوی نامه، ص ۶۱)
- مجسّم مثلث: منشور با قاعده مثلث (لب الحساب، ص ۱۹۸)
- مسدس متساوی الاضلاع و الزوايا: شش ضلعی منتظم (لب الحساب، ص ۱۸۸)
- مقسوم علیه: عدّ کننده: شمارنده
- مشترک فيه: وفق، مقسوم علیه مشترک
- مواضع ارقام: مراتب ارقام
- موضع اوّل: مرتبه یکان
- موضع دوم: مرتبه دهگان
- منزل: قوه، توان و عدد منزل: نمای قوه
- عدد منزل مال کعب  $x^2 \times x^2 \times x^2$  برابر  $2+2+3=7$
- منزل پنجم: توان پنجم
- مضلع (در جمع مضلعات): قوه یک عدد یا عددی که باید از آن ریشه nام استخراج شود.
- مضلع مُنطق: عددی که ریشه nام درست داشته باشد مثل  $\sqrt{9}$  (کاشانی نامه، ص ۶۸)
- مضلع اصم: عددی که ریشه nام درست نداشته باشد، عدد گنگ مثل  $\sqrt{11}$  (کاشانی نامه، ص ۶۸)
- مركز مثلث: مرکز دایره محاطی (کاشانی نامه، ص ۱۲۵ به نقل از مفتاح الحساب)

مرکز دایره محاطی: محل برخورد نیمسازهای داخلی مثلث

(کاشانی نامه، ص ۱۲۵)

(کاشانی نامه، ص ۱۴۰)

متعادلان: متعادلین: دو طرف معادله

مقابله: اگر یک جمله در هر دو طرف معادله مشترک باشد آن جمله را از دو طرف حذف

می‌کنیم و این معنی مقابله است.

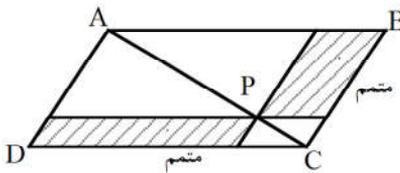
مثال برای مقابله: معادله  $10x^2 + 12 = x + 10$  پس از عمل مقابله به صورت زیر در

می‌آید:  $10x^2 + 2 = x$

(کاشانی نامه، ص ۱۴۱)

محیط دایره را به چند ضلع تقسیم کردن: محیط دایره را به چند جزء متساوی تقسیم

کردن



متمم: اگر از نقطه‌ای مانند P واقع بر قطر AC

از متوازی الاضلاع ABCD دو خط به موازات AB

و BC رسم کنیم چهار متوازی الاضلاع جدید پدید

می‌آید که دو تا از آنها قطرهايشان AP و PC روی قطر متوازی الاضلاع نخستین قرار دارد. آن

دو متوازی الاضلاع دیگر را متمم‌های متوازی الاضلاع ABCD می‌نامند. مساحت‌های این دو

متمم با هم مساویند.

(التفهیم، ص ۱۴)

مرتبه‌های طبیعی: توان‌های صحیح متوالی یک عدد است به عبارت دیگر جمله‌های یک دنباله هندسی است که نخستین جمله آن یک و قدر نسبت آن  $x$  باشد.

$$1, x, x^2, x^3, x^4, \dots$$

(التفهیم، ص ۱۰)

مسطق حجر: پای ارتفاع مثلث

مَظْوِی: نوردیده

(کاشانی‌نامه، ص ۱۴۰)

مسئله الجبریه: معادله

مثال رد: معادله  $5x^2 + 10x = 30$  پس از عمل رد چنین می‌شود:  $x^2 + 2x = 6$

مثال تکمیل: معادله  $\frac{1}{2}x^2 + 5x = 7$  پس از عمل تکمیل چنین می‌شود:

$$x^2 + 10x = 14$$

معادلات دیوفانتی: معادلاتی که تعداد مجهولات آن بیشتر از تعداد معادلات باشد:

معادلات سیال

مثناة بالتکریر: به توان دو: به قوه دو

اگر چند عدد داشته باشیم مانند  $a, b, c, d, e$  به قسمی که  $\frac{a}{b} = \frac{b}{c} = \frac{c}{d} = \frac{d}{e}$  در این

صورت واضح است

$$\frac{a}{c} = \frac{a}{b} \times \frac{b}{c} = \frac{a}{b} \times \frac{a}{b} = \left(\frac{a}{b}\right)^2$$

در این صورت می‌گویند که نسبت  $a$  به  $c$  مساوی است با نسبت  $a$  به  $b$  مثناة بالتکریر،

امروزه می‌گوییم نسبت  $\frac{a}{c}$  مساوی است با نسبت  $\frac{a}{b}$  به توان دو

همچنین می‌توان نوشت

$\pi$ 

$$\frac{a}{d} = \frac{a}{b} \times \frac{b}{c} \times \frac{c}{d} = \frac{a}{b} \times \frac{a}{b} \times \frac{a}{b} = \left(\frac{a}{b}\right)^3$$

بنابراین می‌گویند نسبت  $\frac{a}{d}$  مساوی است با نسبت  $\frac{a}{b}$  مثلثه بالتکریر و امروزه می‌گوییم

نسبت  $\frac{a}{d}$  مساوی است با نسبت  $\frac{a}{b}$  به توان ۳

(التفهیم، ص ۲۲)

$$\frac{a}{e} = \frac{a}{b} \times \frac{b}{c} \times \frac{c}{d} \times \frac{d}{e} = \left(\frac{a}{b}\right)^4$$

و می‌گویند نسبت  $\frac{a}{e}$  مساوی است با نسبت  $\frac{a}{b}$  مربعه بالتکریر و امروزه می‌گوییم نسبت

$\frac{a}{e}$  مساوی است با نسبت  $\frac{a}{b}$  به توان چهار

(التفهیم، ص ۲۲) (راشیکات الهند، صص ۸۳ و ۸۴)

**مثال ۱:** نسبت  $\frac{a}{b}$  مساوی است با  $\frac{3}{5}$  مثناة بالتکریر

$$\frac{a}{b} = \left(\frac{3}{5}\right)^2$$

**مثال ۲:** نسبت  $\frac{p}{q}$  مساوی است با  $\frac{1}{4}$  مثلثه بالتکریر

$$\frac{p}{q} = \left(\frac{1}{4}\right)^3$$

**مثال ۳:** نسبت  $\frac{m}{n}$  مساوی است با  $\frac{7}{9}$  مربعه بالتکریر

$$\frac{m}{n} = \left(\frac{7}{9}\right)^4$$

**منطقه حرکت:** اگر فرض کنیم کره‌ای در حول یکی از قطرهای خود دوران کند در این مقام دایره عظیمه‌ای که صفحه‌اش بر آن قطر عمود باشد منطقه حرکت نامیده می‌شود وقتی کره در حول آن قطر دوران می‌کند این دایره و سطح آن بر روی خود حرکت می‌کند (او جز خویشتن رسم نکند) همچنین است دایره‌های صغیره‌ای که صفحات آنها عمود بر قطر مذکور باشد یعنی «مدارات»

اما دایره‌های عظیمه‌ای که از دو قطب بگذرند محیط‌شان سطح کره را رسم می‌کند و سطحشان حجم کره را می‌پیماید.

#### مضلعات منتظمه: چند ضلعی‌های منتظم

- ۱- پنج پهلو (مخمس): پنج ضلعی منتظم
- ۲- شش پهلو (مسدس): شش ضلعی منتظم
- ۳- هفت پهلو (مسیب): هفت ضلعی منتظم
- ۴- هشت پهلو (مثمان): هشت ضلعی منتظم

#### مجسمات منتظمه: چندوجهی‌های منتظم

**منحنی متعالی:** منحنی غیر جبری مانند ماریپیچ ارشمیدس - منحنی مربع ساز

(نسوی نامه، ص ۲۳) (آشنایی با تاریخ ریاضیات، ص ۱۰۸)

**محور کره:** قطر کره (جهان دانش، ص ۷)

**مثمان راست:** هشت ضلعی منتظم

**مکعب:** شکلی است فضایی که از شش مربع متساوی حاصل شده باشد.

(اصول اقلیدس، ص ۳۷۹)

معطیات: داده‌ها

متحاذی: دو خطی که اگر امتداد دهیم فاصله‌شان کم نشود.

مکعب ولاکعب ولاکعب: یکبار کعب می‌گیریم دوبار کعب می‌گیریم الی آخر

مسطره: مسطر: خط کش (النجارة، ص ۳۶)

مساحت جرم کره: حجم کره

مساحت جسم استوانه: حجم استوانه

مساحت جسم: حجم جسم (حکیم عمر خیام بعنوان عالم جبر، ص ۱۷۲)

معاملات: از فروع علم حساب است و آن به کار بردن حساب در معاملات شهرها از قبیل کالاها و مساحت‌ها و اموال و زکات و دیگر امور که در آنها با اعداد برخورد می‌کنند.

(نسوی‌نامه، ص ۱۳)

مال المزاد: عدد مزاد: عدد افزودنی (نسوی‌نامه، ص ۴۶)

مال المزاد علیه: عددی که باید به آن افزوده شود.

(نسوی‌نامه، ص ۴۶)

عمل افزودن عدد ۶۵۴ (مزاد) بر عدد ۵۴۸۲ (مزاد علیه) چنین نوشته می‌شود:

$$+ 5482$$

$$\underline{654}$$

$$6136$$

مال المنقوص منه: مفروق منه: عددی که باید از آن کم کرد

(نسوی‌نامه، ص ۴۹)

مال المنقوص: مفروق: عدد کم کردنی (نسوی‌نامه، ص ۴۹)

کاستن عدد ۲۴۶۲ (منقوص) را از عدد ۶۵۲۷۴ (منقوص منه) چنین می‌نوشتند:

$$65274$$

$$\underline{2462}$$

$$62812$$

مال المقسوم: مقسوم (نسوی نامه، ص ۶۱)

مال المقسوم علیه: مقسوم علیه (نسوی نامه، ص ۶۱)

ماسح: مسح: بنا (التجارة، ص ۵۰)

معطیات: داده‌ها، معلومات مساله

(تاریخ علم در فرهنگ و تمدن اسلام و ایران، ک ۲، ج ۱، ص ۱۲۷)

مرفوع کردن و مجنس کردن: رفع و تجنیس است

(شمارنامه، ص ۱۴۶)

مرفوع: قداما در دستگاه شصتگانی همانگونه که در جهت نزول هر درجه را ۶۰ دقیقه و هر دقیقه را ۶۰ ثانیه و غیره محسوب می‌داشتند. در جهت صعود نیز هر ۶۰ درجه را یک مرفوع می‌نامیدند و هر ۶۰ مرفوع را «دوبار مرفوع» و مرتبه بعدی را سه بار مرفوع و مرتبه بعدی را چهار بار مرفوع می‌نامیدند

(کاشانی نامه، ص ۱۱۳ به بعد)

مثال «ید» دوبار مرفوع «ب» مرفوع، «نو» درجه «مب» دقیقه و «کا» ثانیه و «لح» ثالثه به

صورت زیر نوشته می‌شود:

$$14 \times (60)^2 + 2(60) + 56 + \frac{42}{(60)} + \frac{21}{(60)^2} + \frac{38}{(60)^3}$$

ید: ۱۴      ب: ۲      نو: ۵۶      مب: ۴۲      کا: ۲۱      لح: ۳۸

(کاشانی‌نامه، ص ۱۱۳ و ۱۱۴)

**مانالائوس:** منلائوس (Menelaus) ریاضیدان و منجم یونانی در حدود سال ۱۰۰ میلادی

می‌زیست.

معلوم بودن دایره از حیث مقدار: دایره‌ای که مقدار شعاعش معلوم باشد

معلوم بودن دایره از حیث مقدار و وضع: دایره‌ای که مقدار شعاع و مرکز آن معلوم باشد.

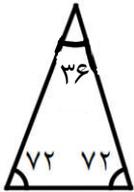
(حکیم عمر خیام به عنوان عالم جبر، ص ۸۹)

مبادی تصویری هندسه: نقطه، خط، سطح و...

(مجله تاریخ علم، شماره دوم، پاییز ۸۳، مقاله سیر هندسه، ص ۱۲۵)

**مثلث المخمس:** مثلث متساوی‌الساقینی که زاویه رأس آن ۳۶ درجه و دو زاویه دیگر هر

یک ۷۲ درجه باشد. امروزه آن را مثلث طلایی می‌نامند.



(بوزجانی‌نامه، ص ۵۲)

**مخروط وارهای قائم:** سهمی‌وارهای دورانی

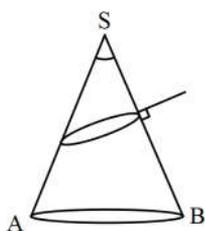
(تاریخ ریاضیات یونان، ص ۸۳۲)

**مخروط وارهای منفرجه‌الزاویه:** هذلولی‌وارهای دورانی

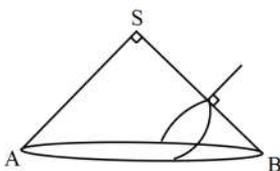
(تاریخ ریاضیات یونان، ص ۸۳۲)

**مسئله آپولونیوس:** ترسیم دایره‌هایی که بر سه دایره مفروض در صفحه مماس باشند.

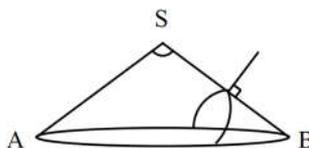
مقاطع مخروطی پیش از آپولونیوس (حدود ۱۹۲ ق.م):



$ASB < 90^\circ$



$ASB = 90^\circ$



$ASB > 90^\circ$

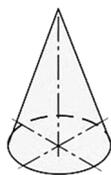
اگر زاویه رأس مخروط کوچکتر از  $90^\circ$  درجه باشد و صفحه‌ی عمود بر مولد مخروط آن را قطع کند سطح مقطع آن صفحه با مخروط بیضی خواهد بود.

اگر زاویه مخروط  $90^\circ$  درجه باشد و صفحه‌ی عمود بر مولد مخروط آن را قطع کند سطح مقطع آن صفحه مخروط سهمی است.

اگر زاویه رأس مخروط بزرگتر از  $90^\circ$  درجه باشد و صفحه‌ی عمود بر مولد مخروط آن را قطع کند سطح مقطع آن با صفحه مخروط هذلولی است.

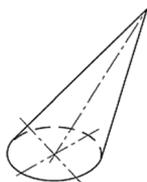
(آشنایی با تاریخ ریاضیات، جلد ۱، ص ۱۶۹)

مخروط راست: مخروط قائم



(التفهیم، ص ۲۷)

مخروط کژ: مخروط مایل



(التفهیم، ص ۲۷)

(تاریخ هندسه، ص ۵۳)

مربع کردن دایره: تربیع دایره

## ن

**نصف تمام:** مکمل (کاشانی نامه، ص ۱۶۸)

**نقطه:** چیزی است که واجد جزء نیست، النقطة شیء ولا جزء له امروزه نقطه جزء واژه‌های تعریف نشده است.

**نقصان:** عمل کاستن

**نقصان الکسور:** کاستن کسرها (نسوی نامه، ص ۱۸)

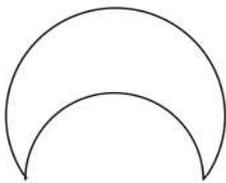
**نقصان الاعداد بعضها من بعض:** کاستن اعداد از یکدیگر

**ناقص:** منفی (کاشانی نامه، ص ۱۴۰) (جبر و مقابله، ص ۳۰)

**نیم مدور:** نیم دایره

**نیمکان:** نیم نیم

**ناراست پهلوی:** نه راست پهلوی: مثلث مختلف الاضلاع (التفهیم، مقدمه)



**نعلی:** سطح محصور بین دو قوس دایره که از نیم دایره بزرگتر باشد (متعلق به دو دایره متقاطع خواه مساوی و خواه نامساوی) و تحدّب آنها در یک جهت است.

(کاشانی نامه، ص ۱۳۰) (کشاف اصطلاحات الفنون، ج ۲، ص ۱۴۲۵)

**نیم قطر:** قدما به جای شعاع اصطلاح نیم قطر را به کار می‌بردند

(کاشانی نامه، ص ۱۷۳)

**نوردیدن عدد (الطی):** صورت و مخرج کسرات تبدیل به کسر تحویل ناپذیر کردن  $\frac{۱۵}{۳۳} = \frac{۵}{۱۱}$

(التفهیم، ص ۴۵)

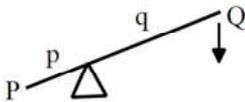
**نیزه:** قامت: ۹ درجه و ۲ دقیقه (صورالکواکب) در اندازه‌گیری فاصله ستاره‌ها با هم  
**نسبت ذات وسط و طرفین:** هرگاه روی پاره خط AB نقطه M را طوری اختیار کنیم که  
 رابطه  $\frac{AM}{MB} = \frac{MB}{AB}$  و یا  $MB^2 = AM \cdot AB$  برقرار شد می‌گویند پاره خط AB در نقطه  
 M به نسبت ذات وسط و طرفین تقسیم شده است. نسبت ذات وسط و طرفین را امروزه  
 نسبت طلایی گویند.



(تاریخ ریاضیات یونان، ص ۱۷۲) (التفهیم، ص ۲۴)

$$\frac{P}{Q} = \frac{q}{p}$$

**نسبت متکافی:** تناسب معکوس



$$P \cdot p = Q \cdot q$$

(التفهیم، ص ۲۵) (لب الحساب، ص ۵۶)

مقادیر P و Q با مقادیر p و q به تکافی متناسب‌اند یا مقادیر P و Q با مقادیر p و q نسبت  
 متکافی دارند.

**نسبت مساوات منتظم:** نسبت هموار: اگر a و b و c و d و... مجموعه‌ای از مقادیر باشند  
 همچنین A و B و C و D و... مجموعه‌ای از مقادیر نظیر مقادیر مجموعه اول باشند به  
 قسمی که:

$$\frac{a}{b} = \frac{A}{B}, \frac{b}{c} = \frac{B}{C}$$

$$\frac{c}{d} = \frac{C}{D}, \frac{d}{e} = \frac{D}{E}$$

اگر تساوی های فوق را عضو به عضو درهم ضرب کنیم:

$$\Rightarrow \frac{a}{b} \times \frac{b}{c} \times \frac{c}{d} \times \dots \times \frac{k}{e} = \frac{A}{B} \times \frac{B}{C} \times \frac{C}{D} \times \dots \times \frac{K}{L}$$

حاصل می شود:

$$\frac{a}{e} = \frac{A}{L}$$

یعنی نسبت نخستین مقدار از مجموعه اول به آخرین مقدار از همان مجموعه مساوی است با نسبت مقادیر نظیر آنها از مجموعه دوم و این را نسبت مساوات منتظم یا هموار می خوانند. (التفهیم، ص ۳۵) (حکیم عمر خیام به عنوان عالم جبر، ص ۲۷۶) (لب الحساب، ص ۵۴)

### نسبت مساوات مضطرب: (ناهموار – آشفته)

اگر سه مقدار  $a_1, a_2, a_3$  و سه مقدار  $a_4, a_5, a_6$  داشته باشیم به قسمی که:

$$\left\{ \begin{array}{l} \frac{a_1}{a_2} = \frac{a_4}{a_5} \\ \frac{a_2}{a_3} = \frac{a_5}{a_6} \end{array} \right. \xrightarrow{\text{ضرب}} \frac{a_1}{a_3} = \frac{a_4}{a_6}$$

این را نسبت مساوات مضطرب یا نسبت مساوات ناهموار می نامند.

(التفهیم، ص ۲۲) (لب الحساب، ص ۵۴)

**نسبت مؤلف:** یعنی نسبتی که از حاصل ضرب دو نسبت دیگر تألیف شده باشد. مثل

$$\frac{a}{b} = \frac{c}{d} \times \frac{e}{f} \text{ و می گویند نسبت } \frac{a}{b} \text{ تألیف شده است از نسبت } \frac{c}{d} \text{ و نسبت } \frac{e}{f}. \text{ مثلاً نسبت } \frac{1}{6}$$

$$\frac{1}{6} = \frac{1}{2} \times \frac{1}{3} \text{ زیرا } \frac{1}{3} \text{ و } \frac{1}{2} \text{ نسبت مؤلف است از دو نسبت}$$

(نسوی نامه، ص ۱۵۳)

**ناقص:** در جبر و مقابله به معنی منفی می باشد

(کاشانی نامه، ص ۱۴۰)

(التفهیم، مقدمه)

**نسبت بهم کرده:** نسبت مؤلف یا مؤلفه

**نجارت:** درودگری: نجار، مهندس عالی مقام، هندسه دان

(بوزجانی نامه، ص ۱۴)

**نسبت واژگونه:** عکس نسبت

**نسبت بین چند عدد:** هندیان نسبت بین ۳ و ۶ و ۹ و ۳۶ و ۱۸ را به صورت زیر می نویسند:

$$\frac{3}{6} \times \frac{6}{9} \times \frac{9}{36} \times \frac{36}{18} = \frac{1}{6}$$

(راشیکات الهند، ص ۱۰۲)

**نسبت های معطوف:** حاصل جمع چند نسبت

$$\frac{39}{36} = \frac{5}{10} + \frac{10}{30} + \frac{30}{120}$$

$$\frac{39}{36} = \frac{1}{2} + \frac{1}{3} + \frac{1}{4} \Rightarrow 39 = \left(\frac{1}{2} + \frac{1}{3} + \frac{1}{4}\right) \times 36$$

۳۹ برابر نصف و ثلث و ربع عد ۳۶ می باشد.

(راشیکات الهند، صفحات ۵۹ و ۶۰)

**نقصان:** تفریق به معنای نصف کردن یا تنصیف هم هست

(اصول حساب هندی، ص ۲۱)

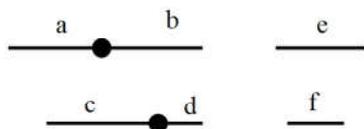
**نقصان:** تفاضل هر عدد ناقص با مجموع اجزایش نقصان نامیده می شود.

(فارسی نامه، ص ۴۹)

مثال: ۹ عدد ناقص است اجزایش ۱ و ۳ می باشد که مجموع آنها ۴ است و ۴ کوچکتر از ۹ است.

$$۹-۴=۵$$

نقصان نسبت:



$$\begin{cases} \frac{a+b}{e} = \frac{c+d}{f} \\ \frac{a}{e} = \frac{c}{f} \end{cases} \Rightarrow \frac{b}{c} = \frac{d}{f}$$

(رساله قانون سنجری)

نشان کردن: رسم کردن (و اما پرگار مراد از او نشان کردن دایره هاست)

(النجاره، ص سی و هشت)

نسبت دو شکل: منظور نسبت مساحت های آنها است.

(حکیم عمر خیام بعنوان عالم جبر، ص ۱۲۵)

نیم چهار یک: دوازده انگشت

نیم ذراع: پنجاه انگشت

(اصول حساب هندی، ص ۶۶)

$$\frac{۷}{۱۲} = \frac{۱}{۲} + \frac{۱}{۱۲}$$

نیم دانگ و نیم دینار: نوادر الاشکال: شکل های کمیاب

(تاریخ علم در فرهنگ تمدن اسلام و ایران، ک ۲، ج ۱، ص ۳۱۱)

**نهایت الحساب:** حساب پیشرفته

**ناگویاها:** پاره خط‌هایی که نسبت به پاره خط مفروض نامتوافق اند.

## و

و: جمع

وتر منصف: جیب: سینوس

(زندگی نامه ریاضیدانان دوره اسلامی، ص ۱۴۵)

وتر راجع: جیب معکوس (زندگی نامه ریاضیدانان دوره اسلامی، ص ۱۴۶)

وتر نصف  $\frac{1}{360}$  محیط دایره: وتر قوس نیم درجه

(کاشانی نامه، ص ۱۷۲)

وتر یک هشتم دایره: ضلع هشت ضلعی منتظم محاطی

وتر یک دهم دایره: ضلع ده ضلعی منتظم محاطی

وتر قوس مضاعف: جیب: سینوس

(زندگی نامه ریاضیدانان دوره اسلامی، ص ۱۲۵)

وسائط: تناسبها

(رسائل راشیکات الهند، تألیف ابوریحان بیرونی، تصحیح و ترجمه و تحقیق: محمدمهدی

کاوه یزدی، ص ۶۸)

واحد من الاثنین: نصف

(کاشانی نامه، ص ۵۵)

وتر قوس دو درجه: وتر دو جزء از ۳۶۰ قسمت محیط دایره

وتر ثلث: ضلع مثلث متساوی الاضلاع محاط در دایره (النجارة، ص ۹۹)

**وضع الکسور بالهندیه: چگونگی نوشتن کسرها به روش هندی**

(نسوی نامه، ص ۱۶)

**وتر نیم دایره:** وتر کمان ۱۸۰ درجه: قطر دایره است که آن را شامل ۱۲۰ جزء می‌گرفتند و

$\frac{1}{۶}$  طول شعاع دایره را به عنوان واحد اندازه‌گیری وتر در نظر می‌گرفتند. هر جزء را جزء قطر

می‌خواندند و جزء قطر را مانند درجه به دقیقه و ثانیه و... تقسیم می‌کردند.

(غیاث‌الدین جمشیدکاشانی، ص ۱۷۵)

$$\text{هر جزء قطر} = \frac{1}{120} \times \text{قطر} = \frac{1}{120} \times \frac{\text{محیط}}{\pi} = \frac{1}{120} \times \frac{360}{\pi} = \frac{3}{\pi}$$

(حکیم عمر خیام بعنوان عالم ریاضی، ص ۲۷۸)

**واحد خطی:** عبارت است از میزان و ضابطه‌ای که خطوط را با آن می‌سنجند مثل ذرع،

متر

(کنزالحساب، ص ۱۳۰)

**وتر کانونی:** پاره خط MN است که در کانون سهمی بر محور سهمی (ضلع قائم) عمود

می‌باشد.

کانون سهمی = F

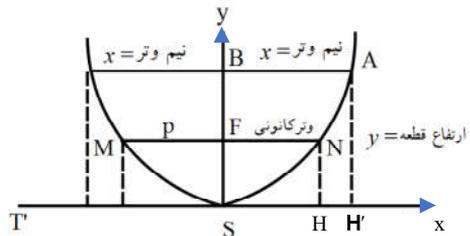
پارامتر P = ۲P = L = وتر کانونی = MN

نیم وتر = x = AB

ارتفاع قطعه = AH'

سهم = محور سهمی = محور کانونی = Sy

$x^2 = Ly$



ضلع قائم: طولی مساوی وتر کانونی عمود بر محور کانونی ST  
واحد: عبارت است از نمایشی که برای یک شیء تنها به کار می‌رود و اعداد دیگر بوسیله  
تکرار این نمونه واحد ایجاد و نمایش داده می‌شود.

(تاریخ حساب، ص ۵۳)

واسط الحساب: حساب متوسطه

وافی فی الحساب: کامل در حساب

(تاریخ علم در فرهنگ تمدن اسلام و ایران، ک ۲، ج ۱، ص ۲۷۶)

## ه

**هذلولی متساوی الساقین:** هذلولی متساوی القطرین: هذلولی است که مجانب های آن برهم عمود باشند. در این هذلولی  $a=b$  است و معادله آن می شود:

$$y^2 = (x-a)(x+a)$$

$$y^2 = x^2 - a^2$$

هزار هزار: میلیون

هزار هزار هزار: بیلیون = میلیارد

همچند: مساوی با = معادل یا برابر

(التفهیم، مقدمه) (جهان دانش، ص ۵۰) (النجارة، ص ۳۲)

**هلالی:** سطح محصور بین دو قوس دایره که از نیم دایره بیشتر نباشد (متعلق به دو دایره متقاطع خواه مساوی و خواه نامتساوی) و تحدب آنها در یک جهت باشد.

(کاشانی نامه، ص ۱۳۰)

**هشت وجهی:** شکلی است فضائی که از هشت مثلث متساوی الاضلاع متساوی حاصل شده باشد.

(اصول اقلیدس، ص ۳۷۹)

**هیپربول:** قطع زائد = هذلولی

(تاریخ ریاضیات یونان، ص ۱۰۲)

**هندسه:** علمی است که به مقادیر پیوسته می پردازد.

**هندسه:** معرب واژه پهلوی هنداژگ = اندازه، علمی که در احوال خط و اشکال و سطوح

بحث می کنند.

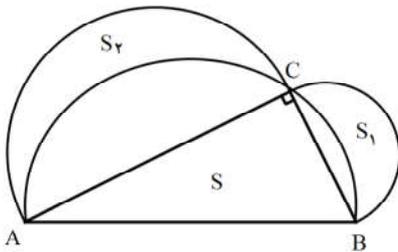
**هندسه فراغیه: هندسه فضائی امروزی**

(مجله تاریخ علم، شماره دوم پاییز ۸۳، مقاله سیر هندسه از...، ص ۱۲۵)

**هندسه متحرک:** روشی که برای رسم شکل و حل مسأله باید خط کش را آنقدر جابجا می‌کردند تا به وضع معینی در آید.

**هلالین بقراط خیوسی:** اضلاع مثلث قائم‌الزاویه  $ABC$  قطر هر یک از نیم دایره‌های شکل زیرند.

مساحت دو هلال با مساحت مثلث قائم‌الزاویه برابر است:



$$S = S_1 + S_2$$

(آشنایی با تاریخ ریاضیات، ج ۱، ص ۱۲۸)

## ی

یکی و نه جزء از شانزده جزء:  $1\frac{9}{16}$

یک از پس دیگر: متوالی همچون اعداد متوالی (التفهیم، مقدمه)

یک ضرب در یک: تعیین مساحت است و مفهوم آن یک ذراع ضرب در یک ذراع است.

(جبر و مقابله، ص ۹۴)

یک اصمّی: یک رادیکال عددی که در آن عدد زیر رادیکال گویا و خود رادیکال ناگویاست،

یک اصمّی نامیده می‌شود.

یک اصمّی مربعی: اگر فرجه رادیکال دو باشد

یک اصمّی مکعبی: اگر فرجه رادیکال سه باشد.

(آشنایی با تاریخ ریاضیات، ج ۱، ص ۲۴۵)



# منابع

۱- شمارنامه، محمد بن ایوب طبری با مقدمه و تعلیقات تقی بینش، انتشارات

بنیاد فرهنگ ایران، خرداد، ۱۳۴۵

۲- لطایف الحساب، قطب الدین لاهیجی، به کوشش محمد باقری، مرکز پژوهش

میراث مکتوب، چاپ اول، ۱۳۸۹

۳- نسوی نامه، ابوالقاسم قربانی، مؤسسه مطالعات و تحقیقات فرهنگی،

تهران، ۱۳۷۰

۴- کاشانی نامه، ابوالقاسم قربانی، انتشارات دانشگاه تهران، چاپ دوم، ۱۳۵۰

۵- التفهیم، ابوریحان بیرونی، به تصحیح علامه جلال الدین همایی، تهران، نشر

هما، ۱۳۶۷

۶- راشیقات الهند، ابوریحان بیرونی، تصحیح، ترجمه و تحقیق محمد مهدی

کاوه یزدی، مرکز پژوهش سرای میراث مکتوب، تهران، ۱۳۸۹

۷- اصول حساب هندی، کوشیار گیلانی، ترجمه و پیش گفتار، محمد باقری،

انتشارات علمی و فرهنگی وابسته به وزارت فرهنگ و آموزش عالی، چاپ

اول، ۱۳۶۶

۸- جبر و مقابله، محمد بن موسی خوارزمی، ترجمه حسین خدیو جم، شرکت

سهامی انتشارات خوارزمی، تهران، چاپ اول، ۱۳۴۸

۹- ترجمه کتاب النجاره، ابوالوفا بوزجانی، تحقیق و تصحیح جعفر آقایان

چاوشی، ناشر میراث مکتوب، چاپ اول، ۱۳۸۹

۱۰- لب الحساب، علی بن یوسف بن علی منشی (قرن ششم)، مقدمه و فهرست از

جمال‌الدین شیرازیان، مرکز انتشار نسخ خطی، تهران، ۱۳۶۸

۱۱- نفائس الفنون فی عرایس العیون، ج ۳، شمس‌الدین محمد بن محمود آملی

(قرن ۸ هجری) به تصحیح میرزا ابوالحسن شعرانی، انتشارات اسلامیة،

تهران، ۱۳۸۱

۱۲- حکیم عمر خیام به عنوان عالم جبر، غلامحسین مصاحب، ناشر: انجمن آثار

و مفاخر فرهنگی با همکاری کمیسیون ملی یونسکو در ایران، تهران، ۱۳۳۹

۱۳- غیاث‌الدین جمشید کاشانی، پرویز شهریاری، ناشر: شرکت انتشارات فنی

ایران، ۱۳۷۷

۱۴- اصول اقلیدس، سیزده مقاله تامس، ال. هیث، ترجمه محمد هادی شفیعی،

مرکز نشر دانشگاهی، تهران، ۱۳۸۷

۱۵- هندسه در گذشته و حال، ترجمه پرویز شهریاری، ناشر مؤسسه انتشارات

امیرکبیر، چاپ دوم، آذر ۱۳۴۳

۱۶- بحث در قضیه فیثاغورس، ترجمه احمد آرام، ناشر انتشارات امیرکبیر، چاپ

اول تیرماه، ۱۳۴۵

۱۷- طاق و ازج، غیاث‌الدین جمشید کاشانی، ترجمه علیرضا جذبی، انتشارات

صدا و سیمای جمهوری اسلامی، چاپ اول، ۱۳۶۶

۱۸- هندسه ایرانی، ابوالوفای بوزجانی، برگردان متن و ضمیمه، سیدعلیرضا

جذبی، تهران، انتشارات صدا و سیمای جمهوری اسلامی، چاپ اول، ۱۳۶۹

۱۹- مقاله بررسی محتوای رساله قانون سنجری، حسین بن ابراهیم سمرقندی،

محمد مهدی کاوه یزدی، محمدرضا عرشی، میراث علمی اسلام و ایران، سال

پنجم، شماره دوم، پاییز و زمستان، ۱۳۹۵

۲۰- تاریخ نجوم اسلامی، کرلو الفونس نلینو، ترجمه احمد آرام، ناشر کانون نشر

پژوهش‌های اسلامی

۲۱- کنزالحساب، فرهاد میرزا، مکتبه الشفیعی، اصفهان، بازارسرای خوانساری‌ها

۲۲- جهان دانش، شرف‌الدین محمد بن مسعود مسعودی، مقدمه و تصحیح

جلیل اخوان زنجانی، مرکز نشر میراث مکتوب

۲۳- مجله تاریخ علم شماره دوم پاییز ۸۳، مقاله سیر هندسی اقلیدس از اقلیدس

تا شیخ‌الرئیس بوعلی سینا، عبدالله انوار

۲۴- اصول اقلیدسی نوشته تامس ال. هیث ترجمه محمد هادی شفیعی ها، مرکز

نشر دانشگاهی، تهران ۱۳۸۷

۲۵- فارسی نامه، ابوالقاسم قربانی، تهران مؤسسه نشر هما، ص ۴۴

۲۶- آشنایی با تاریخ ریاضیات، ج ۱، هاوارد و ایوز، ترجمه محمد قاسم وحیدی

اصل، مرکز نشر دانشگاهی تهران، ۱۳۶۳

۲۷- ترجمه مفاتیح العلوم، نوشته ابوعبداله محمد بن احمد بن یوسف کاتب

خوارزمی (قرن ۴ هـ) ترجمه سید حسین خدیو جم، انتشارات شرکت علمی و

فرهنگی تهران، ۱۳۴۷

۲۸- تاریخ جبر، جان باو مگارت، مترجم محمد قاسم وحیدی اصل، شرکت

انتشارات علمی و فرهنگی تهران، ۱۳۸۵.

۲۹- تاریخ ریاضیات (کتاب‌های کوچک ریاضی)، مؤلف پرویز شهرياری، چاپ

سوم، انتشارات مدرسه تهران، ۱۳۸۳

۳۰- HPM No.48 November 2001

History and pedagogy of mathematics News letter.

۳۱- تاریخ حساب، روند قانون، ترجمه پرویز شهرياری، ناشر مؤسسه انتشارات

امیرکبیر، تهران، چاپ دوم، ۱۳۴۳

۳۲- تاریخ علم در ایران، جلد دوم، دکتر مهدی فرشاد، ناشر مؤسسه انتشارات

امیرکبیر، تهران، ۱۳۶۶

۳۳- تاریخ ریاضیات یونان، سرتامس لیتل هیث، مترجم احمد آرام، شرکت

انتشارات علمی و فرهنگی تهران، ۱۳۸۱

۳۴- گوشه‌هایی از ریاضیات دوره اسلامی، تألیف جی. ال. برگرن، ترجمه محمد

قاسم وحیدی اصل، علیرضا جمالی، انتشارات فاطمی، بهار ۱۳۷۳.

۳۵- اشکال التأسيس سمرقندی، کتابی است در هندسه از شمس‌الدین محمد بن

اشرف حسینی سمرقندی، ریاضیدان قرن ۷ هجری.

۳۶- شرح اصول اقلیدسی، مقاله دهم، حاج ملا محمد حسین نطنزی کاشان، به

کوشش محمود اخوان مهدوی، ناشر مجمع ذخایر اسلامی، قم، ۱۳۸۷

۳۷- فرهنگ ایران زمین، ج ۳۰ مقاله رساله اوزان و مقادیر و حساب محمد دانش

پژوه، انتشارات سخن تهران، ۱۳۸۵

۳۸- مقدمه بر تاریخ علم، جورج سارتون، ترجمه غلامحسین صدری

افشار، تهران، شرکت انتشارات علمی و فرهنگی، سال ۱۳۸۹